(ch) (st. 19-

CI AMON

M.A.LIBRARY, A.M.U.

فالفا

ا- بین ارشروع برا ندامسال باید بوسیار علی نظر این بازی برای است این برای به بازی به بازی به بازی به بازی به با سال بیش مراجعه شود. درجا با مشکدانا زم با شد تعینی نه دست و رای میانیم ا در کما ب اقرال تقید شده داست یا دا دری میانیم!

تمرين

ا - معلوم كمن يدكدا بن تساوى وقت كيه ۴ = ١١ من شد بيج ست يمين

 $\frac{\langle x-i\rangle, x+i\rangle}{x^{i+1} \cdot x+i} = \frac{x-i}{x+i}$

م- چرانفا والی مین دو عدر امر اورین مجارتست برمایم و مرکز امریا پارایاندا

م ي طريب كا د م دعيا رساع الي المن المسيد الم

-x = 0 - x (a+ 6) c + ad+ 8d

ع به صرب ه ارا درین عبارت بدست ا و رابه

rab-fa +vax

۵- عارت فی کاربر را برحسب حرف عاد مرتب کنسد

ax-r bx + x - ex + r y - ra

 $x^r - rx^r + ax - xy + y^r - 1$

ء مرجموع عارتها ی زیر را بدست و رید وصحت نتی را وقست کید ۱ × ×

y=-۲ و ۱- و من است تحقیق سند:

1 x - ry +rz

*x + 0 y - + x + r

- + x + + y + 3 x - s

۷- ما نده تفریق می کرسر را بدست اورید :

- F a + F & F v a*- r & r

*x + y - YZ 11

1+ "x - + y + b z

rax-0 x + a-1 ١ - عمارت

- rax + rx - ra + r

تفریق کند و بر منتی نیجیر و براتخفیق کنید و

9- عاصل جمع عارتهای [†](x+y) و و [†](x+y) ه و

۱ و ۱ × ۲) ۲- راحیا کنیدازروی آن حاصل جسم ۲ و ۲ + ۲) ۲- و ایست اور ید .

GATERIA DI SILIMINI DELLE SILIMI UNIVERSITA DI SILIMI UNIVERI DI SILIMI UNIVERSITA DI SILIMI UNIVERSITA DI SILIMI

مرین - حاصل صنرب سازه بای زیررا برست!

جمع حرى لود.

 $a \cdot (-a) \cdot a \quad x \cdot x \quad x \cdot (-x)$

nt! n=

FXFX(-F) xyXTxyXxxy

x a+8 x 1 a - 6 , x - a 1(a+6) + (a+6) x (y-a+b) xx (y-a+b) (Ta-s)(ra+s) (rx'-rx+a)(x'-ax+e) $(x^r - \alpha x + \alpha^r)(x^r - \alpha^r + \alpha x)$ (a = a + a) (ax + x + ax) (x + y + z)(x + y + z - yz - xz - xy)۱۱-اكرورتساوى × ۲۰ (ax(a+۲)+a(1.-a) = x +۶ كان x عدد ۲- ۵۰ را قرار دمسیم تسا و ی بر قرار بست یا نسبت ؟ و عد وتفسيم- ا وَلَّا وتفسيم تحطير مات حلمه مراي تعمين ساه ورين عبارت مجر # كافنيت كرنجتي م وتحش بي قرابرسازوي

مشرک تا تعلیم می ما میا و تعمیم می ای از می حزر راجیع حب می منائعی بختی را برخی ایستیم نووه و به رای حزر راجیع حب می منائعی ماتیا و تعمیم و و حید حکمه می از سا د وکرون آ بنا سریک را نسبت وانها

١٢- مطلونست تيسينا و وترين صورت بسر في ي زير:

$\frac{x^{x}y^{y}}{xy}$	xy-y = - y	-xy 5
$\frac{-\alpha^{n+\frac{1}{2}}+\alpha^{n}}{\alpha^{n}}$	·	$\frac{-x^{2}y^{2}}{x^{2}y}$ $\frac{x^{2}y^{2}}{x^{2}y^{2}}$ $\frac{x^{2}y^{2}}{x^{2}y^{2}}$ $\frac{x^{2}y^{2}}{x^{2}y^{2}}$
9x -124	4 x - 3	x + ra x - 11x
ra-11a-11a-10 1-ra-ra		c+1ra=rabe
$\frac{x + y + z - rxyz}{x + y + z}$ $\frac{rx + r}{\alpha^{x+r}} = \frac{r}{-15} \frac{r}{\alpha}$		
	f a <u> </u>	r rati - x + x x - x - x - x - x - x - x - x - x - x
م ۳۰۰۰ صفیت کسند و نفرض ۲	1, 5,	

قا عدة مرداشين كذاشتن يرانتزنا ينحست - ميموان يرانتزي راكه در جلوی آن نشأیهٔ + است جذف منو و ورین صورت نشا نه حله ما تغیر منحند د وم - اگرحلوی پرانتز - با شدیس زبر د استستن پرانتز بایدنشا نهٔ جله بای رو مرائزرانفسسروا و

بیة م بهموارهمیستوان یک چند حملهٔ در ون سرانتزی که دارای نشآ

بها رم نسبهٔ میتوان کانه حید محلهٔ راسل رنتینسیر دا دن نسانه عله با ان در داخل سرانشزی که دا رای نشانهٔ - است نوشت.

ر. ۱۴- درعبارتهای زیربر انتزالی را بر د استشدانها را سا د وکسند.

5+9-(-5+1)+(-9-1)+1--

10+(ry-10+r)-(ry-ra+r)

a-F-(6-+a)- [r(8-a+F)=r(9-48)]

fa-[-(y-rz)+(rz-fy)-(fy-ra)]

Fa-r(a-r)-r[a-r(F-ra)+1]

$$7 x^{4} + 7 x - (7 x + 1)(7 x + 7)$$

$$(x+r)(x^7-rx+1)-(x-r)(x^7+rx+1)$$

$$(f)$$
 $(a+b)(a-b) = a'-b'$

(a)
$$(x+a)(x+b) = x^{2} + (a+b)x + ab$$

a a ab

منا دست المجنّ ع مساحت ملی د و مربع و د و مُستطیل کدا ضلاع آن د و مربع منساوی مناوی م و ح و د و مستطیل منساوی بود و د منطیل منساوی بود و د منسلههای ها و ح میسباشند.

لمرين

۱۶- درستی اتحاد ای د دّم دسوم و چهارم. امنینه بهین را دمهند مثیا بت کنید برسشی اتحاد ای مرسش ای منافعای

حاصل عبارتھ ای زیر را گبویند:

 $(\alpha + f)$ (x + b) (x - f)

(ra-b) (ra-sb) r (x+rx)

(ro-ff) (af-red)

 $(\frac{1}{2}a - \frac{1}{2}b)$ (x-a)(x+a)

(ra-1)(ra+1) (ob-c)(c+ob)

(9x+y)(y-9x) (x+y)(x+y)

(x-Y)(x-Y) (a+y)(a-Y)

$$(xy-r)(xy+6)$$

$$(x+y+1)^r$$

$$(x-y-1)^r$$

$$(x-y-1)^r$$

$$(x-y-1)^r$$

$$(x-y-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-y+r)^r$$

$$(x-y-r)^r$$

$$(x-y+r)^r$$

$$(x-y+r)^r$$

$$(x-y+r)^r$$

$$(x-y+r)^r$$

$$(x-x+y)$$

$$(x-y-x+y)$$

$$(x-x+y)$$

۲- اول طریفاتعین ما ند گهشیم سره - x . فرض می نیم هم نخشی (خطبهٔ برسب x) و ۵- بخشا به و قسمت درست بسر و R ما ندهٔ تقتیم اسد سرا

اتحاد زبرراخواميم داشت

 $(1) \qquad \mathcal{P} = (x-\alpha)g + \mathcal{R}$

باید دانست که جربه x مبتگی ندار د زیرا درجهٔ ماند واز درجهٔ مخشایب که

برحب × از درخ اوّل ست) بایدکتر باشد

برای تیسین مذه R کافی است که درا تجاد بالاید رامساوی ۵ کمیریم در

صورت جلنه و (x-a) مساوی صفرشده و R بدست میآیداز نیقرار ؛

وقت یکه بدرا به به تبدیل نسیم خپر جلهٔ حر تبدیل برحب د حبد ای برحب به میشود ر می کد انرا به هم میمانیم و چون تساوی (۱) با زا جمیع مقا دمیر بد بر قراراست در پرااتجادن

یعن: ماند و تقسیم مرحبه حکمهٔ بر α - α مساوی حاصل ن جید حکمهٔ ۱ بعداز تبدیل مؤون م م م

مثال ا-میخواهیم ماند و تقییم عبارت ۲۰ که ۵۰ تر ۳۰ را بر ۲۰ × x

... کافی است درخپد جگه نخبشی بجایی × عدد ۲ را قرار دبیم یا ماند د بیست ایدازانیقرار:

 $R = r \times r^{r} - \Omega \times r^{r} + r = rr^{r} - r \cdot + r = 9$

مثال ۲- ماند ٔ قصیم و ۲۵- تر ۲ رابر ۵- x بست ورید ازرُ وی قاعدهٔ بالاخوامهیم داشت

R= + x 0 - + 0 . = + 00 - + 0 . = 0

ینی ۲۵۰ تر ۲۰ م م م بخش ذیراست از نیاحنی برسایدکه: ۳-برگاه حاصل عبارت بخشی کیبر از تبدیل کردن x به ه صفر با شدان نخشی بر ۵ - x بخش بذیراست

پرسش فی ی شفا بی ماند مصیر زیر را پیداکنید:

 $(x^{1}-1):(x-1)$ (x-1):(x-1)

 $(x^r + \alpha^r): (x - \alpha)$ $(x^r - \beta^r): (\alpha - \beta)$

 $(x^{y}-x^{y}):(x-y)$ $(x^{2}+y^{2}):(x-y)$

عهد د قرم را وتعيين لنه تقسيم برجه به مد جوب عينامطابق شاره

بالاعلىن تتومشود: ماند تقسيم كي ميد عدير مديد منها وى حاصل ن حيد عليه است لعدار تبديل ممود ك x به م

ونير مكن ست بين نتيجراا زروي شارهٔ بالا برست آوردا رنيمت ارز

متوانیم ۵ + x را بنویسیم (x - (- ع. بنا براین برای تعیین ند و تقسیم کافی ا

بجای مد ۵ - را قرار دہیم ۵ - نتجہ - مشرط اینکہ کیا جند عبد عبد مدید برہ اسداین آ

کرماصل ن حید حمد ایس زندیل x به ۵ - ضفر سود - جاکد چند

جلهٔ x+a بر + عن ذیراست زیرا

 $R = (-a)^{y} + a(-a) y = ay - ay = 0$

برسش في يشفايي

ماند ٔه تقشیمهای زیر راحها ب کنسید :

(x-1):(x+1) $(x^{2}-a^{2}):(x+a)$

 $(x^{x} + \Delta):(x+y)$ $(x^{x} + y^{y}):(x+y)$

 $(x-y): (x+y) \qquad (a+b): (a+b)$

ر. ا زانچه ففیتم نتیجه نای زیر بدست میاید :

ع-اوّل - دو جمله "م مراره بر م - م مختر نرا

 $\mathcal{R} = (a)^n - a = 0$

خانکه که - x بر ه - x بخش زیراست و بسر ه + x است

بمجنین ۳۴ - ۵ بر ۶ - ۵ بخش نیراست و بهر ۴۲ م + ۵۵ و ۱ م

$$x^{n-1} + \alpha x^{n-1} + \alpha x^{n-1} + \cdots + \alpha^{n-1} = x + \alpha x^{n-1} + \cdots + \alpha^{n-1}$$

$$\frac{x^{n-1}}{x-\alpha} = x + \alpha x^{n-1} + \cdots + \alpha^{n-1} + \cdots + \alpha^{n-1}$$

ېرس*ت پايسفا*

ر در برکن از نقت میهای زیر بهررا بیست ا و رید :

$$(x^{r} - x^{r}) : (x - a)$$
 $(x^{r} - \lambda) : (x - r)$

$$(x^{6}-y^{6}):(x-y)$$
 $(x^{6}-y^{6}):(x-y)$

 $y = e^{-x}$ وحتی بره x + a بخش ذیراست $y - e^{-x}$ و مند x + a بخش ذیراست که x + a باشد

$$\mathcal{R} = (-\alpha)^{n} - \alpha^{n} = 0$$

$$(\sqrt{2} - \alpha)^{n} - \alpha^{n} = 0$$

و ورجالت بله مرنا ق باشتخش نبرنست

$$R = (-a)^n - a^n = -7a^n$$

وجون قسیم در سرد و حالت بنر حنیه کا لی ست شال م جله که نشانه جله گا

کن در میان + و - است:

x-ax +ax -ax +

برسش في تفايي

در مرکب ا زنعت بهای زیر بسررا بدست و رید ومعلوم کسیدکه ورکدام تفتیم اند بصفرا (x'-a'):(x+a) $y(x-\alpha):(x+\alpha)$ $(x^{f}-y^{f}):(x+y)$ ٨- سوم - وو حلمه ۵ + x بر ۵ + x بخش بذبر است الر ا فالله $\mathcal{R} = (-\alpha)^n + \alpha^n = 0$ واكر مرحفت بالشدخش شرشست $R = (-\alpha)^n + \alpha^n = 7\alpha^n$ ورمرد وحالت بمزحند حله كاللي است شائل مرحله كدنشا زّ حبله لا ي ن ك برست عيشفابي

(x, x) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x + a)) : (x + a) ((x +

 $\frac{n}{n} = \frac{n}{n} + \frac{n}{2} + \frac{n}$

زيرا

و ببرحت د حمله کا ملی است دا رای مر جله ا زنیقرا ر:

 $x^{n-1} + \alpha x^{n-r} + \alpha x^{n-r} + \cdots + \alpha^{n-1}$

للمرك

۱- درسریک رنقسم عی زیر سرو مانده را بدست ورید ۱

x -1

, بر

1.

da + 610

YV X -1

rx - 3

a + fr

1.

بر

بر

5 FX - 25

xy - y 0x

1. xy-180

of - Pt

a18_ 818

x + y - a

(x + y) - a

х ₊ у

11° + x - y

x" + y"

x" + y"n

/ n

in d'

(x+y+a)

 $(x+y)^{V}+\alpha^{V}$

۲- این کننیدکه اگرمنی د جهٔ حربر دو حبهٔ ای ه ید و و گا- x

ع - ١ (بنابر الله ع و ح و م الله) بخش يزير با شد بر حاصل ضربتان برحب

بذبراسية

۱۰ مقصوداز سازهٔ اقل عبارتیت درست که غربرخوه ویک (به ون قیدنشانه) برسازهٔ درست دیگری خش پذیرنبا شدخیاکه ج- به بنایا بهجر اقل ست اگرچیر جله مخش پذیر با شد بهین نخو در صاب عد دا وّل عدر درشی

گویند که جزیرخو د و یک بر عدد درست و مگری مخبش بذیر نبا شد ما نیذ ته که عددیت

ا وَلَ كُرجِيهِ إِلَى قَا إِلْ قَسَمتُ مِا شُدِهِ

تربهٔ کن فیدگانه عبارت از تبدیل نو دن ن جند حکمهٔ است محال ضرب حند سا زهٔ ۱ وّل .

شخنت - تجزیر حبد که عبد که عبد کای آن دا رای سازهٔ مشنر کی باشند

ريان وم بعد + فر على الله

ترين

۱- عبارتهای زیر را مجا صل ضرب سازه بای و ل تجزیکت پد .

*(a+b)-x(a+b)+y(a+b)

72 (0 x - f a) - 9 at (0 x - f a)

$$ad+\gamma dx + \gamma az + \varphi zx$$

$$ad+\gamma dx + \gamma az + \varphi zx$$

$$ake + ake = akx - akx$$

$$A ke + 1 + kx - 9ke - 17kx$$

$$fa' - fax = ac + cx$$

$$mz - \gamma z + mz - \gamma z + mt - \gamma t$$

$$(x-\gamma y)'' + f(x-\gamma y)''$$

$$r y'' = y'' + r y' - 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a''' + a''' + a''' + 1$$

$$a''' + a''' + a'''' + a''' + a'''' + a''' + a'''' + a''' + a'''' + a''' + a''''$$

R+1 RS + S'- (x'-1 xy + y') x - y + + + y = = = = = and confer x+ 9x +9 - y +1 yx - z" + a + 9 8 - 15 x - 10 y - 11 a6 + 4. xy RS+1RS+1-C+10cd-10d1 151 x 1-1-11 y - 1135 x - y + ax + ay all'- Fe' - am + Fm 1,88x -1,81x 1n 5 m سوّهم مع جند حمله فالمكرك ورت و مدير ماند بشار المراجعة وبشاؤ ١٢٢ كما سيا قل يا مستله (٢) شار ١١٠ بيس تماس ۳- چند حمدُ لا ي زير رايباز ه لاي ا وَل تَجْزِيرُ مُنسيد : 2+50-15

d-rd-10

7-97 +14

 $z^{4} - z - 90$ $x^{7} - 71 \times + 7.$ $1 - \Delta y + 5y^{7}$ $9 - 10 \times + x^{7}$

 $m' = gmR + \Lambda R'$ $(a+b)=\gamma(a+b)-\Lambda$

(x-y)++(x-y)++

 $x^{t} - \lambda x^{t}y^{t} + 1$ و $x^{t} + 1$ و

 $= \left[\left(x - y \times x + y \right) \right]^{r}$ $= \left(x - y \right)^{r} \left(x + y \right)^{r}$

 $x^{2} - 1\lambda xy^{2} + \lambda 1y^{2}$ $x^{2} - 1\lambda xy^{2} + \lambda 1y^{2}$ $x^{3} - 1\lambda xy^{2} + \lambda 1y^{3}$ $x^{4} - 1\lambda xy^{4} + \lambda 1y^{5}$ $x^{5} - 1\lambda xy^{5} + \lambda 1y^{5}$ $x^{5} - 1\lambda xy^{5} + \lambda 1y^{5}$ $x^{5} - 1\lambda xy^{5} + \lambda 1y^{5}$

چون کٹ اصلے مرعبارت بالاسفیسندائیم مرتبع کا ل میٹود ، برای کیکد تعنیز کھنر ازین مُرتبع کیٹ گاتھ کم مکینیم از نیفرار:

a+ 36+ 6+ a++ 26+ 6+ 26

=(a'+ b') - (ab)

۵- مهارت عی زیر را بی صل ضرب سازه یای اول تجزیه کمنید:

 $x^{p} + x^{q}y^{p} + y^{A}$ $x^{p} - 17x^{q}y^{q} + 15y^{q}$ $15x^{p} - 17x^{q}y^{q} + 15y^{q}$

چارم - تجزید عارت اینکه بورت ۵ ± ۵ بیاب شد. چاند در شارن و و د دیم ۵ - ۵ بمیشرم ۵ - ۵ بخش نیراست:

فياً له على على عدى عدى عدى و على مردونجن بذيراست: عنا له على عدى عدى عدى عدى عدى عدى عدى عدى است: عنا له على عدى عدى عدى عدى عدى المعالى عدى عدى است:

2-6 = (a+6)(a-db+db-ab+ ap+ b)

و منو - تد بر بر بخش نزیراست ولی بر برد بد بخش نرشیت:

x'-y'' = (x-y)(x'+xy+y')

عبارت مه عنه وقتی بر عنه ۵ بخش بذیراست که ۸ ماق اشد

و مهیچ قت بر ه - ۵ نجش پذیر نمست ر

چاکه تا ۴- مر ۱۶ م خش پذیراست ا

= + P = (a+b)(a-ab+b1)

تتبصره برای تجزیه کردن می به میازه بای اوّل لاتمت یکه بر می در تاریخ می تا " دریکی مکد ار تاریک فریزی در

جفت باشد) بهترا مینت که اوّل تا جائیکه مکن ست موافق قا عده مخبات میر معتباشد) بهترا مینت که اوّل تا جائیکه مکن ست موافق قا عده مخبات میر

الع الما من من را تجزئه كرده وبسل زان كرلازم باشد وافق و عده بالاعل راتنام كنيم

مثال ا- میخوا بیم ع - ع را بیمازه مای اول تجزیر کمٹ پیم مثال ا- میخوا بیم ع - ع را بیمازه مای اول تجزیر کمٹ پیم

= (a-b)(a+ab+b)(a+b)(a-ab+b)

وا مِن سازه لأ آولت.

مثال ۲- میخواهیم کمو-گه را بسازه نای اوّل تجزید سنیم $x^{\lambda}-y^{\lambda}=(x^{\xi}-y^{\xi})(x^{\xi}+y^{\xi})$ $=(x^{\xi}-y^{\xi})(x^{\xi}+y^{\xi})$ $=(x^{\xi}-y^{\xi})(x^{\xi}+y^{\xi})$

واین سازه یا اولند ۰

$$Ax^{7}+7Y=(7x)^{9}+(7)=(7x+7)(7x^{7}-9x+9)$$

$$ay + ay = ay'(y + a') = ay'(y + a)(y - ay + a')$$

غري

$$(x+y)^{r}-z^{r}$$
 $(x+y)^{r}+z^{r}$

$$\mathcal{E}(x^{r}+\alpha)+\alpha x(x^{r}-\alpha^{r})+\alpha(x+\alpha)$$

مسلماً المجندي × ۱۰۰ × ۳× مسلماً المجندي

۱۰x رابطرن ول برده وسه جايه طرف ول را مجاصل جنرب سازه لا ي ول جنر

ميختيم ارنىقرار:

x-rx -10x=0

 $x(x+y)(x-\Delta)=0$

پس رسشه لای بمیندی بالا عبا رسند از ریشه لای بمیندی لای ده و x = o

• = x + y و • = ۵ - x و نبا براین میجندی بالا دارای سه ریشه ه

۲- و ۵ میساشد

مسلم ۲- بمجندی ۵ = ۳۶ + ۳۶ و ۱۳ و احل سنید

چون کو را به x نبائیم سه حبر خطرت اول بصورت و + بدیم + نع درمیاً بد برای تجزئهٔ آن کا فیست که ۴۶ را بحاصل ضرب د و عدد که مجموعشان ۱۳- آت

بری برید. تخریک بیم و آن دوعد دعبارتنداز ۹- و ۲۶- نبا براین بهجیت دی الآین

(y'-9)(y'-+)=.

(y- r)(y+r)(y-r)(y+r)=.

بنا براین ریشهٔ نای می محیندی عبار تبذا زریشه نای همچندی نای و ۳=۰ پ

تمرين

بمچذی نای زیر راا زر وی تجزیه ح که نسید:

$$a = s + a$$
 $x - 15x + 50 = 0$

$$y^{r} - y + r = ry^{r} \qquad \qquad x^{r} + \Lambda x = -16$$

$$X + X - \alpha X - \alpha X = 0$$

ac+re = a - 9

$$X + X - QX - QX = 0$$

$$\mathcal{R} - r \circ \mathcal{R}^r = -r \circ \qquad \qquad x^{r'} - x^r - x + l = 0$$

$$R^{r}-YR-A=R+1$$

و-راش ورسكي

۱۲ - میدانیم رنشهٔ سرام عدوصابی A عدولیت انده که چون ترابوا سه رانشار ورنشه ونشانهٔ سهرا رنشکی درادیکال نامند مثال - ریشهٔ د و م ع و ریشهٔ ربوّم عاع شرقیب جنین نوشته میشود:

عدوی (دُرست یا برخه یا و به بهی) نمیتوان فیت که توان بیه مُنْنُ عدد مفروض و چنا نکرسی عددی نمیتوان یافت که منیا وی رکیشنه دوّ م مفت با شریعنی چول زا ستوان د وّم رسانیم ۷ شود و همچنین سیج حددی یا فت نمیشود که نمسا وی رئیسترم ۱۱ گرد د بغنی توان میوش ۱۱ شور

۷۷ و سی و ماندا بنا راگنگ (متم) کو سد

ولی جموا ره مکن ست با تقریب د بخوا بی حد د ی یا فت که توان سرام

ان نرد كف نعدد A ما شد

4,8 (VV (4,Y r, 84 (VV (r, 80 طرفهای نررکست را ریشهٔ د و م مفت با تقریب اضا فی و طرف کی توکیرا ريشه د و م مفت القرس نقصاني كو بند مثلًا ٢,٧ ريشُهُ دوّم مفت است باكيت ومم تقريب اضافي (7,Y) = 1, 7 9 و على ٢٠٤٠ ريشُهُ د و م هفت است بالحصد م تعرب نعضاني (7,54°)=5,9595 مبرعد دکه ننگ نبا شد کویا (منطق) نامید ه میشو د ما نند ۲۵ و آیا r- 19, 10 9. ١٤٤ - تتبصيره - اوّلًا بايد دانست كدا كرنمية وان عددى افت كه منسا وی عدد کنگی ما نند سم یا شد مهموا رومیتوان (پس زانتا ب کیهٔ درازا) آن را با کمهٔ خطمی نمالیشس دا د مثلاً برای نمایش 🔻 پیوان سه کوشه ای ما الزّا و یهٔ ساخت که د و بهلوی آن منسا دی مکهٔ درا زا با شد در منصورت میجیش ا و تران سه توشه بالحی از د و تحصیاه عد د گنگ ۲۶ است بینی با این بایمکن

منست و ترمنگت را بوسیکه عددی برخدیا دید بی تاکستنس داد .

و پیچین سرگا ه شعاع د ایر ٔ ه را کند در آزااخت بیا رکینی نسبت در ازای مجیط تقطرعد گنگی میشو د که آنزا π نامن به .

تا نیأ خیا کمد دیدیم مقدا رتقری عدد کننگی را میتوان بعد د دیدی نایش دا د مرحینجو اسسیم میتوانیم مقدا رحقیقی این عدد گفت نزه کیترشویم دی پکیرای بهی میچوقت د و ره ندار د زیرا میدانیم مبر عدد دیدی د و رهٔ تبدیل میک برخشود وموافق تعریف در نصورت عددمفروض گفت نخوا بد بود.

وهمچنین عدد ۱۴۲۸۵۷ ۱۴۲۸۵۷ مساوی برخهٔ است بس گذار ناست

ولی مثلاً اگر عدد کنائ ۷۷ را بطور تقربیب حما به تسیم مرجه با شدهار تقریب حاصل محید د د بر بهی میتو دکه د و ره ندار د بهجنین ست عد د ۶ که د و ره ندار د و تا سبتی از ۷۰۰ پیکر بعد از ممیز حسان

ترين

۱- معین کنسید کدام کین ازین عدهٔ گذشگند و مقدار آنها را با تقریب بنا به اضافی و نقصانی حیا کسنید

ô √ã V79 Vra Vra, Fr ۲- سرکت زمده کای ۷۴ و ۲۰ و ۷۷ را به کمنظی نایش و سید . ۱۵- رئیشهٔ اعدا دجری - رئیشه ام عدد حبسبری A را نیز ما ندریشهٔ أم عد دحما بي A غالب ميد مند و چنا كندميدا ينم اقل-سرگاه A مشبت و سیفت با شدیرای رنشه سام A د و عد د قرمنه مستوان یا فت ينا كدريث دوم ع منا ويست با ٢٠ يا با ٢٠ وريشه جها رم همنا -Va 66 +Va ! دوم- سرگاه جمنفی باشد و سجفت برای رئیسه سام A يهيج عدو مي سيدا نيشود زيرا توان حفت سرعدد دمثت إينفي تثبت

تتبصره - ریشه نای حفت عدد نای منفی عدد نای مونبوم امینیو مانند آ- ۷ و ع- ۷ م ۲- ۴ . بطور کتی سرعبارتی که درآن عدد موبهومی باشد موببوم خوا بد بود

سوم- مركاه ستاق باشد مراى رئينهٔ سأم عدو 4 بميشيكيد

برسش في شفابي

۱- مقدار عددی مرکب از عبارتهای زیر را صاب کنید:

√9	-14	Vro	VX
V-7V	- \$ 570	-1/15	V-1
V TT		- V-TT	Vrrr
171	- \$ 5	10	- 17 3

۴- رئین دوّم عوا و عا- و ۲۵ رع و رئین سوّم ۲۷ و ۲۲- و رئین ششم عود را منعین کمنید .

ع المقسيم سدى اعدا ومب رى - اعداد به وطبقه تقسيم مشوند: ا عدادمو بموم و اعدا وغيرمو بهوم ياحقنقي اعدا وموبوم ما نند ٢-٧ اعداد حققی شیر منوست غود مرد و نوعت اعداد نویا و اعداد ا عدادگویا اشت ۵ و ۳ - و ۲۵، وغیره ا مدادگنگ فاند ۱۳ و ۱۳ و ۱۳ م و قیره ا عدادگویا نیز بر و و نوعت : اعدا و لویای ورست ، نند ۲۵ و ۷- و ۵۲ و اعدا دگویای برخه مانند ته و ۲٫۷۶-ازروی جد ول تیمیم سندی ا عدا و جبری معلوم میشود:

> پېر منسس و ۱- عدوی ښومب په که کويا و برخه یا شد

. ۴- عدو کتگی منونسیسید

م - عدد موجو می بتولیسید

ع- عدو في زير راطبقه ښدي سند

$$\begin{array}{cccc}
\sqrt{A} & \sqrt{A}$$

۵ - عبارت یک را با زا د مقدار بای مختف ی طبقه بندی سنید

۱۷-عل عی راجع برسته با قصنتید - برگاه نتا رهٔ رکشهرونای مقدارزیر رکشگی را در عددی ما نند بر ضرب کنیم در رکشه نتینیری

سدا نميشو و سي الماسية

برای اثبات کافی است و وطرف تیا وی بالارابتوان مرسریم

(برای است که گرا بتوان به رسانیم میستوانیم اوّل ایزا بتوان به رسانیم اوّل ایزا بتوان به رسانیم) رسانیم)

VF = VF = V S F = F

المرام من المرام والمرام المرام من المرام من المرام المرا

نمود که درنشانداشتیا بی رخ ند بد

مُلاً ميدانيم كه ۲- = ٦- اگرشار فريشه و نمای مقدارزيردسيكي را در عد د م ضرب تنبي مد ون دقت درنشا نه مبنا وي غلط زيرسرسيم: $\sqrt[r]{-\Lambda} = \sqrt[r]{(-\Lambda)^{\gamma}} = \sqrt[r]{\beta + \beta} = +\gamma$ این غلط از نیجا ناشی شد ه است که عدو ۸ - را متوان و و م رساندیم و دنتیجنشا ا زمیان رفته است - برای رفع این غلط بایدنشانه - را درجادی و کا ۲-۸

گذاشت پین کل:

V-1 = - V 9 4 = - 4

التحقیق کمنیدایات و بهای زیریا زا رهمهٔ مقدا رهٔ ی ۵ هیچهاست یانست

 $\sqrt[3]{a} = \sqrt[3]{a'}$

 $\sqrt[4]{-\alpha} = \sqrt[4]{\alpha^{Y}}$

٧- اين او بها رائم النسد:

"/A = \"?

۱۸- نیم ۱- تا کاره از بهزانست که و حجزین شاره از بهزانست که در از بهزانست که در از به در از بهزانست که در از به در از بهزانست که در از به در از بهزانست که در از بهزانست که در از به در از بهزانست که در از بهزانست که در از به در از

رمشگی ۶ ی مرسطررا دا را ی کیٹ شار ه نما میّد

١٩- نيخهٔ ٢- حون شارهٔ رئيسه ونماي مقدا رزير رئيسي رابر عدوی ما نیز مر تفسیم سیم در ریشه تعییری سیدانمی شو و 15/10 = 10/0 9 1/0 = VD شرصره - سرگاه نمای مقدا رزیر رئیگی حنت باشد و بخوا بیم ایزا بر عدد حنت علر تقتيمُ كمنهم باليدمتوجه بو وكه ورنجال بمواره مقدا رزيررشيكي مثبت ميشوو نبابراين بد مراعات نشأ ندرانمود مثلًا عهر الإزاء بمدّ مقدار لای ۵ (چِمشّت وچِمفّی) ممواره مثبت است - حال كره و ء رانخوا ميم مر ٢ تقييم نيم نير أنه را درنظر كرفت جنا كمد اكره مثبت باشد چنين مثيو و سي الله على الرق واكره منفى باشد بايدنوشت مهراً على المرات على الم اینشیجه مرای سا د ه کردن رسیکیها کارمیرو د رشیعی بای زمر را با درنظر کرنستن شانه سا د و تعینسد :

V(-r)	V XY	* Xys
f xr	VxF	" ar
9/TV	077	\$ 15
مه رنشگی که دارای ^م	ئە ئا - ماصل خرب د	٠١- فرسي رك

مشترک سر با شدمشا وی رئینهٔ سر آم حاصل ضرب مقدارهٔ ی زیر رئیگی است

یعنی بینی بات کا فی است د وطرف تشا وی بالا را بتوان هر برمانیم) اگر « برای ثبات کا فی است د وطرف تشا وی بالا را بتوان هر برمانیم) اگر شارهٔ رشگیها مُساوی نبا شد اوّل آنها را تحویل ببائ شاره نموده میشن از

ما نهذ با لاعل منيا شيم

 $\sqrt{r} \cdot \sqrt{r} = \sqrt[4]{r} \cdot \sqrt[4]{r} = \sqrt[4]{r} \cdot \sqrt{r}$ $= \sqrt[4]{17}$

تمرين

عاصل مرکیک از عبارتهای زیر را بدست اورید :

 $\sqrt{r} \cdot \sqrt{\lambda}$ $\sqrt{\frac{r}{r}} \cdot \sqrt{\frac{r}{r}}$ $\sqrt{x} \cdot \sqrt{x^2}$ $\sqrt{x} \cdot \sqrt{x^2}$

 $\sqrt{x} \cdot \sqrt{x}$ $\sqrt{\frac{r}{r}} \cdot \sqrt{\frac{r}{r}} \cdot \sqrt{\frac{r}{r}}$

VF (F VF - VF)

مطابق صرب تعجله ای درحب دحیار عمل سخت بیما رنفرا را

Vr (r Vr - Vr) = r V9 -r = r(V9 -1)

$$(\sqrt{\frac{1}{6}} - \sqrt{\frac{\alpha \beta}{7}}) \sqrt{\frac{\alpha}{7}}$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7 \sqrt{7} + \Delta \sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7 \sqrt{7} + \Delta \sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7 \sqrt{7} + \Delta \sqrt{7}) =$$

$$= f + \Delta \sqrt{9} - 7\sqrt{9} - 1\Delta = f \sqrt{9} - 1$$

$$(\sqrt{7} + \sqrt{6})(\sqrt{7} - \sqrt{6})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})(f \sqrt{7} + f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})$$

$$(f \sqrt{7} - f \sqrt{7})(f \sqrt{7} - f$$

زېر رشي خرب نانم.

$$x = \sqrt{r} = \sqrt[4]{r} = \sqrt[6]{r}$$
 $x \sqrt{x}$
 $x \sqrt{$

این عل بهم سرای سا ده کر دن رسشگی ^ا بکا رمیرو د · تمرین

عبا رتهای زیرراسا د ه کمنید:

 $\sqrt{9 \times 7}$ $\sqrt{8} + \sqrt{7}$ $\sqrt{7} + \sqrt{7}$ $\sqrt{7} + \sqrt{7}$

ravar - ravar +9var

r Var - Vroco - Vra.

r Vrys + Vry - Vsyx

ا توان حالت محضوصی ست ارضرب)

 $(\sqrt[n]{A})^{\frac{1}{2}} = \sqrt[n]{A^{n}}$

مرين

۱- هر کیک ازعبارتهای زمیر را مبوّان سوّم برنما نید و حاصل را ساد وکسنید

 $\sqrt[p]{\gamma V}$ $\sqrt[p]{x}$ $x\sqrt{x}$ ۲- بر کین زعبارتهای زیر را بتوان نج برسایند و حاصل را ساده کسنید: ع ۲- قصنیسر - برای اینکه ازریشهٔ سرام عددی بیشهٔ مرام آخرا شو د کافی است که ا زعد دمفروض رئینهٔ مهر ام استخراج کردد $\sqrt[h]{m/A} = mA/A$ برای اثبات کا فی است که د و طرف این *تسا* و ی را متو ان _{تا}هه برسانیم (طرف حیب راا وّل تبوان عهر ویس رّان تبوان مهر میرسانیم) برئی ازرنشگی ^{با}ی مرک^ق زیررا برنشگی ما د ه تبدیل کهنید . $\sqrt[y]{\sqrt{y}}$ Vms مرد و ست برنسه الم مرمقد ارزیر رنشکی نخشی برمقد اربر رنشکی نخشی برمقد اربر رنشکی نخشی برمقد اربر

 $\frac{\sqrt{\Lambda}}{\sqrt{\Gamma}} = \sqrt{\frac{\Lambda}{\Gamma}} = \sqrt{\Gamma} = \Gamma$ و درحالت يكه شارهٔ رئيشه ما محلف باشندا وّل آنها راتحول سكّ شاره نود ° بس اران ما نناها منگینیم: $\frac{\sqrt{\Delta}}{\sqrt{z}} = \frac{\sqrt{\gamma \Delta}}{\sqrt{\gamma \Delta}} = \sqrt{\frac{\gamma \Delta}{\gamma \Delta}}$ ‹ ربریک ارتقسم ای زیرمسیل زسا د ه موه ن بگر راحهاب منسید r√17 : √r VYY : VF Via: Vr. Vade: Veal' Va: Vr (VIT - VA): VY (PVA + 1. VVA): TVA (m /r. - p /v.): m /a. (r /ri + m /ip): 9 /v $(\sqrt{xy'} - \sqrt{x'y}) : \sqrt{xy}$ و٧٤- نما ي برخهٔ - عل لاي راح بركيشه الحال شابهت را با خال اجع

(ا رتقسیم شارهٔ رئیسیم و نای زمیر رئشگی مرعد و γ) میجندن $\alpha^{2} = \frac{11}{4}$

به ین نبا براین قِسَیکه نای زیر رشکی برشارهٔ ریشه نخش پذیرنا شد میوان رشیدا

بصورت تو انی نوشت که نما کش برخر با شد. برخه شا را بین برخه شارهٔ ریشدود

و برخهٔ نامش نسا وی نای مقدا رز برایشگی است.

بطور کلی مبر گاه عمر مبر 9 نجش پذیر با شدنیچه میشود: مرحم می مبر گاه عمر مبر 9 نجش بذیر با شدنیچه میشود: مرحم میر 9 میر میر ۱۱

واکر پر بر ۶ بخش ذیر نبا شد ۴ وارای مفانست ، با و جود این برای عمومت و دان برای عمومت و دان دن برای عمومت و دان دن در این شده است :

مرریشه را بصورت توانی نولیسند که نمایش برخه ای باشد بابرخه نامی مسا وی شارهٔ ربیشه و برخه شاری مسا وی نمای مقد اربریشگی مثلاً نیا براین صسیرا رمیتوان نوشت:

 $\sqrt[n]{a^{r}} = a^{\frac{r}{r}}$

 $\sqrt{rv} = \sqrt{r}$

أبد واین مت را راعل کمی راجع مرکث کم و توانها منا فاتی بیم ندار خیا

 $\sqrt{x} \cdot \sqrt{x} = \sqrt{x^{T}} = x$

 $x^{\frac{1}{r}} \cdot x^{\frac{1}{r}} = x^{\frac{1}{r} + \frac{1}{r}} = x$

کی از فوایداین تبدیل بیاست که عل کای راجع سربیشه کا تعبل کی راجع متبوان ست دیل میشو و و میتوان تام خاصیت کا نیکه در ریشه کا گفیشهٔ

بوسیلهٔ عمل فه می راجع متوان اثبات منو د

مثلًا برا مى ثبات فضيهُ (شارهٔ صفورٌ ۴۵) ميتوا ت بينين نوشت :

 $\sqrt[q]{A^{R}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}}$ $e^{i N} \sum_{j=1}^{q} a_{j} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}} = A^{\frac{R}{q}}$ $e^{i N} \sum_{j=1}^{q} a_{j} = A^{\frac{R}{q}} =$

برسش على شفا ہى

رسبگهای زیر را بصورت توانی با نمای برخه بنونعیسید:

$$\sqrt[r]{r} \qquad \sqrt[r]{xy^{\frac{1}{r}}} \qquad \sqrt[r]{r}$$

$$\sqrt[r]{r} \qquad r \sqrt[r]{r}$$

$$\sqrt[r]{r} \qquad r \sqrt[r]{r} \qquad r \sqrt[r]{r}$$

$$\sqrt[r]{r} \qquad r \sqrt[r]{r}$$

$$\sqrt[r]{r} \qquad r \sqrt[r]{r} \qquad \sqrt[r]{r}$$

۳ ـ خاصیت لای را جع برنیشه لاراا زر وی سبدیل شوان تا بت کمنید. ۴ ـ پنهٔ (صاحت) کیئه بوزی ۵۱۲ مترکمز بع است مطلوبست درا زای قطرایش درصورت که قطر کوتا و ۳ قطر منبه باشد .

۵ - پینهٔ مُرتبی ۲۵ ۶ مرُمرتِع است درازای تطرش را بدست آورید ۰

ع- نر د با بنی دارای ۱۱ پته است که فاصلهٔ آنها از کید گیر ۱۶ ۲۵ مترد فاصلهٔ پنداخر از انهای نر د با ن ۲۳ ره مترو فاصلهٔ پندا وّل از البدا ایداره متراست نروبانراردهٔ قائمی تنسید دا دیم تقبیمی که انتهای کی برانهای دیوار قرار گرفت و فاصلهٔ بائیهٔ آن از بای دلور

عول مترشد لبندى ديوا رحيدراست؟

γ ـ زمینی است شبکل سه کو شد منسا وی الا ضلاع ۱٫ رنفاع ۱۸۰ متر - ۱ زرش بنی مین چند است درصورت که سرکمها را ن ۴۷۰۰ ریال بیرزد ۴ ۸ - نقطهٔ ۹ روی کمی از دو محصلوی زا و یُه مه می و داده شده استی تپلونقطه ای پیدا کنیده تسبی کدانه ۹ واز بیلوی و گیرزا و یه سکت فاصله با شد .

۹ - سگوشدای بر مپیاولی ه و کا و ع داده شده صاب کنید قطعه کانی راکد برارتفاع روی بیلو کا حب دامیکند .

۱۰ - از یک سگوت تا تم الزّا و به پرامون و کیک بپلوی گوت تا قائم معلوم آت رید پینهٔ آن را حیا بکمنید .

۱۱ - د و دایره متقاطعند شعاع نا تینها ج و موجه و درازای خطوه و مرکزت ن له ست درازای و ترمشترک آبها را حیا که نبید .

۱۲- ازسگوشهٔ مت وی الا ضلاع درازای ارتفاع معلوم است بپنداش راحه.

كىنىد.

۲۷- تو ماكرون برخه ما م منكث - براى آساني مي سبه بهتر تهنتائم ما م يك عبار يزم كويا باشد.

مثلًا برای محاسبهٔ عبارت به میسته استماد ل مقدارتقریب به را بالفرز د لخوا بی مثلًا تا بنیج حساب کنیم

Vr = 1,4144...

يس ران سريت را براين عد و برست آوريم ؛

د میتوان نیز ماضرب کردن مرخه نام و مرخه شار به در آب برخه نام را کویانمود پیل زان عمل تفشیم را بجا ورد از نیقرار:

 $\frac{1}{\sqrt{\tau}} = \frac{1 \times \sqrt{\tau}}{\sqrt{\tau} \times \sqrt{\tau}} = \frac{\sqrt{\tau}}{\tau} = \frac{1/\tau \cdot 1 + \tau}{\tau} = \frac{1/\tau \cdot 1 +$

برای گویا کرون کیک مرخه نام گنگ دو حالت و نظر ملیب ریم:

عارتیت گویا عارتیت گویا

ند مرین میل برخه کا ما مد برخه نام و برخه نظار را درعار کار

ضرب نینم که حاصل ضریش در مرخه نا م کو یا گردد شلًا در اس کا فی است برخه نا م و برخه شار را در ۳۷ ضرب نیم و بیجین در سیک برخه نام و برخه شار را در ۳۶ ضرب میکنیدم از نیقرار ۱

 $\frac{\sqrt{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt{r} \cdot \sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r} \cdot \sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r} \sqrt{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r}}{r}$ $= \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r} \cdot \sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r} \cdot \sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r} \sqrt{r}}{r}$ $= \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r} \cdot \sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r} \cdot \sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r} \sqrt{r} \sqrt{r}}{r}$

$$\frac{1}{\sqrt{a+x}} = \frac{\sqrt{a+x}}{a+x}$$

$$\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{r}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}} \frac{r\sqrt{V}}{\sqrt{Vr}} \frac{r}{\sqrt{Vr}} \frac{r}{\sqrt{Vr}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{Vr}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{Vr}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5$$

ا نند مرنج نیز با بد عبا رتی یا فت که حاصل ضرب در برخه نام گویاشو د وبرای پی مقصو د وقست یکه شار در رسینه بای برخه نام فقط ۲ با شد از اتحا د

ا شفا ده میکنسیم مثل برای گویا منو دن مبرخهٔ م برخهٔ ۱۰ ۲ کا فی است برخه نام و برخه شاررا درمزد و چهه ۲۰۷۳ مینی در ۳۷-۲ ضرب کنسیم

$$\frac{1}{\gamma + \sqrt{r}} = \frac{\gamma - \sqrt{r}}{(\gamma + \sqrt{r})(\gamma - \sqrt{r})} = \frac{\gamma - \sqrt{r}}{\gamma - r} = \gamma - \sqrt{r}$$

$$\frac{\alpha}{\sqrt{\delta} - \gamma \sqrt{r}} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta} + \gamma \sqrt{r})}{\delta - 1 r} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta} + \gamma \sqrt{r})}{\gamma}$$

$$\frac{\gamma}{\gamma}$$

يس بركاه برخه ام بصورت كلي ع ٧ ± م الله (A + VB إلله (A) الله (A كوياست ومكن ست چند طِنْه باشد) قاعد ، زمير را لكا رميسريم: ۲۸ - قاعده - برخه ما م و مرخه شا ررا در مرو وج برخه ما م صرب میلمن و مرگاه برخه نام مبشیل ز د و حبار گنگ واشنه با شد بهین قاعده رامید بار (باندازهٔ لازم) قرارمیسنیم. مثلاً برای کو یا نمو دن برخه ما م مرجرار حرب اُول ع+ حرب را در حم محجله کرفته ا زروی قاعدهٔ با لاعل می نیم $\frac{x}{\sqrt{a} + c - \sqrt{e}} = \frac{x \left((\sqrt{a} + c) + \sqrt{e} \right)}{(\sqrt{a} + c)^{\mathsf{T}} - e}$ $=\frac{\chi(\sqrt{\alpha}+c+\sqrt{\ell})}{\alpha+c^{2}-\ell+\gamma c\sqrt{\alpha}}$

عالا مي سينيم كم مرخه ما م بصورت A ± VB است كه در آن A = a + c' - 8 و مع ما شدنا براين ون برفام وبرخ شاربرخ آخررا درمزد وج عبارت ٢٥٧٥ (٥-٥ - ٥ + ٥) ويا $\frac{x}{\sqrt{a+c-\sqrt{\ell}}} = \frac{x(\sqrt{a+c+\sqrt{\ell}})(a+c^{\ell}-\ell^{\ell}-r^{\ell}\sqrt{a})}{(a+c^{\ell}-\ell^{\ell})^{\ell}-\kappa ac^{\ell}}$

برخه نام عبارتھسای زمیرراگویا ناسینید:

$$\frac{\sqrt{r}}{\sqrt{r} - r}$$

$$\frac{\sqrt{r}}{\sqrt{r} - \sqrt{r}}$$

$$\frac{\sqrt{r}}{\sqrt{r} + \sqrt{r}}$$

$$\frac{r}{\sqrt{r} - \sqrt{r}}$$

، سېچندىرا تېدىل بەمبىچندى كو ياكىيمەينى عارت كنىڭ راازىپن بىرىم يىل ران بېچند^ى

طاصل راا زروی قاعده لائیکه داریم کنسیم

برای این کا را بتداجله نای نمشا به و وظرف بمچندی را تجسع می کنیم میل آران برای از پن بر دن عبارت گنگ (وقت یکه عبارتهای گنگ بهچندی دارای کمی شارهٔ ریشه بیسند) و وطرف بهچندی را بتوان شارهٔ ریشه میرسانیم گاه برای زین برون عبارتهای گنگ کیت بچندی لازم میشود که و وطرف را حیب بار (با ندازهٔ لام) بتوان برسانیم .

ی ۳۱ - تبصره - چون د و طرف بیجندی تبوان جفت رسد بیجندی حاصل عمواً آنجید اصلی بهم ارزمنیت (*) یعنی ممل ست جوابهای خارجی د است باشد لذا ایجیا بیچندی حاصل را دبیمچندی دا د ه شده امتحان نمو د

مثال ا بیجندی ه = ۷ - ۷x-۷ راحل کنید حبد گنائت را شاگذارده دور بهچندی را بتوان د قرم میرسانیم خواسیم داشت

(*) زیرااگرفرض کمنیم بیجندی اصلی ۵ = هر باشد بیجندی جدید بصورت که = کهر را خوا بد بود و این بیجندی جدید علا و ه بررسیشهای بیجندی اصلی رسیسهای بیجندی ه - = هر را بیم دربرخوا بد داشت زیرا چون بیجندی ۵ - = هر را بیمان دوم رسانیم نیز که = که بیمندگ ه میانی بیمندگ ۵ = یکی رسیسته میال - دربیجندی ۵ = یکی رسیستهای ۵ است اگرد وطرف را بیوان وم سانی بیمندگ ۵ این میست میا بدکد علا وه بررسید ۵ رسیسته ۵ رسینه ۵ - یعنی رسیسته بیمندی ۵ - = ید را بیم دربردار د

$$x=1$$
 وازای $x-y=4$

ستحقیق - چون ۱۱ دبیمچندی اصلی صدق میکنند بنا براین جواب بیمچندی گنگ مثال ۲-مطلوب بیمخیدی ۲× = ۵-۲×۶√ + ۵ رکبیگی راتها گذارده و وطرف را تبوان دو میرسانیم پس از ساده کردن خواهیم داشت

 $x = \frac{r}{r}$

ستحقیق - چون مجای ۵ د جیندگی ملی تیگداریم ت وی غلط ۳ = ۲ م برست میآید نبا براین بهجندی اصلی حواسب ندار د و تی حواب خارجی نبت مثال ۳ - هیمندی گنگ زیر راحل کمنید:

 $\sqrt{x+\Delta} - \sqrt{x-4} = 1$

بهتراین ست که رشگی د قوم را بطرت دیمرهمچندی مر ده د وطرت را بنوان وم رسانیم در منصورت خوا بهیم داشت :

 $x + \Delta = 1 + x - F + P \sqrt{x - F}$

د چون *رشیگی را در یکطرت تنهاگذار د*ه و وطرت را با زیتوان ُو توم رسا نیم بس ا**زساد** ۴

تحقیق - جواب ۲۰ دیمچندی اصلی صدق نمو د ه و نبا برا بن جواب آت تمرین

$$\sqrt{x} + \delta = V$$

$$\Delta - \sqrt{x} = A$$

$$\sqrt{rx - 1} = \Delta$$

$$\sqrt{rx - 2} + \varphi = 1$$

$$\sqrt{rx - 2} + \varphi = 1$$

$$\sqrt{x - 1} - \varphi \sqrt{x} - \Delta = 0$$

$$\Delta - \sqrt{\varphi x^{1} - \Delta} = \varphi x$$

$$\sqrt{rx - 1} = \Delta$$

$$\sqrt{rx - 1} = \Delta$$

$$\sqrt{rx - 2} + \varphi = 1$$

$$\sqrt{rx - 2} + \varphi = 2$$

 $\sqrt{a-v} + \sqrt{o-v} - \sqrt{a-1} = \sqrt{a+a}$

ه - نسبت في أنت

۳۲- نسبت و تناسب - بسرمقدارجبیری ه برج را نسبت بن می ه و جه را دوخرنسبت مین می ه و چه را دوخرنسبت مین می ه و چه گوسبند و تر نیز نسبت بین برخه تا رو برخه ما م ما میداند می میست بین برخه تا رو برخه ما م ما میداند می میست بین برخه تا م ما میداند

علی مراجع به نسبت یا بهان علههای راجع به بهر و برخه یا است شلامگاه د و جزرنسبت را در عد دی صرب کسنیم و یا بر عد دی تعتیم کنیم سبت تعنیم کیند

ا المستخیم باید مبر دورا با کیک کی بهان چندی سنجید

مُنْلَا برای تغیین نسبت بین ۵ کیلومتر و بهفت متر حوِن سر د و را با مرب بخیم به رسین مثل برای تغییر مین ناچین مشو و : منابع مین ناچین میشو و :

ولی نمیتوان نسبت بین د وحیف ی نا جو ررا معین کر د نعنی د و چندی جو با ملد گیر سنجیب د ه نمی شوند .

تمرين

۱- معین کمنسیدنسبت مین کیک فرسنج ، سرار ذرعی را باک کیلومتر (کندرع تقریباً مسادی ۱۰۴ سانتیمتراست)

۲ مین کمنیداین دونسبت کدام کین بزرگسته ندن

۳ یا تا کمنید و تی که ده مثب است این نامیاوی برقرا راست

 $\frac{a}{a+r}$ $\left\langle \frac{a+r}{a+v} \right\rangle$

ع المعین کمنسید و قبی که ۵ مثبت است کدام یک ازین دونسبت بزرکه شهرند؛

 $\frac{V+\theta a}{V+0a}$, $\frac{V+\eta a}{V+\theta a}$

۵ - برم کا ه بر د و عد د مثبت عد ومشبتی بیفرانیم یا از آن و د عدد عد د مشبتی کم

كنسيهم چونفا وتي درنسبت بين ن د و عدوسيسدا ميشود ؟

عوم - تناسب - برگاه دونسبت با بهم منساوی باستند آن دنیسب را تناسب گونید را تناسب گونید مثلامی کوئید مثلامی کوئید مثلامی کوئید مثلامی کوئید مثلامی کوئید مثلامی کوئیر جها رعد ده و حصو و حصو که که تشکیل کمئ تناسب مید بندوقتی که مشاوی نسبت پین دو عدد آخر باشد و آن را

$$\frac{17}{-17} = \frac{-17}{19} \quad , \quad \frac{V}{17} = \frac{1.5}{1.0}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1.5}{10} \quad , \quad \frac{V}{17} = \frac{1.5}{10} \quad .$$

$$\frac{m}{1} = \frac{x}{y} \quad , \quad \frac{y}{y} = \frac{y}{1}$$

نا براین سیتوان مرتبا وی رابصورت تناسب درآورد مانند x=x

۳۵ - ورمر تناسب حاصل ضرب و وكرانه نما ولست الحال

ضرب دومیان.

برای اثبات چون د ونسبت تناسب (۱) را بیک برخهٔ ما م تبدیل کنیم نتیمشید

(1)
$$ad = bc$$
 (1), $\frac{ad}{bd} = \frac{cb}{db}$

نبیتیم - مین چها رجره تماسب ۵ و گ و ۵ و که غیرارتماسب (۱) میتوان ت تناب یا مرک مرزیشت را برای کار کار داری تران می کار

کٹ عدّه تناسب لم ی دکیری نوشت برای این کا رکا فی است تساه ی ۲۶ رابکار

ا وّل بچون و وطرف تساوی ۲۰) را بر عهمه تفتیمکمنسیم خوابیم داشت $(T) \frac{a}{c} = \frac{b}{d} \quad \text{if} \quad \frac{ad}{dc} = \frac{bc}{dc}$ بالتقایسه با تناسب (۱) می بسینیم که در کیت تناسب میتوان خای دومیانرا يا مهم عوص كمورو. د قهم - چون د وطرف تساوی ۲۱ را بر گاه تقسیم خوا میم دات بعنی : "بتوان دربات ناسب جای د و کراندرا باهمسم عوص منو د . نسِوّ م - چون د وطرن نسا وی ۲۱) را بر ۵۰ نقیم نسیم نتچ میشود ينى: مينوان ونسبت مات تياسب راواروند ممود. یا دا و ری به خیانکه دیدیم سرتسا وی رامیستو ان بصورت تناسب تو الطوركد ورمرطرت فقط إت نسبت اشر) مُلَّاتًا وي ﷺ = ﷺ + ١ را ميتوان بصورت أين تماسب نوشت الله على الردوطرت تساوى الزاوارد نكسنيم خواتيم داشت ویا $\frac{\Lambda}{1+\frac{1}{6}} = \frac{\Lambda}{1+\frac{1}{6}}$ ویا جرگزیت بدیرای دارونکردن

و و طرف تساوی $\frac{q}{h} = \frac{q}{h} + 1$ چنین نوشت $\frac{h}{h} = \frac{q}{h} + 1$ یعنی

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2} \int e^{ik} dk \, dk$$

همچنن درهمچن دی و یک - ۱ - یک د وطرت را نباید اینطور و ارو نهود:

 $\frac{x}{5} - 1 = \frac{4x - 1}{5}$

ر گەغلىطاست دواروردىسىچان ئېيىناست :

ا - ۲ می اصلی دا رای و جواب ۲ و ۳ است و صور تبیکه اگراز راه دارونه علط مجند

 $\frac{x}{6} - 1 = \frac{7x - 1}{6}$

را على كمنيم فقط بيك جواب في - = يم ميرسيم كدا نهم درست فيت.

چها رم - ترکیب نسبت - اگربرد وطرف تناسب ۱۱) عدد یک نفرا

 $(9) \quad \frac{a+b}{b} = \frac{c+a}{d}$ درمین صنورت گویند مرای بدست اور دن نیاسب (۶) در تناسب (۱) ترکیب

ينجي تفضيل نسبت - اگزاردوطرت تناسب ١١) عدد مكت را تمكيني (V_1) $\frac{a-\ell}{2} = \frac{c-d}{d}$

در منصورت کو ند درتیاست (۱) تعصیل نسب شده است

سنت - ارتقتیم دوطرف (۶) و (۲) برگیدگیراین ناسب ببت میاید
$$\frac{a+b}{a-b} = \frac{a+c}{a-b}$$
 (۸)

م مفتم _ از دار دند منو دن هر کیت ازین تناسب فل و یا زعوض منو دن جای روکر انه با بهم و یا جای د ومیان بهم تناسب فای د کیری بدست میآید.

$$\frac{1}{x} = \frac{2}{9}$$

$$\frac{1}{x} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{x} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{x - y}{y} = \frac{1}{y}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{1}{y}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{x}{y} = \frac{x}{y}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{x}{y} = \frac{x}{y}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{x}{y}$$

$$x = \frac{A}{r}$$

$$\frac{x+0}{x-0} = \frac{1}{11}$$
مثال ۳- این بخیدی راحل کسنید

از ترکیب و تفضیل بن نسبت خوا بهیم داشت

از ترکیب و تفضیل بن نسبت خوا بهیم داشت

$$x = -9$$
 $x = -9$
 $x = -9$

 $x = \frac{a(t+1)}{t-1} \quad \forall i,$

۳۶-چهارم حزر تناسب - درتناسب = جهمقدار به راجهام چهارم حزر این تناسب گویند که سه جزراق آن شرمتیب به و ج و ی میباشد

مبرکدا م! زجز، کا ی دگیر رامستوا ن حپا رم جزند مین سه جزن دگیرگرت و ترتیب سه جزر دگیرا زر وی تناسب (۱) بدست میآید

مثلًا ع جِمَارِم جزء تناسب بين كاوه و كه است زير اكافي است تنا.

 $\frac{\mathcal{E}}{a} = \frac{a}{c}$ $\frac{c}{a} = \frac{a}{a}$ \frac

ونبره جهارم حزرتناسب ع = ع است.

مثال - حیاب کنید چهارم جزر تناسب مین ۲ و ۳ و ۸ را چون مین محصیا رم جزر را به ۲ نباتیم خوا میم داشت به = ۴ که مقداران مساوی ۱۲ است.

۳۷ میانی تهمت رسی (واسطه بندسی) - سرگاه در کیت نیاست و میان (یا دوکرانه) با هم مساوی باست ند هر کدام از دومیان (یا دوکرانه) را داسطه بهندسی مین دوگرانه (یا دومیان) گویند

مثلًا درتناسب به = به عدد ۴ میانتهندسی ست بین ۱ و ۲ وبطور کلی درتناسب به = به عدد مد میانهٔ بندسی است بن دومقدار

ه و ک

ولبعلس میانه بهندسی مین و عدو هه و گه عددی ست مانند سر ریم بقسمی له ﷺ = ﷺ با شدویا نبا برشار ؤ (۳۵) گاه = ۲۸ وازگیا

 $m = \pm \sqrt{\alpha G}$

ینی سه یا میانه بهندسی بین دو عدد ه و جو از حیث قدر طلق منیا وی رکشتهٔ دوّم حاصل ضرب ن دو عدد است و دارای دو جواب قرینه میباشد.

> چانکه میانهٔ مبندسی مین علم و ۹ عدد ۶ با ۶ - است تمرین

١- ازتاب ع = ع اين تاب ارابست اوردا

 $\frac{a+b}{a} = \frac{c+a'}{c} \qquad \frac{a-b}{a} = \frac{c-a'}{a}$

 $\frac{\delta a}{\ell} = \frac{\delta c}{\alpha} \qquad \frac{a'}{\ell r} = \frac{ac}{\ell d}.$

 $\frac{\Delta a + \mathcal{E}}{\Delta a - \mathcal{E}} = \frac{\Delta c + d}{\Delta c - d}$ $\frac{d' - \mathcal{E}'}{\mathcal{E}'} = \frac{d' - d'}{d'}$

det c'all valet verent

ارجمع جبری این ت و بها ت و ی زیر بدست میآید:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{a} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a}$$
 $\frac{a}{b} = \frac{a}{a} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{a} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b} = \frac{e}{a}$
 $\frac{a}{b}$

$$\frac{\pm \alpha \pm c \pm e}{\pm \theta \pm d \pm p} = 9 = \frac{\alpha}{\theta} = \frac{e}{d} = \frac{e}{f}$$

$$(3)$$

(x+ r): (x- a) = | Y : Y r

۵- پن دوعدو ۱۶ و ۲۵ میا زَسندسی بیداِکمنسید جمیطور ، عمیر و ۱۲ سیا

ع-مبغی رامنخوابسیم مین د ونفر پنسبت ۲ و ۳ نجش کسیم میدانیم سهم او بی ۴۰۰ ریا شد داست معین کمنسید سهم د قرمی وسیسنغ نجش کر د لی را ۰

را ۷- ۱۱ ۱۵ ریال ۱۷٫۵ سترا رجه خریدیم معلوم نمنید قیمت ۲۵ سترا زمین چپر ۱ بومسید تشکیل تناسب

ارمونعی است گوشدای دُرَبع مستطیعی بدرازای ۵ و پینای جی بیم ارزمونعی است. ایست کسنید کدیپلوی بن مرتع میانه بسندسی بین ۵ و چی است.

۹- بهلوای سرگوشدای مساولیت! ۱۵٬۷۵ نتر و ۱۰٬۲۱ متر و ۱۵٬۲۵ متر و ۱۰٬۲۵ متر و ۱۰٬۲۵ متر و ۱۰٬۲۵ متر و ۱۰٬۰۲۵ متر و ۱۰٬۰۲۵ متند اکمیند.
۱- میدانیم دنسبت بین بینه ای دوچند بهلوی تشا برمسا وی نسبت بین توانهای دوم در بهلوی تشا برمسا وی ساوی ۱۰ ساقی تروا ۲ در بهلوی متندا فرآ نها برتیب مساوی ۱۰ ساقی تروا ۲ مانتی متر مرتبع با شده به به به ساحت اقرا می مساحت اقرا می مساحت اقرا که شوع مساحت اقرا که شوع مساحت اقرا که شوع مساحت سطح گره که شوع با شد آگر ۴۳ م ۱ ست جمش آه ۳ م به مساحت اقرا می مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ و ۲ به ترتیب جم انها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب جم انها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب جم انها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب جم انها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب جم انها و ۱۶ و ۲ به شوع آنها و ۱۶ و ۲ به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ به ترتیب به مساحت سطح دوکره و ۲ به ترکیب به مساحت سطح دوکره و ۲ به ترتیب به مساحت به دوکره و ۲ به ترکیب به مساحت به دوکره و ۲ به ترکیب به دوکره و ۲ به دوکره و ۲ به ترکیب به دوکره و ۲ به دوکره و

$$\frac{V_{i}}{V_{i}} = \frac{\mathcal{R}_{i}^{r}}{\mathcal{R}_{i}^{r}} = \frac{\alpha_{i}^{r}}{\alpha_{i}^{r}} , \qquad \frac{S_{i}}{S} = \frac{\mathcal{R}_{i}^{r}}{\mathcal{R}_{i}^{r}} = \frac{\alpha_{i}^{r}}{\alpha_{i}^{r}}$$

$$\frac{V_{i}}{V_{i}} = \frac{S_{i}^{r}}{S_{i}^{r}}$$

۱۲-شعاع کره خورسشید ۱۰۹ برا برشعاع کرهٔ زمین ست مُعین کسندیسنبت مِن مساحت سطح اینا ونسبت مین حجب آینا را .

۱۳- در شکنی آولا آرتفاع وار د برضلع ۵ نسا وی ۱۸٫۳۲ متراست بچه فا صلار ضلع ۵ خطتی موازی کی ساحت مثلث مشکث مفروض گرود ؟

نَّا نَیَّا اُکر صَنعَ کَا مُنَّا وی ۲۵٫۴۶ مترا شدها بُلمندید کَد ای آن را که بوسیّدایش موازی خدا شده است ،

x + y + x = + xyx

لا (الم عارت (الله على اول نجزيك نند . الم على اول نجزيك نند .

٣ - الم بت كمن يدكه عبارت

$$\left(\frac{b-c}{a} + \frac{c-a}{b} + \frac{a-b}{c}\right)\left(\frac{a}{b-c} + \frac{b}{c-a} + \frac{c}{a-b}\right)$$

بازار ۵ = ع + 8 + د مساوی ۱ است و بازار (۵ - ۵) ± د مساوی

ع ورستی تساویهای زیر را نا بت کسنید:

$$\frac{\Delta\sqrt{y}}{\sqrt{y}-1} + \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{y}-\sqrt{y}} = (y + \sqrt{y})(y + \sqrt{y})$$

$$\sqrt{A+y}\sqrt{10+y}\sqrt{\Delta} = \sqrt{y}+\sqrt{\Delta}+\sqrt{\Delta-\sqrt{\Delta}}$$

$$\sqrt{A\pm\sqrt{B}} = \sqrt{\frac{A+\sqrt{A^{T}B}}{y}}\pm\sqrt{\frac{A-\sqrt{A^{T}B}}{y}}$$

بغرض B ﴿ À ·

x' - yx - y = 0 جواب بمچندی y - y - y - y - y بست کمنیدایا عدد y - y - y - y - y

انست

$$= Y x^{\frac{1}{2} - \frac{1}{2}} x + Y = 0 \quad i \quad \frac{\sqrt{7} - \frac{1}{2}}{\sqrt{7}} \quad i \quad y = 0$$

ع - اگره و مح و م اندازهٔ درازای سیسانی سیکوشدای باشندو کد

بینهٔ (مساحت)ان و عریضف برامون دمیلی ن با شدا زروی دستور

 $S = \sqrt{\beta(\beta-\alpha)(\beta-\ell)(\beta-c)}$

نخت وتستکد برسه بینوی سگومشه منسا دی ۵ است بهندوارتفاع ایزا صاکت بد

دوم دفت که ه = ه است بینه و مبیحین ارتفاع و ار د بر بیلوی بی راحمات بد. سوم تا بت کنید که بفرض آن + آج = آج پند سد کوت مساوی ع چ با میشود. بهارم بازار ع = ه و ۸ = گ و او بادی بهندراتا به به تقریب حساب

۷- بومسینه تبدیل متوان با نای مرخهٔ عبارت

Varvage + VEWage

۸- این عبارت را حیا کیند

. را سا د هکمنید .

 $\sqrt{r} \cdot \sqrt{r+\sqrt{r}} \cdot \sqrt{r+\sqrt{r+\sqrt{r}}} \cdot \sqrt{r-\sqrt{r+\sqrt{r}}}$

۹- ازتاسب ع = ح تناسبهای زیر دا دست آورید:

 $\frac{fa + 9b}{fc + 9d} = \frac{\sqrt{ab}}{\sqrt{cd}} \qquad \frac{\sqrt{a^{r} + c^{r}}}{\sqrt{f^{r} + c^{r}}} = \frac{\sqrt{ac}}{\sqrt{bd}}$

 $\frac{m}{x} = \frac{n}{y} = \frac{f}{x}$

 $\frac{x^{r}}{\alpha^{r}} + \frac{y^{r}}{\alpha^{r}} + \frac{z^{r}}{\alpha^{r}} = 1$

با شد درمستی تساوی زیر را تا بت کنید:

 $\frac{m!}{\alpha!} + \frac{n!}{\ell!} + \frac{\pi!}{c!} = \frac{m! + n! + \pi!}{x! + y! + x!}$ $\sqrt{\pi} (n! - n)(n - n)(n - n)} = -1$

۱۲- حاصل عبارت زیر را بست بیا ورید:

۱۴- ثابت كنسيدكر چند جلنه ۱+ (۲+ x) (۲+ x) (۲+ x) واق م كت چند جلنه است .

۱۵- عبارتصای ۱- ۹x - تریم و ۴- ۸x - تریم و ۱۵- بریم - تریم و بریم درا ۵۷ + ۲ و یا ۲۰ - ۲ گیریم و بریم و تریم درست است می

$$\frac{\mathcal{C}_{-c}}{1 \cdot \mathcal{C}_{c}} + \frac{c-a}{1+ac} + \frac{a-\mathcal{C}}{1+ac} = \frac{(a-\mathcal{C})(\mathcal{C}_{-c})(c-a)}{(1+ac)(1+bc)(1+ca)}$$

$$\chi = \frac{x^{2}}{1+ac} + \frac{a^{2}}{1+ac} = \frac{(a-\mathcal{C})(\mathcal{C}_{-c})(c-a)}{(1+ac)(1+bc)(1+ca)}$$

$$\chi = \frac{a^{2}}{1+ac} + \frac{a^{2}}{1+ac} = \frac{a^{2}}{1+ac} = \frac{a^{2}}{1+ac} + \frac{a^{2}}{1+ac} = \frac{a^{2}}{1+ac} =$$

$$\frac{d(b-c)+b(c-a)+c(a-b)}{d(b-c)+b(c-a)+c(a-b)}$$

$$(x+1)^{r_m}-x^{r_m}-r_x-1$$

(۲۶ م) (۲۶ م) د بخن پدیراست.

۲۱ ـ برخ زیر را سا د وکمن پد:

		10-0 T	
	7 x - r -	7 + %	
	, , , = , =	5	
		7 X X X	
		7x-y	
,	ت ۲ م	المرابع المرا	
Ļ	*=	<u> </u>	۲۲- صاب کند

فصاف وم- ما بمجدد کھا وج ف بمجد بہا جی فی الف نامیادی البحدی

۲۳ _ تعریف بامها وی سینی شده است از دو عبارت جبری کد بوسیله ی زین دو و عبارت جبری کد بوسیله ی زین دو و شده باشند دو تا به که داشده باستند مانند ۲-۷ و ۲۰ و ۲۰ و ۲۰ م

x-a (+1

وقتی نامسا دیرا نامسا وی عددگی کوست دکه دوعبارت آن رعدو بای جبری سیل شده باشد ما نند دو شال وّل

وچاکه در تاب اقلگفته شده است نامنا و بیا بطور کلی دارای خاصیت ای گیرا اقل بیتوان برد و ظرف یک نامسا وی مقدا رئ سن و یا از مبرد وطرف کیک مقدار کاست بدون سین که جهت نامسا وی تعنیب رکند یعنی طرفیکه بزرگتر بوده مرکزرین دُقهم بیتوان د وظرف نامسا وی را در عدد مثبت ضرب بنو د ۱ و یا بر یک عدر تب تقسیم نود) بدون کیکه جهت نامسا وی تعینبیرکند

میة مراجون د وطرف نامسا وی در عد دمنفی ضرب بشود (و یا بر عد دمنفی نفتیم شود) حبت نامسا وی تعینسیر سکینه $\frac{1}{a} > \frac{1}{V} \Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{1}$

 $-\frac{1}{\Delta} \left\langle \frac{1}{V} \right\rangle$

۹۳- تعرلف - چذ نامسا وی را بم سوگوسند وقتی که طرفهای راست بمس بزرگتر ۱ ناکوچکتری از طرفها ی حیال نها با شد

مثلاً نامساویهای ۲ (۵ و ۷- (۳- و ۲ (۱- × بخمند واین وساوی ۳ ل و ۵- (۴- بم سونسیتند.

ع- توان ع- توان کی میک مامسا وی - چون وطرف میک مامساوی ا سوان کی ترساینم این دو توان مشکیل کی نامساوی مید به بهم حبت با بهان امسای

ا ع- توان جفت کیک مساوی - او لااکر دوطرف یک نامیاد مثبت باشد و آنها را بتوان جنتی برسانیم این دو توانشکیل کی نامیاوی بم حبت با

آن أمسا وي ميسد ۾

مثلاً اگره وطرف امساوی ۲ ح را بتوان و و م برسانیم این اسا وی همت

ثانياً مبركاه و وطرت منفى باشذتوا ن جنتاً نها تسكيل كيُّ امنيا وي ميد به كه يم م إنامها ويمفسنه وضنست

مثلًا تو ان و وّ م د وطرف اسا وی ۲۰۰ ایستگیل بین امسا وی رامید پر:

اً ثُنَّ اكر د وطرف ببم شائه نبامشند توا ن جفت الناتشيل يك المساوي ميدم كرحبتش زروي مت درمطن آننامعلوم ميثود

مثلاً چون و طرف امسا وي ۵ - ﴿ ﴿ رَابْتُوانِ دُوْمِ رَسَانِيمِ حَاصَلِ مَتُودِهِ ﴾ ٩

درمانت محضوص که قدرمطیق د طرف اسا وی مساوی باشد توان جفت اینامیل کیب تسا دی میسید بر مثلًا ۴- ﴿٣ راجِون بتوان دوّم برسانیم عاصل مثیوْ

۲ ع - ا مساوی حرفی - یون برون × مقدارای عددی شابر از ۵ بنسیم در شهورت بین x ؛ ۵ این نامها وی برقرا رمیشود ۵ 🗴 ومعنای آن این است که مقدا رعددی بد باید بزرگتراز ها باشد مثلا متیاند ای مناوی ها به به مناساوی درست نمیت .

بهجینن در نامساوی ۱ > ۳ - ۲x اگریه ۶ مقدار نای کو مجلتراز یا بجسیم نامساوی درست است و بازا .مقدار فای بزرگستساز تا یا مساوی نامساوی

نامسا وی می مانند دو نامساوی بالارا ناجمچیزی گونیم و مقدار فای عد و میراکه با پریکا بحد دهمچمول ناچچیزی کا بحری کرنه رسی تا نامنیا وی درستی هم جمت با آن تشکیل شود جو ابهما می نامجمین ملسک کونید جنانکه جو ابها خابمچندی وّل تام عد و فای نزگترازه میا و درناجچندی د و م تام عد و فای کوچکتران ۲ است.

این دارما را نصورت زیر منمانیم: دراولی ۵ (مرو در دومی ۴) مد

۳۶- ما جمجند مها می جم ارز - دو ما بهجند برا بهم ارزگویند و قست بکه بردو دارای حوابها منسا وی باشند مانند م رسم - بعر و ع (۲۲

چون بهجندی درحقیقت بهان مساوی عددست نبا براین ای تمام خواص ساویس عدومیت بهارهای تأخواص دفرهٔ ۲۸، متوان زروی کمک ناهجیندی ناهجیندگی بهم زمار آراسگیر داد: اقل - بهرگاه مرد د طرف کیک ناهجندی مقداری سفیت زاینم یا از د وظرف متعار^ی که کمکنیم ایمچیندی هم ارز ناهمچندی فروض بدست میآید. نیتچه یمیتوان جله ای رااز میطرف ایمچندی بطرف د کیر مرد بشرط امیکه نشانهٔ این انعنه به داد:

مثال - درا بمچندی ۲+ × ۴ (۳- × ۵ چون ۲- را بطرف د وم بسریم د تعنی سرو وطرف ۳ سفرائیم) نابهچندی بیم ارزی بصورت ۴× ۴ (×۵ بدست میآید و نیراگر × ۴ را بطرف قل سب یم این مساوی بیم ارتبه میآید ۵ (×

د وم - چون د وطرف یک نابهجندی را در عدد مشبستی ضرب و برآن تیم کمنسیم نابهجندی بهسم رز وهم جهت از نابهجندی مفروض برست میآید مثلّ چون وطرف البهجندی ۳- ﴿ بِي را در عد د ۲ ضرب کنیم نابجیندی

ور رست میاید که با آن همچندی مبسم ارزاست همچنین در ناهمچندی ۷->۲×۲ چون وطرت را بر ۲ تفشیم سنیم حاصل میشود ۲۰۰۰ ×

واگرد وطرف البهجندیرا در عد دسمفی ضرب میا سر عد دمنفی تقسیم سنیم میدایم کرحبت ناهمچنندی تغییرمیکند و ناهمچندی حاصل سسم ارز با ناهمچندی مفروض خواج

مثلاً اكره وطرف المبيخدى المنظم الله على المدود ٥ - صرب كينم عاصل سيود

 $\times \rangle = 0$

و تهجینه اگر در ناهمجین دی ۱۲ - 💉 ۳ - دوطرف را بر ۳ - تقسیم سیم این جیدی

بست ميآيه على x

عاع - نا بمجندی مکت مجمولی درجهٔ اوّل - سرگاه طبه محولی کیت اسمجندی ما می عام ن اسمجندی ما می می معلوم فی را بطرت و گیرسب میم و سرطرت را ساده کنیم اگرنا بمجندی طرق معلوم فی را بطرت و گیرسب میم و سرطرت را ساده کنیم اگرنا بمجندی طرق معلوم فی معلوم کی معدر اور در آن مه و مح مقدار فی عدد می از دو و صورت مح (مده و یا مح) مده در آید (کدوران مه و مح مقدار فی عدد

معلومی بهتندی آن نابهجند سرا نامهجندی یک مجمو بی درجهٔ آول گوست.

حَلْ مِی بیمیندی کیٹ مجمولی ۔ صَلْ بیمیندی کیٹ مجبولی بیست وردن عائر مانست کد چون بجای مجبول من ما بیمیندی گذار د ومشور ششکیل ما وی عددی در

14

صل ما همچن دی چ (مده . برای تعیین جوابهای بن همچندی کافی ا که دوطرف را بره (ضریب یه) تقسیم نائیم د و حالت اتفاق میا فتداگره مثبت با شد جواب ناهمچندی شیسین ست هی (یه واکر ه منفی با شد حال

 $x \left\langle \frac{-b}{a} \right\rangle x$

مثال ا - ناهمجندی ۳ + × ۲ (۵ - ۴ مراص کسنید: اوّل مجول را بیک طرف ومعلویها را بطرف دیمرمیسبریم نمتی مشود:

r x - r + r. > 9 x - 5 - 5

6 Ex -9x -18-51

x (1 1/2) -0x -4.

يني كافيت وطرف تزابره تعتيمنيم.

شبصرهٔ ۲- برگاه سب اربرون جله لای مجمول سک طرف بجمع آنها صفر (یفی مده ی در منصورت ما بهجندی تبدیل بکینه نها وی عدد ی میشود که اکران ما مساوی درست اشد تمام عدد لا جواب ما بهجندی ست و درغیرانجانت الهجیدی

مثال ـ این میخدیراهل کمنید

Ymx -Y Xx + sm

که درآن × مجنول و بهر نمانیش مقدا رمعلومی ست

يه رابطرف و ل رابطرف و قم بروه ساده يحت ما صل مشود:

 $(1) \qquad (\forall m - \forall) \times \langle \delta m + \forall$

حون مسينوا ندمقدارا ي مختلف كبيرو سدحالت العاق ميا فد:

ا ول الر ، (م- سرم باشد ليني م مم جواب المجندي بالاجنين ست × < الله على الاجنين ست × < الله على المجندي الاجتمال المحمد المحمد

د و م مکن ست بخ میر باشد در مضورت ارتفشیم د وطردن با بیجندی (۱) بر ۳- سر ۲ حبت با بمجندی تعینب مرسکیند نیا براین حوایب نا بهجندی شیود:

 $x > \frac{V + \Delta m}{V^{m} - V}$

سوّم کمن ست تا به سوه و در منصورت ضریب دد در ایمی شدی ۱۱) صفرا و دیده شیو دکه نامسا وی درستی بدست ساید نبا براین از ار تا سه سام عدد لا جواب ناهمچندی لا میاشد

لخرين

حند نامسا وی برلخواه برگزیده خواص زیر رانخفیق کنسید:

۱- در حب د امسا وی مجموع طرفهای بزرگتر بزرگتراست ار محب موع طرفهای کو کنیر و بردگتر است ار محب موع طرفهای کو کنیر و با مسا وی مختلف با شدا گرطرف راست ، مسا وی وم دانولر راست ^{نا} مسا وی و آل وطرف چپ آیز ۱۱ زطرف چپ است و کا ول کو کمکنیم د و مانده

تسکیل کین اسا وی میب به بهم حبث با نا مسا وی اوّل .

وطرفهای چپ را در بهم طرب کسنیم و حاصل طرب بدست میآید و حالت باید و فرفهای و است را ذرسیم او گرافهای چپ را در بهم طرب کسنیم و حاصل طرب بدست میآید و حاصل طرب نشگیل او گرافهای اینا بمیشت باشند د و حاصل طرب نسکیل کیک نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا اگر د و نا مسا وی بهم حبت بود و وطرفهای اینا مسا دی مید به که حبت مفالف حبت آنها تسکیل کیک نا مسا وی مید به که حبت مفالف حبت آنها تسکیل که می نا مسا دی مید به که حبت مفالف حبت آنها تسکیل که می نا م

$$r - \frac{\gamma x}{r} + \frac{v}{r} > r - rx + \frac{x}{r},$$

$$\frac{x-r}{r} + \frac{\gamma x - \delta}{r} < r - x$$

$$\frac{r \cdot x}{r} - 1 - r(x - r) > \delta - r\left(r - r(x - \frac{1}{r})\right)$$

$$(x-1)(x+r) < (x-r)(x-r) > x^{r}(x-r) - x(1-rx)$$

ax + c) 8x + d' ax 5 a 6x - 8

۶ - نامیجندی! ی حرنی زیر راحل کسنید:

مسترح غلط است وجوابی مرا می × نمیتوان یا نت زیرا عاصل ضرب مبرعد د درصفرمنها صفرمنسو د نه مساوی س

مقدار به مسادی ع است ولی اگر یه نمساه ی صفر بخت ما رشود جمیخدی ا

سبصره - جاندساتها تفتیم رکتاب ول شارهٔ ۱۵ اگر سر از حیث قد مطلق خیلی کوچک و نزدیک صفر احت یا رسترگ میشود و امزا

انش نه حه نایش مید بهند و کو نید که قد مطلق به بینهایت بزرگست.

مثال ۲- جواب جمچندی و به به صفراست مبرچه با شد مقدار مشال ۲- جواب جمهوس مسا وی صفر کمیریم در منصورت بر عددی میتواند می اتاکر سر دا بخصوص مسا وی صفر کمیریم در منصورت بر عددی میتواند جواب جمچندی با شدیعنی درت وی وی میتواند به میتواند با میتواند به میتوا

ستصره - اگر درا نیجالت که هر صفر است مطابق قا عده کلی بهجندی

ه مده مهم راحل کمنیم مینی د و طرف را بر ضرب به تفسیم میمی این کوئیم مقدر

ه می در بهجندی با لا بر جوابی صدق میکیف د نیا براین کوئیم مقدر

ب میماست بعنی ممکن ست مسا دی مقدار فی مختلف با شد.

ب میماست بعنی ممکن ست مسا دی مقدار فی مختلف با شد.

ع عهد مجث همچندی حربی هے یہ درمثال ول معلوم مشد که همچندی ارشود که است کار وقست یک سرمسا وی صفر اخت یارشود که درشیا ب به بیندی است و درمثال و قدم آگر سرراصفر کمبریم درشیا ب بیخندی جوا مبیندی و اروار و و درغیرا نیجا سب کیک جوا مبینی دارد از برد میتوان کارو :

تعریف - بحث در «وجود» ریشه فی جمیب می محرفی عبارت ازانیکه مقدار فای مختلف حرف فی حرف معلوم بهمچندی دارای سوت به بنیم با زارچه مقدار فافی از حرفهای معلوم بهمچندی دست. فی و یا جواب و با زارچه مقدار فافی از حرفهای معلوم بهمچندی نست. فی و یا جواب

راه علی برای بجنگ بمجندی فای حسر فی در خدا ول انیت که آول به به محدار حرفی رابصورت فلی ها یده درآور ده ومطوم کمنیم با زارچ مقدار (یا مقدار فی) از حرفهای معسلوم کی از دو ضریب ه و گ و یا مردو صفر کیشو زر و خلاصهٔ بحث چنین ست :

ax = & Gissis

اکر $\alpha \neq \alpha$ باشد ہمچندی دا رای کی جواب معین کے $\alpha \neq \alpha$ است $\alpha \neq \alpha$ باشد ہمچندی شدنست جواب لار $\alpha \neq \alpha$ باشد $\alpha = \alpha$ باشد $\alpha = \alpha$ باشد جواب ہمچندی ہم است میں ہمچندی مثال مطلوب ہمچندی

(m-1) x = m (m-1) بيل ارتجزيد کرون ضريب بد نتيجد ميشو د

 $(m-1)(m+1) \times = m(m-1)$

در نیجا رکشه بای ۵ (لینی صریب x) امنیت ا = m را = m وریشه بای گه ه = m ر ا = m میبا شد نیا براین محت این مجد

حيث ميشو د :

چون بازار ایه یه صریب بد صفر میشود نیا براین بعنین رازین دو تقاله برمقداری به سه داده شود بحیث بدی ارای کیک جواب معین به به به به به است ایرانسا ده کردن به مجفوص بن جواب صفراست اگره یه به به به میکردد میشود و جمکه معلوم مساوی یا میکردد بیس درازاد ا = سر به بیندی ناست نی است

واكر ا + به به باشد بم ضرب بد وسم طرفت معلوم مرد وصفت مشوند

بنا براین بازار ایس جواب جمجندی مبهم است خلاصه این مجش رامیستوان بطورسا و جمینسین نوشت مر ایس بخش سازشور تبخینسدی دا رای ریشه معین میس = همهندی است.

> ۰ ۱ ۰ میم است تمرین

منظولست مل ومحسف مجنديهاي زير!

a(x-c)== , (a-1) x = 6=x

ex-Cax-1 e(x-1) -1 = x-ca

(a-b) x-1=1-(6-1)*

(a+b) x+ (a-b) x-ax = b-1

(a-x)(B-x) = x , (x-a)(x-b) = x - a

(ax-6)(m-1)+6(m-1)=a(m-1)

m (a+ 8-2)=n(a+8-2)

1-a + 6= x -1

$$\frac{a - bx}{b} = \frac{ax - b}{a} \quad (m - \frac{x}{n}) = b(n - \frac{x}{n})$$

$$\frac{1x - a}{b} = \frac{b - 1x}{a} = \frac{a' - b'}{ab}$$

$$\frac{a}{b} (a - x) + a(b - x) + 1 - ax + ab - x = a'$$

$$\frac{a}{b} (1 - \frac{a}{x}) + \frac{b}{a} (1 - \frac{b}{x}) = 1$$

$$\frac{a - x}{a + x} + \frac{1 - x}{a - x} = \frac{a(1 - ix)}{a' - x'}$$

$$\frac{ax + b}{ax - b} = \frac{ax}{ax - b} - \frac{(ax - x)b}{ab - b'}$$

$$\frac{a' - b'}{a' + b' - a(x - b') + b(a' - x)}$$

$$\frac{a' + b'}{a' + b' - a(x - b') - b(a' - x)}$$

$$\frac{a + 1}{b} = \frac{a + b}{a + c} + \frac{a + b}{a + b} = \frac{a + b}{a + b}$$

$$\frac{a(x - a)}{b + c} + \frac{b(x - b)}{a + c} + \frac{c(x - c)}{a + b} = x$$

$$\frac{x + a}{a + b - c} + \frac{x - yab}{a - b} = \frac{x + yab}{a + b - c} + \frac{yab - x}{b + c - a}$$

$$\frac{x + yab}{a + c - b} + \frac{x - yab}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c}$$

$$\frac{x - xa}{a + b - c} + \frac{x - yab}{a + c - b} + \frac{x - ya}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c}$$

العب على مناه ما معلوم المعلوم المست كدازر وي ابنا المعلوم المعلوم المعلوم المست كدازر وي ابنا المعلوم المعلوم المعلوم المست

مثلاً : د مزد ر وزانهٔ کارگری ۷ رایل ست بین ز ۱۵ ر وزمزدا د چذیل میشود؟) مشله الیست که معسانو نهای آن مزد ر و زاند و مدّت کار و مجویش مزد این مدّت است

جمین در بین سند و و زا و پرمنتی ۲۵ و ۴۵ است زا و پرمتوم ا حساب کنید به معلومهای این سند و و زا و پرمثلث و مجمول آن مقد ارزا و پرمثلث ا را بین کمت درسنگه گفته نشد و و ماخو دمیسه اینم ، و مجمول آن مقد ارزا و پرمتوم ا ۹ علی حل کردن کامنه مسئله می کردن کاب مسئله بدست آ و رون مجنول با محولهای ن مسئله است از روی معلومها

چنا کدمید ا نیم برگاه مخوا میم کیت مسلد رااز راه حساب حل کستیم ا مست ور دن محبول علمهانی برر وی معلوم ا انجام میزسیم یا در میجوان کلها محبول برست آیر بر و ن میکد خود محبول دیا محبول درین علها دلست وا ده شود . ولی درجربعکسس از اول مجول را درعلها دخالت مید بیم بر بنین بر . که این انجر فی نو ده و با نیدمعلوم در نظر میکیریم و بر روی آن ومعلولها علها لی را که درستگه کفت شده انجام میذسیم با نیدستاه ای زیر :

مشكرًا - به بولى به ميوايان داده شدٌو ١٨٢٠ ريال زآن بول المده

تأم بول حقد راست ؟

معلومها ی این سند به و ۱۸۲۰ است و مجول آن تا م پول است و معلومها ی این سندی که بن نوا است معلومها ی این سندی که بن نوا است م پول را که نمیدا منم چند است م ریال میکیریم نا براین مبلغی که بن نوا است م میکیریم نا براین مبلغی که بن نوا است م ریال میکیریم نا برای است بن فواهیم المیکی شد با بفرض مشکد مید اینم که این ما ند و ۱۸۲۰ ریال است بن فواهیم ا

دین سنا وی را جمچند می سند است میاند و ارس آن × و اسطع بول مست میاند

x= 7 ... J!

 معلوفهای مسئله ۱۵ د ۹ و ۵ و خاصیتی ست کدارخدارای کمن بهلو درسه کوشه بهید ایشو و

مجهول - فاصلهٔ این خطیوازی از مارک A است .

حل مجمول بینی فاصلهٔ آن که خطاز تا رک A را که منیب دانیم به x مترمینهایم ارمیم این که خطموا زی سه کوسشهٔ دکیری بیدا میشو دسشبید سه کوشنرا ول که قاعده اش پنج متردارتفاعش × متراست .

درین مسئله علا و ه برمعلومها ئیکه دا د ه شد ه تشا به این و سه کومشه را نیر با به در فطر گرفت که بر و ن رعامیت کن مسئله حل نمشو د ازر دی مهین بیشا به خواهیم داشت

 $\frac{\Delta}{10} = \frac{x}{9}$

كريمچندى مسئلداست وا زخل آن 🗴 يا فاصله مرست مماً مد:

X = F

برسش في شفارى

۱- نیمت کف جدر آن ب ه ه ریال است بهای در جداز بهای کاب چدریال است به ای در جدر ال میشود. ۲- قیمت ه جدر آن به ریال است بهای در حداز بهای تناب چدریال میشود. ۲- بین راست گوشه ای هاه میر مرتبع است و دراز ای ن به سراست بینا و برایون آن چند مراست بینا و برایون آن چند مراست . ۴۵ ووٹرن درکیٹ نیا زالینسٹا ہی ہودوں فقت فرکت کردندندی آنا بڑتب ۴۵ محیار مت رو ، ع کیلومٹر درساعت است میں زسر ساعت بدوشیر A و هرسب پدند تسبکنید فاصلہ آن وشہر را از آن الیسٹ و واکر کیگر کر ،

ه و دوترك ه و ح از دواسته کا و ه دركيت ك طرف بم مبايندند منا بترقب ، ه كيوست و ، ع كيوسردر) عنداست بها زيدت سدساعت بردد بددرا ميرسند فاصلهٔ دواليتگاه هر و هر راحما بكنسيد درصوريكه درازي دورابي ، ايمتر باشد

ع ـ أكر شخص كون علا سال داست به باشد ما ما ما حد چرمشالي ميد م ؟ ومجينيدن هنائ بينامجندي عبيت ؟

X + 7 = 1 (X = 15)

حِقدر مشود ؟

۱۰ و و چرخ سوار و بیاده ای زو و نقطهٔ ۱۹ و ۱۳ به ناصلهٔ ۱۹ و ۱۳ کیومتر در کیف آن عفرت بیم حرکت می تنسند بیل زندت ۱۹ و قیقه بیم میرستند میدانیم تندی و و چرخ سوار مده کیومتر درماعت است تندی بیاده را حیاب کمت بید.

۱۱- قاعد هٔ سکومشای ۱۶ متره ببندگیش و متراست اگراز قاعده ۴ مترکم شود چدر ۱ بد سر بمن بدی افزو و ه شو د تا بهند تعینر کمند .

ارخ سندای با ۱ قاعد و کی برای طرسند ای کری کی بعولی بست بیآید:

۵۰ قاعده - اقل - با ید صورت مسئله را با دقت زیا دی خوانم
و تما م معلوم بلی می سئله را درنظر گرفت و از تمام معلومها می سئله برگی معتبی کردن مجبول با بداشفا د ه ممود

د قوم میمول مسئلدرا مجرفی ما نندید ناکسیس و ا ده مسئله راحل شده تصورگرد و ازر وی فرض سئله را بطه ای مین معلومها و مجهول تسکیل و ا دکه این راهمچندی مسئله کوینید . سیوم میمیندی مسئله را با پیرحل کرد .

سر گاه بمچندی سسئله ای از درجهٔ اوّل شد آن مسئله رانسبت آن محول زدجهٔ

ا وْلُ بُوسِينِهِ ،

شبصرهٔ ۱- کا ممکن ست بعضی ست با دارای دو بجول با شد و با دجود این بتوان **زگو** کی از بجولها ومعلو حهای ست بله مجول و گیرراحها ب کردینی حلّ بن سنکهٔ د دمجولیرامجل مشکلهٔ کیت مجولی تبدیل مؤو مانید مسئله ای زیر ا

مسئلهٔ ا منی است است گوشکه درازای آن ۴۶ مترمیش زیبنای ن میش بست و رید درازا دبیب ای آن را درصور رستیکه پرامون آن ۴۵ مترمیش چنا نکه می سیسینم این سند دارای و و مجمول ست که درازا دبیب ای زمین میاشند و لی چنوانیم این سند را مبتدل مب نکه کیک مجمولی سنیم از نیقرار:

چون پیسندای زمین را مبر عوشر نبائیم درا زای آن د مجنول دکیر ، موجب مسله (۱۳۵۰) مشرخوا به بود و میدا نیم که پیرامون را ست گومت مساوی د د برا برمجموع پینا و درازالا بنا براین خوامیم داشت .

Y (x + (x + r a)) = r a.

ويا ۱۴۰ و ۱زانج ۲۰ متر يعني بنياي راست

م کوشه ۷۰ نتر و درازای آن ۴۴ و ۷۰ و ۱۰۵ مترمیثود . ۴

محکمناست بجای انیکه مپنا رامجول گزشتیم ادا زا رامجول چنسیا کنیم دازر دی کن مپنارا بدست وریم.

لتمرين به بعين سندرا عل كويند وقستسيكه درا زانمول النستها ركيني

مستملهٔ ۲ ـ فاصله م و ۲۱ کیلومتراست دو پیرخه سواری از نفظهٔ م و پایده ای از نفظهٔ م آنید سیس از ۲۱ می قفیهٔ و پایده ای از نفظه م و ریک آن حرکت می کمنسندگر سطران بهم آنید سیس از ۲۰ و قفیهٔ و اگر مبره و در تحمیت حرکت کنند بطور کید دو جرخه سوار بدنبال بیایده با شدیس از ۲۰ و قفیهٔ میمیرست ندمعلوم کمنید تندی بر کیک را:

طامطه طینو و کداین سند دا رای و وجولست د شذی پایوه و تندی و وچرخد اس و طاقه از تندی و وچرخد اس و طاقه از تنوار د

چون شدی د وچرخه سوا ررا در یک و قیقه به کیلومتر فرض کمنیم رابیکدد. ۴۵ وقیقیهیون به کیده همیون به در ۱۳ می در نیدت رفته (۱۳ ۵ ۲۰ - ۲۱)

محیلومترمیسیا شدی شدی پیاده د مجول دؤم) محدول دوم

(× مرسل) كيلومتر مشو و

طال گرم کین ۳۶ و قیفه در جهت از ۸ نسمت هر راه روند د و چرخه سوار بهاده میرسد بینی را بهبیک د و چرخه سوار در نیم ت می بیاید ۲۶ کیاد متر بیش از را بی ب که پیاید ، در نیم تت پیاید ، در به و وقیقه بهیو د ه اند که باد ، در نیم تت پیاید ، در به و وقیقه بهیو د ه اند بنرش بینی است به سرع کنیومتر و (با سی که به و کیاومتر از بایان به بیم نیم تی با سی می کیاد متر و (با سی کیاد متر و این بایان بایان باید و بیم تی با سی می کیاد متر و این باید و بیم تا باید و کیاد متر نیاید و بیم بیم ندی برست می آید :

5 - x - y 1 - 5 - x)

که ارخل آن تسندی د و چرخه سوا حربین میشود $x = \frac{y}{10}$ کیلومتر در وقیقه و یا x کیلومتر در رساعت بنا براین تسندی بیایه ه $(\frac{y}{10} - \frac{y}{10}) = \frac{y}{10}$ سکیلومتر در رساعت میشو د .

در وقیقه و یا له کیلومتر در رساعت میشو د .

تمرین - درخل مین سند تندی پاده را عجر گیرید ومسکدرا حک سید تبصرهٔ ۷ - درحل معضی مسئله با میتوان سجای مجبول مسئله مجبول دگیری را به آور د وازر وی آن مجبول مسئله را حساب کر دمکن است این کار در معنی مسئله آب

منال ا- موا را منسیّد برای اینکه در موقع منیت مقصد برسد از مرکز باشی ساعتی ۱۱ کیلومتر حرکت کروچون ۱۲ کیلومتر را ه بمی و نا مورشد کیت تن زنداین ا بمرکز ببر دلبس از انجام ما موربیت برای اینکه در بهان موقع معین مقصدش را از گرفت شد ساعتی علی کیلومتر برشند می خود به غیر اید معلوم کمنسید فاصله مقصدش را از گرفت شد ساعتی علی کیلومتر برشند می خود به غیر اید معلوم کمنسید فاصله دادرتیت چون فاصله مطلوب را به بر بنائیم در د فعد اقل سوار این فاصله دادرتیت بیش ساعت و در د فعد وقوم در مدت عیم ساعت بی پیاید اما تفاوت این فی مذب منساه می مذبی است که سوار ۱۲ کیلومتر فیستند و بعد بهای در اورا کیششد

كدا زحل أن مّرت و دنبتجد فا صله مركز ا زمقصد برست مياً په

ا نشت ساعت ۱ م م م و فاصلم = ۱۲ × ۸ = ۱۶ م کیلومتر

ازین رومی پینیم کدراه د و م کمی آسانتراز راه اَوّل است .

مثال ۲ مسئله ۲ ارتنجسرهٔ ۱- دراین سند تندی د و چرخه سوار و تندی پیا نجدل بود میستوانیم بجابی انیکه ستینا این و مجولرا صاحب نسیم را بهائیراً که پیاده و د و چرخه سوار در ۳ ء د قیقه بهیوده اندمجول گرفت به آبنا را برست آوریم دازرو آنها ته نبد ملی د مجول ۱ را) حیا کینیم

فرض کمین پیم را بی که پها و ه در تدت ۳ و وقیقه بمید و ه یو کمیاومتر باشدیس را بی که و وچرخه سوا ر دارنیمت رفته (ید ۴۱ ۲) کیلومتر میشو و نبا براین ته ندی مرکب تبرتیب چنین ست بیخی سمیدتر ژبته می به تا ۲ کبوته ژبته پس را بی که در ۳۵ و قیقه بمیو د و اند نبتر قیب حینین میشو و ۱ $\frac{7}{9} = \frac{70 \times 1}{9} = \frac{70 \times 1}$

که ازحل ان x برست میاید x = x کیلومتر

بنا براین شندی بیا ده م <u>۱۴ = ۲۰ کیلومتر در دقیمت</u> مینود.

و تنذی د و چرخه سوا ر $\frac{4 \sqrt{k+1}}{4} = \frac{V}{10}$ کیلومتر ور د قیقه خوا بربو د .

چون این دو را ه حلّ را با بهم سبنجیم کرچه ا زحیث عل مبر د و کیسا ن بنظر میّا نید دلیمیّ مرحد مناسبت بهم مدر در مراسب نیم

كه ازراه د تو م محبت دى مسكه آسانتر بدست ميآيد .

تمرين

مند ای زیرراحل سند:

المجوع سه عدر آن متوالی ۲۱ است کن سه عدد کدامت

۲- ۱۵۷ ریال را به صدنفر بخش گهشدید بطور کمیدسیم د د می ۷۰ ریال میشن (مساول) با شد د بنومی ۴ ریال میشینترا زود می گمیر د

۱۲۹۰ با ۱۲۹۰ میال جینده تر ، جوت ستری ۱۵۰ میال احبیند سترفاستونی ستری ۱۵۰ میال احبیند سترفاستونی ستری ۱۲۹۰ میال احبیند برای میاند؟
۱۸ میال صیبته ای خرید بنا برای که ، بوت دومتر سینیس زنا متونی مورولزدم باشد؟
۱۷ میان متری ۱۵۰ میانی از مستونی شری ۱۸ میان است! ۱۲۰۰

ازمرکین چند نشرسیستوان خرید نبا برانکه د و برا بر ما بهوت فامستویی لازم! شد؟ ۱ - ۵ - ۲ ۹ ریال را به سه نفرنجش گسنسید بطور کیدسهم ا دّلی د و برا بر د دّ می وسهم ، د می سرا برستومی یا شد .

ع مشخی از دیاغی خرید بر روی بمسم ۱۵۴۸ ریال معلوم کمنید بهای مرکب را درصور متبکد بهای باغ ۵ برا بر بهای خانداست

۷ - د و د چرخه سواری با نندی ساعتی ۱۲ کیلومتر حرکت نو د ۲ ساعت بعد د د چرخه سوار کمری با نست دی ۲۰ کیلومتر به نبال و رفت بس از چند ساعت با وخوا به مرسسید ؟ ۸ - پینند مرتبی ۲۵ متر نمزیع سمٹیس از پیند مربع و کیراست اگر میسلوی م تع آو کمیر مش از بیلوی مرتبع دوم با شد بهند مبرکدام حقد راست ؟

۹ - مجموع دوعد و ۲۹۳ و تفاصلتان ۲۰ است تعبین تنسید آن دوعد درا ۱۰ - بدری ۲۰ سال نر رکتسرا رئیسراست بس زع سال مست بدر چها درارتن بسرمنو دسن مرکب چقد راست ؟

اا- شخصی ۱۷۰ ریال پر حیر بدیسد نمام را متری ۴٫۵ ریال فرونت دین ا ساید مقداری زیان گروسیاب نو دکد اگرتام پارچه را متری ۵ ریال فروخته بود است و ش نمام! ندازهٔ ریان بیوومسردمعلوم کسنید در ازای پارچه را. فروختداست درصورتشیکه بهای مرساعت طلاع برابربهای کمیاعت نفردن بهای مرکت چندراست ؟

۱۹ یتراست اگر ، و لیراز آب برروسیم ۱۹۲ پیتراست اگر ، و لیراز طرز ۱۹ لی و ۱۲ بیترا نرطرف و و می برو است نشوه مقدار آنی که درسرد و با تی میاند می است می میاند می میاند می است ؟

۱۳ - مېسل ندا زه ونفر ۷۲۰۰ ريال و ۱۵۰۰ ريال ستېرکب^{اي} ۵۵ م ريال پښ ندازميکنفندمعلوم کنيدسېس زچندسال پښ ندازه دی له س ۱ ندا زا د کې ميشود؟

١٧- يار ي شين خود كفت ميرد وزهر أخوب و دست باشي الاره ريال يمنيكم

ومرروز کن مفرهٔ به دامشته باشی باید ۱ر ریال به می سپس ز ۱۱ روز طفل یا ریال بهل داشت معلوم کسنده خیر و زیزهٔ خوب است است ؟

۱۸- فاصلهٔ و وشهر ۱۲ ۵ کیلومتراست ماشینی با تنذی ۶۰ کیلومتر درساخت د د ساعت بظیرا زشهرا وّل مطرف شهره وّم حرکت مسینها ید ماشین گیر در موقع فهرا تندی ساعتی ۲۲ کیلومترا زشهر دُوّم مشهرا وّل میرو دمعلوم کمنیدبس رٔ جبندسا عت از موقع حر ههم میرمسند؟

۱۹ - درازای و قاعد ٔ د و زنقه ای ۵ رو ۷ متر و ۵ رو متر و طبخندی آن ۲۲ متراست ازایت کوک قاعد هٔ کوچکتر خطر استی خیان کمشید ، بقاعد ، بزرگتر برسد و د و زنقه را بدونسمت هم ارزتقتیم کند

۳۰ - درموقع ففرعقر به نای ساعتی د ساعت شار و د قیقه شار) بربیم نطبقهٔ دین رخید سا د گیر د و با ر ه بربیم منطبق میشوند (ا دلین لطبا ق)

رائمسنها لی - تندی عقرهٔ دقیقه شار ۱۲ برا برتندی عقرهٔ ساعت شاراست بنا براین کو بر ساعت آرت د صنبا قوسی از دایرهٔ ساعت با شد که عقر به ساعت شار مرای نظبا ق به بهاید عقرهٔ نا نیدشهٔ رورنیدت قوسی برا بر ۱۲ بر می بهاید داخیج آ

٢١- سرساعت بعد ز فراست بس رحيد عت و گرعفر ما برك امتداد قرار

ينوا مندكرفت ؟

۱۶ ما شد چون نرانعکس بیشه زمیسند عد د حاصل ۶ م کدان عد دمطلوب بزرگتراست ،

را المسلم في - اگره يكان و كار و به عدو دوسيكري اشدان عدد حيان

مِنود ٥ م الله الله وعلى شرقب أن ميثود كا ١٥ ٥٠ .

٢٦ - مطولست تسين عدوى من عن ١٠٠ ه بطور كيه مورع كيراس

٩ باشد وجون تراكيكس ترتب نولسيند عدد صاصل ١١٠ عدد مفروض شود .

۲۴۴ ، برخ اختراع چاپ عد دی است چها رسکړی که سکیر د بنگان نصف کیک

ه برسد دمنیا دی مجموع سیسگرای د مهان و سه کاکآوجون برآیند د ه ۴۹۰ میزد

مد و توكد ما صل ميو ولفكس ترفي عد ومطولست بدست آ و ريد آن عدورا.

۲۵ - مبلخ ۲۵ ۴۲۵ ریال را مین سد نفرنخش کسنسیدنقسمی که سهما وی مُساوی 🐔

سهر و قری شه و دسهم سوی منسا و ی <u>۱۲</u> سهم د قومی کردد .

ع ۲ - ما صل صبيع دو عدد ۲۲ است و اگر برگر را برگو کیکر نشیم کنسند مبر

م و با بار م است ندو عدو لد استدام

برا - حدد ۱۲ ۵ را د وفر د جا القسيم سنيدك ماصل سبع برمريب ترتيب

عه و ۲۰ مرابر ۱۰ مود٠

۲۸- چرخهای حلوی در شکه ای در پمیودن را بی ه ه ه ۱ دور میش آر چرخاعی ب چرخیب د ۱۰ ندمطلولست درا زای را بهی را که در شکه پمیود و نیا برا کنه قطر سجرخ طور در . متر وقطر حرخ عقب بمت متر باشد .

۲۹ - درشتی تفاعدهٔ BC = ۵۷ متروببندی ۱۸ = ۸۸ متر مرتبی محاطفید بطور کید کی از بهانی مرتبع روی قاعدهٔ BC و افع باشد.

۰ ۳- چه عد دی بربرخه نام و برخه شار ۲۳ افرد ده شود نا برخه حاصل برابر پیم گردد؟

۳۱-چەمقدارىرىرخە نام دېرخە شارىرخە ﷺ افرودە شود ئابرخىڭال الله ؟ از كەنكىرما شە؟

۳۴ - برخدای معادل لم تغییل سنید بطور کد مجوع برخ نام و برخ شارش ۱۳۵

۳۳-تفاوت قیمت تیم کیتوپ پارچداز هیه آن ۳۶ ریال باشد.
کمنسید درا زای توپ پارچه را درصورت که قیمت سرمترش و ریال باشد.
۳۳- به مهاری میستواند ۳۳ درصدوام خود را بردازداگر ۱۵۰۰ ایل میسترمیداشت میتوانند هی و امش راا دا کند تعیی کنسید دارا فی و میش را دامش را دا کند تعیی کنسید دارا فی و میش را د

۳۵ مشخفی خاند استس را به ۲۸۰۰ ریال فروخت با ندازهٔ ۵ درصدخرید ضرر کر دمعلوم کمن مدقعیت خاند را ۰

ع ۳ - تاجری مقداری پارچرخرید خیال کردکه اگرمتری ۱۲۵ ریال بفروشد در تام پارچه ۱۲۰ ریال سود میبرد اتفاقا متری ۵ ر ۹۷ ریال بشیتر نفرخت در تام پارچه ریال در معلوم کمن ید طول پارچه را و می برد این کرد معلوم کمن ید طول پارچه را و می برد این می برد که اکنیومتر در رساعت شخص و گیرداکدا رفقطهٔ ها با تندی ۱۸ کیلومتر در رساعت شخص و گیرداکدا رفقطهٔ ها با تندی ۱۸ کیلومتر با شدی ۱۸ کیلومتر با شد در چه فاصله ارفقطهٔ با تندی ۱۹ کیلومتر با شد ،

۳۸ - د و چرخه سوا ری برای رسید ن زننرل مقصدی سر دقیقه ۱۵۰ متراه می پیاید درموقع برشتن بواسطه سراشیبی سردقیقه ۶۶ سمترطی سیند دوری مقصدش را از منزل درصور میکه مدت رخت و برششتن برر وی بهم سمیساعت و ۲۵ قوقیم اشد .

۱۳۹ موده چرخه سوا را زیک نقطه در تحطهٔ معین حرکت بمود ند تندی و کی عرباند درساعت و تمندی د قومی ۱۳٫۲ کیلومتر درساعت است پهل رسدساعت را و برای عب اکنید و و می عقب نما ندا و لی شندی خو د را ساعنی د و کیلومتر منو د معلوم کمن پدل اخیدا و قرمی با قربی میرسد . ، عېم شخصی را بهی را با تندی ۱۲ کیلومتر درسا عت میرو د اگر با تندی ۸ کیگیر میرفت و رساعت و برترمقصدمیرسسیدمعلوم کمنب د را زای را ه را .

۱۶-مطلولست تعیین ^{را را} و بهنای راست گوشه ای که دورهٔ آن ۳۲۰ متروشگا. با شد با راست کوشه ایچه درازا دمینالیشس ۲۵ مترو ۱۵ متراست ۰

۲ عا - زارعی مرای خرید ۱۶۰ گا و وگوسفند ۱۰۰ به ۴ مرال دا دمعنوم کمن یقیمت هرگا و وگوسفند را درصور میکه بدا نیم عِدّ هٔ گوسفند سه مرا بر عدّهٔ گا وبود وقیمت ۲۰ گوسفند معادل قیمت ۳ گا د باشد .

۴ ع- شخصی مقداری پارچنریدستری ه ریال درموقع فروسش آی آنراتمری ۹ در ال درموقع فروسش آی آنراتمری ۹ در ال و بقیة رامتری ۶ ریال فروخت معلولم سید در ازای پارچه را درصورست که بداینم در فروش تمام پارچه ۱۶۶ ریال سود مردو ۱۰ می معلو مردو ۱۰ می معلو می در فروش تمام پارچه ۱۶۶ ریال سود مردو ۱۰ می ساعت و ۴۰ و فیقه یمود و با مین طریق کدا زفقطهٔ ۹ آنقطهٔ ۱ و بین ۹ و ۱ می میرمترو و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت حرکت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ه تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت و ده است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ها تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت در از در است معلوم کمت نمود و از ۲ آل ها تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت در از از انتقالهٔ ۲ آل ها تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت در از از انتقالهٔ ۲ آل ها تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت معلوم کمت نمود و از ۲ آل ها تندسیس ۱ ه کیلومتر در ساعت معلوم کمت نمود و از ۲ آل ها تند این می کرد تا ها در بین از در از از در از از از از از از از از تا ها تندسیس ۱ ها کمت نمود و از ۲ آل ها تندسیس ۱ ها کمت نمود و از تا بین می کرد تا در بین کرد تا کمت نمود و از تا کمت ن

ه ع - دو کا رگر با کید گیر کا رمیکنند مزد کیک رو ز کا رگرا و ل ۵ ریال میل م مزد کمک روز کا رکر د و م است مطلومست مزد رو زانه سرکیک درصور تیکد برانیم مزد ۲۵ روز کارگراوّل ۵۶ ریال بیش ازمزه ۳۰ روز کارگردوّم است. ۶۶ مینی کشت زاری راخرید کیدفعه ۲۵ ۸ ریال برای سزنه قباله نولینی برای تی بها رکشت زار پرداخت دفعهٔ دوّم ای تیانده را ۱۰۰۰ میال کم و دفعهٔ سوّم در موقع تفریغ حساب ۱۰۰ ویال ا و معلوم کسند بها رکشت زار و بزینهٔ

۷ ع تیخوای را میان د و نفرنفستیم کردیم بطور کیه مبرهٔ ا و کی تیم مجرهٔ ووی و ده کیت مبرهٔ دا ول با تیم مبرهٔ د و م ر و میمسم مرکت چنداست ؟

۹ نه سرختی در فرد کشیر کالاتی ۱۵ درصد خرید سود بر و ولی اگر ۵۵ دربال مثیر مفر وخت سوه ش ۱۲ درصد فروش میسبو د تغیین گسید سود را د مشخصی و ساعت سکاری دارد با درشکد ای که در برساعت ۱۲ کیلوسر مرس میکند کبروشت میرد در بس زیر مدّست با پیداز درشکد بها د و شد و با شدی ع کیلومتر درسا

۵۱ - موضی دا رای دو را ه آبست ق لی اگز با بر با شدح ص میس زع ساستیک

بیشود واگرراه آب د و مرتها باز باشد حوض دششس اعت پرمیشو و معلوم کمشیداگر حوض خالی با شد و مبرد و راه آب اباز نایند در چند ساعت برمیشود؟

۵۴ محوضی و را ه آب دار دکه چون با بیم با زیامت ندوض دیکسا عدم ۱ آفیه پرمیشود و لی را ه آب به تنها بی توض را درسد ساعت پرمیکندمعلوم کمن بدر ا آن به وم به تنالی حرض را چین د ساعته برمیکندی

۵۳ شخصی مرسره به اش حجب اریک آنراا فرو د و سال د و م براین سره نیعیث نج کمپ آنراا ضا فه کرد و سال سوّم براین سره به حب مدیدشش کیت آنراا فرو د برای سال حیا رم ۷۱۴۰۰ ریال سره به د اشت معلوم کنید سره نهٔ سال وّل را ۱

۴۵ مشخصی ۲۲ (سه دا کت ونیم) زمیسنی راجریپی ۱۲۵۰ ریال و باقی را جریپی ۱۲۵۰ ریال و باقی را جریپی ۱۲۵۰ ریال و باقی را جریپی ۱۱۲۵ ریال میفروخت ۲۲۳۰۰ ریال میفروخت ریال زیان میکردمعلو میکنسیدفروش زمین مساحت آنزا.

۵۵ - فرنی دا رای ۱۵ من سرکه بود که مرکب من آن ۵ رم ریال میارزید قدر آب درآن تخیسیم تمین مخدط صدی مبیت کم شدمعین کنسیدوزن آب را .

ع۵۰ مواجب سالیا نه نوکری ۹۰۰ ریال کیدست نباس ست نوکر بسراز ده ماه کا را زخدمت معاف شد درین مدّت ۷۲۰ ریال و کیدست نباس گرفته بود معلوم کنسید قمیت کباس را ۱۰ ۷ ۵ - دارانی د دنفرروییم ۱۶۰۰ ریال ست اگرا و کی پنج وارانی خود را و دوی پنج دارانی خورمشس را خرج نمایند دارانی آن و و برابر میشود - دارانی سرکیك چنداست ؟

۵۸ د واتوسیل زد دنقطه ۹ و ه بهاصلهٔ ۱۳۵ و ۱۳۵ کیدسراگردیک مخطه کرکت بنوه و بهار کرد در ۱۳۵ کی بیخ دقیقه مشرکت در ۱۳۵ کیدوستری ۹۸ بهم سرسند و بی اگرا و بیخ دقیقه مثل از و می براه افته نفظه ملاقات در ۷۷ کیدوستری ۹ خوا ۹ بو دسمین کینسید سندی هرکیان و ۹ ۵ دونفر با بیم شرکت کرد ندسره یه او بی سند میرکیان در تومی و میل میسید سره نیم مرکیان را درصور تیکوده و میسید سره نیم مرکیان را درصور تیکوده میسید میسید سره نیم مرکیان در درصور تیکوده میسید میسید میسید میسید میسید در میسید میسید

و اقع برین خط دجبت ۱۹۵۰ کیلومترو ۱۱ کیلومترو ۲۵ کیلومتراست ، متحک میکنند تندی آنها بترتیب ۲۵ کیلومترو ۱۱ کیلومترو ۲۵ کیلومتراست ، متحک اقل ساعت ۹ صبح حرکت میکنند معلوم کمنسیدس انجیتر منح کن دوی بیک فاصلداز دو متحرک دیگر خوا به بود درصور تیکه میدانیم ۱۹۵ و ۱۹۶ کیلومتراست ،

ا ع مشخصی هی دارانی خو د را ار قرار ۴ بر ۱۰ بی را ار قرار ۵ بر به بیره کاری در گرم ا میکد در در دییم مهود سا دیا شاش ۲۹۴۰ ریال شد داست دا را نی اوجیت د بوده و؟ ۲۴ مشخصی سریا یه نهشش را که ۲۴۰۰۰۰ ریال تست بدوتسمت نمود و کیک قسمت ^{را} از قرار ۴٫۵ بر دباقی رااز قرار ۶ بر به بهره کاری میسگذار دسو د سایی نه اش با ندازهٔ سود تام سرهایه از قرار ۴٫۷ است مرکب از دوقسمت سرمایی حید بو ده است ؟

۳۶ - منو د نوسرماید که یکی ۴۰۰۰۰ ه ریال و دگیری ۴۲۰۰۰ ریال ست بس از عبار و زروهیم ۲۰۹۰ ریال ست بس از ۶۲۰ روز روی هم ۸٪ باشد نرخ برکث چنداست؟

۴۶ و شخفی سرای اش را که ۱۸۰۰ مریال ست به وقست میناید بایره ای آزارا از قرار ۲ ر۳ نر و بارهٔ دیگررااز قرار ۵ ۷٫۷ نز مبره کاری مینها مدیس از ۳۱۵ روزود پارهٔ اوّل ۲ ۹ ۵ ۷٫۵ ریال سبشیل زسو د بارهٔ دوّم میشو د مهرقست چنداست؟

۶۵ - سررسید ،موعد) د و برات یکی کیسال و د و می کدمبلغ آن ۵۰۰ ه و یا مشی زاولی است ۱۸ ماه است اگر نرخ هرد و هر ۴ با شد و تنسنزیل آنها روی م هر ۴۱۰۸ ریال شو د مبلغ اسسی مرکک چنداست ؟ (به تنزیل داخلی و خارجی)

ع۶ - دوبرات یکی ۶۴ روزه و دیگری۴ ۵ روزه است مبعغ فعلی نهامرت از قرار ۵ بر و ۶بر یکی است تعمیر کینسیدمبعغ اسمی دوبرات را درصورتیکدردی

هم ۵۰ ۶۹ و ۱ ريال باشد د مبرد وتنزيل ،

۷۶-براتی ۱۴٫۷ روزه است و مبلغ نغلی ن بترنیل داخلی ۱۴٫۷ ریالی پُ ازمبلغ فعلی ن به ننزیل خارجست گرنزخ ۵ بر با شدمبلغ اسسی برات جسیت ؟ و بندر طلا ومس را با بعم سامیزیم تا ۵۰ ۱۲ کرم شن بعیا ر ۹ رد بدست آید؟ و با شمن است ارطلا وس بعیار ۹ باره و بوزن ۹ ه ۴ کرم چدرطلای خالص برآن با بد

رين مي المردر على كيلوكرم آب . . به كرم عن طعام محلول ست درين محلول جيدراً خلص بريزيم آانكه . با كيلوكرم آن فقط . مركرم مكن داشته إشد ؟

۷۱ - درظرنی ه ۷۷ بیترشراست که بهای مرتبرآن ۱۵ ریال ست جند آب درآن بربزیم با انبکه بهای کمینه بیتر مخلوط کمین ریال شود ۶

۷۲۰ در ۳۰ نیرشیرکه نیتری ۱۹۹ را ریال رزش دار د جفد رسشیر نیتری تحرال

بريزيم المخلوط ليسترى الإربال رزش واستشنا شد؟

٢٧- ٢٠ كيلوكرم آب دريا يك كيلوكرم نكت دارد حقدرآب بي نكت برا نظيراً

نَا يَلِد ٢ مِ كَيْلُوكُر مِ فِلُوطِ ١٢٠ كُرِمٍ كُنْ واشته باشد؟

١٤ يشمثل ست ا زنقره بعيار ١٨٢٥ بركاه وكولوم نقره خانص بن فرائم على

وميزوا هدر ميشو د وزن شمش حقد راست ؟

٧٥ ينمشي سٺ زنقر ه بوزن کيٽ کيلوگرم و بعيا ر ٨رد حقدرنقره بعيار ٥ جرد

بأن بياميريم الحيار آميزه ٥٧٦، شود؟

ع ٧ - آميز إصبت أغلاوس بوزن ٥ ٥ كرم وبعيار ١٩ ٥ ، حيقه رمس مراغيا

بأغياراكميزه وربئووا المناز والمان المناز والمان المناز والمانية والمانية

۱۷۷ - د د آمیزه است کی تعبار ۹ رو کرچون بوزینای مساوی آندورا بیا میزیم نیار سره حاصل ۳۵ ۸ روشوه تقبیر کیسنسیدهیا را میزهٔ د و مراه

بر دوم در می می از مقره ومی دروست می از مش ول ۹۶ ر. ووزن نقر ٔ وفالصش ۳.

وزن نقرهٔ خالص ثمث و قرم است اگر آن د و را بیا میسند ند و زن آمیزهٔ حاصل ۱۶۰۰ گرم

وعیا رش عه ع رومیگرد دنتین کمنسید و زن مبر کیئه از دوشمش و عیار د و می را

۷۹ - دوشمش است زنقره او بی بوزن ۵۰۰ کرم که چون ۷۰ کرنقرونهی برآن بفراندهار ۱.ره بالامیرو دشمش و مرعیارش ۵۸ ر که چون ۵۰ کرم نفرهٔ خالص از آن گبیرندعیارش ۴۰٪

یا منین معرو دعیا رشمش قال و زن شمش و و م حقد راست ؟ -

م ۱۸ - و زن محضوص طلا۱۹ و و نن محضوص فی است آمیزه ایست از طلا وس بوزن همم و بوزن محضوص ۱۵ معلوم کمن بداین آمیزه از چند کرم طلا وحیث دکرم مس ساخه شده آیم ۱۸ - تا ج بیزرن کا با دشاه میراکوز آی به لیوراز مرتبور ۲۰۰۰ مرم ، و زن واشت ارشمیدس عالم مشهور معلوم کرد که درآب با ایوراز و زنش کاسته میتود و از آن رو وزن د طلاد نقر و تا چرو دست آن و در معد کنند دار و دون در از در سرکاسته میتود و از آن رو

وزن طلاونقرهٔ آج را برست ورد ،معین کسنسیداین و وزن را درصور تیکه مرانیم وزن

محسوس طل غراوا وارتقره ٥١٥ است.

۱۹۶ - ۱ وزن قلع درآب کا مندمیثود و پهروزن مرب میزد ایستاز قلع درآب کا مندمیثود و پهروزن مرب میروزان میروزن کاسته و میرب بوزن ۶۰ کیگوگرم از درزش کاسته میشود - از حب مگرم قلع د جندگرم شرب میشود - از حب مگرم قلع د جندگرم شرب میشود - از حب میگرم قلع د جندگرم شرب میشود - از حب میشود -

۳۸- باننی از ۸ به هر که بفاصلهٔ ۵۰ کیلومتراست حرکت نوره پس آرسیك بنقطهٔ هر به مرسیگرده چون جمت و زش از از ۸ بطرت هراست مترت فرن یجساعت میرسشن دوساعت و ۱۵ قیقد است تعیین که نسبه تمدی بان در بهای لی حرکت و تندی با در ۱۰

۴ - دومتوک ارتفطهٔ ۶ برمحیط دا نره ای حرکت می کمندند ولی تام محیط را در په ۲۷ روزو د قومی در په ۳۴۵ روز می بهایند اگر مبر د و در یک تحطهٔ و در یک مهت کمت کمند تقیین کمنسیدنیل زچهٔ مترت بیکدیمخرخ اجمت درمید ؟

۸۵-گلدانیست ازنقره بوزن ۶۴۶ گرم که وزن در آب ۷۱۶ گرم ۳ متیرکن شیدعیا رگلدا نرا دیصورست که وزن مضوص نقره ومس تبرتیب ۴۷ مر ۱۰٫۴۷ و ۶ ر ۸ باشد

۱۰۸۰ کرم د زن دارد اکرسالتر آب خالص درآن بریز ند کیک لیتر مخاوط ۱۰۷۰ گرم و زن خواید داشت تعین کنید نیجات طرف را ، ۱۸۷ د وجرخه سواری با تندی من کیلومتر درساعت میخوا به بیشخسی که که کیلومتر^د ۱زا و دوراست ^د با تندی ^{دن} کیلومتر درساعت حرکت میکند برسد بس زچهٔ مت^{س با}شخص خوا به رسد ؟

کت ۸ ۸ - پیا ده ای زنفطهٔ ۶ و د و چرخه سواری از نقطه ۵ د کیک محطه بطرن محرم سکته میکنیذین زحید ساعت بیا ده از د و چرخه سوار وازنقطهٔ ۶ میک فاصله خوا بر بود دهیوی

یسند پل ر پید ماست به کیلومترو تبذی د و چرخد موار ۱۵ کیلومترو فا صلنه ABس و د و

کیلومشر با بشد ۰

ب يجن درمسًا له في فكرى درجاً ول

۱۵- چا کُده به یم م کی مسئله فکری درجهٔ اوّل کیک مجهولی منجر محل کیک ہمچید درجهٔ اوّل کیک مجهولی میشود که جواب آن ہمچین دی درحالت کلیّ جواب مسئله است و لی مکن ست که جواب ہمچندی موافق با شرطها ی سئله نباشد و درسفیورت جواسبگه نخوا بد بود .

۱ ۵ - تعریف بیخت در یک مسئلهٔ فکری عبارتست! رخیتی دراینکه حواب با چوا بها نیکدازروی بهچندی سئله برست میآید آیا حواب مسئله مسئله مسئله این شدن نیموضوع و نیز سرای نیکه در ضمن اه علی بحث برست آیر بحرای بیکه در ضمن اه علی بحث برست آیر بحرای بیکه در ضمن اه مسئله لای نیمیسیردازیم:

مسئلهٔ ائری بفروشی ۱۲ جلد تناسجبر و بهندسه به ۱۱۵ ریال خرید درصور میله ایدانیم قبیت کیت جلد جسبر ۱۲ ریال کیت جلد بهندسه ۹ ریال شد معین کهنسبهٔ زمر کدام چند جلد غرید ه است ؟

= Y

مجنت مجون جواب مسلمه نمارهٔ کنابست نبا براین به عدو درست باشد مجندی مینی ۲ نمیستواند جواب مسلمه با شدنیا براین مسله غلط است بعنی با ۱۱۵

ريال بالقيمت المسكد ورمسكد كفيد شده عيوان ١٢ جلدكما مبرو بهندسد خريد.

مسلم ۴- بدری ۵۵ سال دار دبیرش ۴۱ سال پیل زهبندسال بن

د و مرا مرسال لمبسرمشود؟

حل - مرّت مجولرا على ميكيير نم سپس ازين مرّت سال پدر عد + ۱۵۵ و سال سپسر ۱۲۰۰ خوا بربود وازر وي مسلما بن تمچين دي مرست ميآ پر

30+x = Y (Y | + x)

and x=-V often 192

بمتعملية والروق فورت المسارتينيين فرميا مركام كرجوا سامسان فالمتبت

باشد دیون سرای × مقدار منفی سداشد ه معلوم میشود مسله با بی سی که طرح سده ا حواب ندارد ،

و لی سیستوان جواب منفی راامنطور تعب بر نمو د که در ۷ سال میش سال بدر د و برابر سال سیرتو د ۵ است

MUL = 00+x = 00-Y = PA

۲۴ - ۷ - ۲۱ - ۲ - ۲۱ - ۲ - ۲۱

مسلنه ۳ مسرکه فروشی د وست مسرکه دارد که قیمت کیف لیترا ولی ۱٬۲۵ رال وقیمت کیف لیترد قرمی ۱ ریال ست میخوا بدازین د وقسم سرکه بهرلیتر مخاوط تقیمت مرکستری به ریال تهیّه کند ، از مرکد ام حب د لیتر بر دارد؟ حل - اگرشارهٔ لیتر بای سرکنستم آول را بد مجیری شارهٔ لیتر بای سرکشم دوم به - ۱۰۰ میشود بنا براین بیجیدی مشاحن است

170 x + (m-x 14) = am

 $z = \frac{m(\alpha-1)}{4\sqrt{2}}$

المجاب أن المال

 $m = \frac{m(a-1)}{0/10} = \frac{m(1/10-a)}{0/10}$

محت - جون واب مسلمه شاره لتراست سابراين ما يد عدوى منت ما

 $\frac{m(1/70-a)}{9/70}$, $\frac{m(a-1)}{9/70}$ (1/70-a)

وقتی حواب مسلماند که عدومشبتی باشد و حون سرمنیت است باید (۱-۵)
و (۵-۵/۱) مردومتیت باشد لینی و (۱-۵ و و و ۵-۱/۱۵ کازاو
د و از و قوی ۱٫۲۵ که نیچه میشود که میتوان گفت برای نیکه سنگه
د ارای جواب باشد باید ۵ درین و مشیر طصد ت کند ۱٫۲۵ که ۱۰ که که د درین صوت و رحالت محضوص مکمن است شارهٔ لیترای کی از و وست مرکه صفر با شد درین صوت و رحالت محضوص مکمن است شارهٔ لیترای کی از و وست مرکه صفر با شد درین صوت با نید و اخرا ست کدرین سنگه این می از درین سنگه این می فید و این به درین فید و این به درین شاند و این به درین فید و این به درین شانه و این به درین فید و درین فید و این به درین به دری

سبحرف بنو و ه شده عمو ما سبحث منجر مشو و به تعیین شرطها نی مین علومها برای این میکری که درانها علوم ا اینکه مستنم که دارای حواب با شد .

(زیراا زروی قدرُ طلق تسبیب فاصله آن نقطه از مبّد، و ازر دی شانه جست! ز ۵ بآن نقطه معلوم مشود) و بعکس

شبطره بطور کتی مقدار جبری را بهیکه درر دی محور بدند از نفطه ای مانند هم تا نفطه ای مانند هم پیمیر ده میشود به AB منائیم و واضح است که AB == BA دیا ه = AB + BA + BA

مسئله - اگر البسین و نفطهٔ A و B تبرنیب ۵ و گا با شد معلوم مسئیله علی مسئله - اگر البسین و نفطهٔ A و B تبری قطعهٔ ط A و قطعهٔ ط B می مود و مثود) حبری قطعهٔ ط B می مود و مثبت با شد بفرض ۵ (کا شکل زیرها صل میشود ا و گا - اگره و کا سرد و مثبت با شد بفرض ۵ (کا شکل زیرها صل میشود

 $\dot{x} = \dot{a} + \ddot{A} = \dot{a}$ $\dot{a} + \ddot{A} = \ddot{a}$ $\dot{a} + \ddot{A} = \ddot{a} = \ddot{a}$ $\ddot{a} + \ddot{a} + \ddot{a$

 $\frac{\partial}{\partial B} + \frac{\partial}{\partial B} = \frac{\partial}{\partial A}$ $\sum_{i=1}^{B} \frac{\partial}{\partial B} + \frac{\partial}{\partial B} = \frac{\partial}{\partial A}$

ویا ه = AB + ع وجون AB = AB است بس خوابیم داشت ه = AB - ع که اوان شتیم مثود ه - ع = AB بینی دنیجالت بهم مان تساوی ۱۱، برقراراست ثمانیًا - اکره و ک سروومنفی اشد از اند الاثابت خوا به شدکه

AB = 6-a

مُّالِيًّا - الره و مح واراى كمِك نشأنه نباشد سُلًا و ﴿ و ﴿ و و ﴿ وَ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ

خواميم داشت AO = OB وجون AO = OB است

بس AB = OB = OB وبا ه - B = OB كديمان تساوى ١٠١٠

پراین نسا وی بیشه برقرارا م م ع = AB = عنی

ع۵ مقدارجبری قطعهٔ ظه ۱۹۵ که برمحوری دا قع است مساتوسیت با آسیس انتها (نقطهٔ ه) منهای آبسیس میدر (نقطهٔ ۸)

تقعهٔ عدم درازای معلوم صباشد تقعهٔ عدم برای پیداکردن نقطه در قطفهٔ علی می کدر درامیمول مکیرم . برای استندازراه جرموری نظبت بر AB بهبد، ه اختیاری نیم. فرض می نیم جرم مثبت این محوراز ه به A باشد ، حال مقدار جبری BCرا به × منائبم ارتشا به دو مشکت ABC و ABC نیجه میشود: منائبم ارتشا به دو مشکت می ABC و می نیجه میشود:

ویا $\frac{2}{a} = \frac{2}{a}$ (برجب عه) کدار حل ن مقدار جری BD مرت $x = \frac{c(a-P)}{a} = c(1-\frac{P}{a})$

بحث -اگرم (۵) باشد × - 85 شبت است و کوچکتراز ع مینی

نقطه ه پن B و A خوا بربود.

اگر مے ماشد بد منفی میشود در نیجالت نقط که در نقطه ای ما نید کا خوا بربود بینی عدد رخارج مثلث میافتد .

ورحالت محضوص ۵ = مح مقدار بد صفرونقطه ۵ بر همنطبق ميثود

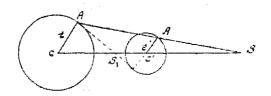
ا زر وى شكل سنيت رنبيخدا بن سجث را ميتوان تحقيق مود .

تمرین ۱ - بهین سئله را حل کسنید و قتی که حبت سنفی از هر به هر باشد . تمرین ۲ - حل کسنید بهین مسئله را وقت بیکه مجول AD باشد

۵۵ متبصره برای کردن مسله لای بهندسی زراه جروقی که مجول تبوا دارای دوسو باشد بهتر است که دا نیذمسکهٔ بالامحور و مبددای اخت یا رکینم آایکک

سه اسان شو د

مسئلی ۵ ـ دردودائرهٔ ۵ و ۵ کوشعاع برکی بتر تیب ع و ۲ مینه گروس کوشاع برکی بتر تیب ع و ۲ مینه گروس کرنسیم خط کون این موضع این فطف را بیا بید ، برای پیداکردن این نقط ۵ مرا مجمول میکیریم چون این مجمول میستواند دارای و وسو باشد بنا براین محوری بر ۵۵ میبد د ۵ اختیار مهمنیم و فرض مینیم کرمین مین مینیم کرمین کرمین مینیم کرمین مینیم کرمین کرمیم کرمین کر



 $\frac{x}{x-d} = \frac{Ac}{Ac} \quad (\Delta \psi) i_{\theta} \quad \frac{CS}{CW} = \frac{AC}{AC}$ $z = a' = \frac{Ac}{AC} \quad (Si)_{\theta}$

حالت اقل مجر و تقر دارای دوشوی مخلف بیباشد-اکری م را ع + (یا ت -) کمیرم نفاه منساوی ع- دیان + دوا بهشدیس

 $x = a' \frac{z}{z + z'}$

محت ورني المت المداعة على المستناء اله الوطراست لعني القطر

محدین ع و نے قرار سکیرو (مانند نقطهٔ _احدور سکل)

مالت وم Ac و Ac وارای کمت جمت بیامت. و بنهور

 $x = d \frac{z}{z}$

بحث - اگر نے ﴿ بِاشد یہ مثبت از کہ بزرگتراست نبابرانی طلع کا، رانظریت ' ی میافید

واگر کے بے باشد ید منفی مشود بینی نقطهٔ کلی در آنظرف ی قرار سکیرد، بینی شیر مرکز دایر و کو حکیروا فع میشو دبین کرنوائرهٔ بزرگست روی دبینی نقطه ای که امتدا دخط والل بین نتهای دوشفاع موازی بهم جمبت خط دو مرکز را قطع میکندی

عالت سوم اعالت محضوص من که ع ع باشد - در مفورت

 $x = d \frac{z}{a}$

در نیجالت به و دایر ه مسا و منید فنطی که انتهای و شعاع موازی بهم همت را وصل میکندگورد خط عُه میشو د و سیداست نقطهٔ تلاقی ندار د

برگا و فرض سیم در حالت <u>عے بے</u> که = x سفاع کو چکتر ستریج بزرک شود در منیصورت عے بے سیدریج کو چکٹ شدہ سبمت صفر میل میکند ولذا قدر طلق x رفتہ رفت ربزرگ میشود بعنی نقطهٔ کد ازی و ورمیشود بطور کیدوقتی نج مسافی ع سٹوداین نقطه درفا صلهٔ پینمایت و ورا زنقطهٔ ی واقع میشود و درنیجالت است کد^و

خطموا زی شده و کوئیم که نقطهٔ تا قی اینا در مینامیت د و رواقع است · تمرمین

۱- مُتَوَکی برمحور معدد ازمبُده ، با تندی مد متردنا نید حرکت میکندسپس زه تا نید با تندی مدر راه میرو دمعلوم کنیدس زچنهٔ اینه بفاصلهٔ که از نقطهٔ ۵ و اقع میتُود ؟

۷- د و چرخه سوا ری بت ندی مه کیلومتر درساعت میخوا بدمتحرکی کدی کیلومترا ز د دورت و با تندی مه کیلومتر درساعت حرکت میکند برسدسپس از چه لدت با و خوا بدرسید ؟

۲- برنظر استی سنقطهٔ ۰ و ۹ و ۱ و قست ۵ = ۵ و ای ه قل براین اشترین استی سنقطهٔ ۱ میانه بین استه بین فاصلا خط نقطهٔ ۱ میانه بین باشد مین فاصلا از نقطهٔ ۱ میانه بین باشد مین فاصلا از نقطهٔ ۱ میانه بین و ۱ مین در ۱ مین در ۱ مین در ۱ مین در استان در ۱ مین در استان در ۱ مین در استان در استان در ۱ مین در استان در

را مستمانی -براین خط محوری مبسد ، ۰ اختیار نبو د ه فاصلهٔ محبول ۱۹۵۹ را منسا وی میگیریم .

۴- درست. گوشدای که قاعده اش بدرازای ۵ مترد ارتفاع و ار د براین قاعده بدرازای هج متراست راست گوشدای محاط کسنید که پیرامونش سار ۴ متر با بشد .

۵ - درسه کوشند مسلمهٔ پیش را ست کو شاه محا دکمنسید که تفاصل و دیدولیش که مترا ۱۶ - از دو زنقدای و و قاعد و وارتفاع معلوم است بدستین فا صله نقطه نقاطع دو ساق رااز میرقاعد ه . ۷- صنامههای سگوسته ای بدرازای ۵ و حل و ۱ است نقطه ای بربهاوی ۵ طوری پیداکستید کرچون از آن فقطه این دو طوری پیداکستید کرچون از آن فقطه این دو خطوا قع در درون سگوشه بدراز ای معلوم ح باشد.

۸ - A و ه و ی سه نقط از یک خطند تا بت کسنسید که اگرروی ن خطبه مخواه یک نقطه ه گیریم خواهیم داشت :

OA' BC + OB' CA + OC' AB + AB · BC · CA = .

۹_د ونقطهٔ A و B در کیطرف خطراست ٔ ۶۳۸ و نفاصلهٔ بای ۵ و کا از آن واقعت برخط ٔ ۶۳۸ نقطه ای مانند ۲ طوری پیداکسنید که پینهٔ سه کوشهٔ ۵ B مساوی ۲۲۸ شود . شود .

را مبنما لی به برخط ٔ جه محوری اخت یا رمنوه ، و موقع عمو دنقطهٔ هر را مبد ، آن میکیریم فاصلهٔ فتاش را از این مبند که مجداست بد فرض کین یم و فاصلهٔ و وعمو و هر و هر را له میگینم الف عَل وَ عَلَى مِنْ اللَّهِ اللّ

عو۵ - مکن ست بعضی سنگه بای کفری درخیا وّل میْل زیب مجمول و اسشته باشد . برای قَلَ نها ازراه جسبه چون موافق قاعدهٔ (۵۰) کل کمنیم مموّا کیک چند بیجندی درجهٔ

ا ول میرسیدی که میش زیک مجهول دا رند ما نندمسئله هٔ ی زیر ! ا

مسئله اقیمت د مترا بهوت و سدمتر فاستونی برر وی هم ۱۲۶۰ رال

معلوم کمن پدفتمیت بختر مبرکد ام را ۰

چون قمت کیب متر ما ہو ت را عد ریال وقیمت کیمتر فاستونیرا بنی ریال فرض کینیم ازروی فرض مسئلداین همخیدی بیست میاید

(1) 3x+ry=1r+.

، لد مکت بهجندی د و هجه ولنست

مناوية المنظمة المنظمة

روي ۱۲۰ بال ايني بازاء بده ۱۸۰ مبال

ین یه ۱۲۰ ریال ست این و عدد راجواب جمچندی (۱) محویند همچنین کرتمین نیمیتر ما بهوت را ۱۵۰ ریال گمبیسه بیم تعنی سید = ۱۵۰ ریال

جمچندی دا ، تبدیل بیک جمچندی کیف مجهولی ۱۲۶۰ = بو ۲۲ + ۰ ۷۵ ویا است میمندی کیف مجهولی ۱۲۶۰ - بو ۲۲ + ۰ ۷۵۰ ویا

مو = ١٧٠ ريال ليني بازاء × = ١٥٠ ريال مو = ١٧٠ ليال

این و عد د نیز کین جواب برای تمجیب دی (۱) پیبامث ند

بهین طریق با زا رهبرمقدا ریکه به بد بدههیم برای بد مقداری پیدا میشود و این وقلر میک حواب جمچندی (۱) است و چون x اختیا رئیست بعنی میتوانیم بحایان

سر عددی که بخوابمسیم کمد اریم نبا براین تهجین دی (۱) دارای حوابهای منبارا مکن ست و جمچندی (۱) سی بینی قمیت کیمتر فاستونی رامعلوم کمیریم دینصورت قلیر

عد تعنی قیمت کی سرا مبوت برست میآید.

ا زمسئاً المعلَوم شودکه: پنهمچندی د و مجهولی درجهٔ اوّل جوابهای مشّار دارد با معناکه اکرمب کی ز د و مجهول همچندی مقداری خست بیا ری دیم مجبول د گیرازروی آن معلوم مشّو د

۵x + گور = c ما عده - برایخ آنه مخینری د دمجه دلی عده - برایخ آنه مخینری د دمجه دلی از دمی از در آن د

بست میآید <u>مع ع</u> به واضح است که درمقابل برمفداری از ید مقداری از ید مقداری بر بیدا میشود .

واگر من رامعلوم کمبریم × ازروی آن حساب میشود <u>بنگ - ی</u> = × بعنی نظیر مبرمقداری از من مقداری برای × پیدامشود ۰

ترین بای شفا ہی

۱- بمچندیهای زیرراص کسندید وقست یکه به عدد مرتبا عدد ای ا و ۱- و ا

مه -- واده شود •

TX-TY=Y 3 X=F3 + A.

1x- 1y+1=0 , 0x= 1y-11

ry=vx-1 , 1rx-ry-b=0

ص ۲ - درمسئلهٔ بالا عدد ۱ را بر بو_ر برمیسه وهمچندیها راحل کمنسید .

۳ - درجچندیهای زیرمعتن کمنسید عدو اکینکه جلوی برجمچنندی نوشته مشده جواب اینجیک

مستیامیت (عددا ول مجای یو و عدد و زم مجای بن)

rx - ty = t | v | -1 | -10 | 1

x + 3y = -1

ع- درمرکین زیمچذیهای زیره و عد دیده کمنسیدکه جواب آن بهچندی باشد و د و عد دنبویسید كرحواب نباشد م

rx - ry = .

0x + Ty = V

۵ × + ۲ y = ۷ ۸ م بطور کلی مرسمحی ک دمیش از یک مجمول داشته باشدوار ا

جوابهاى مشاراست

مثلاً کیت ہمجندی سمجمولی میں + cx + cx عام (بفرض + cabc + o

جوا بهای ٔ یا داست و قاعد هٔ حل آن مینت که بجای و ومجبول آن عدو مانی اختیا^{یی} معملهٔ اروه ومجهول سوّم راا زروی مناحسا کښنیم

تمرين شفا ہي

۱-اگربجای مد ۱- و بجای مو عدد ۲ بگذاریم نی را در بر کیا ایجید

زیر بی*داکسنی*د؛

x + y - 2 = +

y + Y x - T = x

Y x - P Z + A = Y

۲- در بیمین محب بدیما این عدد نا راامتحاک سید ا

کر جواب بستندیان (اولی بجای x و دوّمی بجای بدر سوی بجای ند)

100,0 (x < 117 .

برای این کیم را برای این جمچندی ۱۰ در مسلما صدق کند با بد قیمت کیمتر با جوت را زیا د تراز ۵ رای این این مرای این به بوت کمتر با در این در این

۱ - حدوی و وسیسکری سد اکنشسیا که محموی و و سکرش کی باشد . ۱ - حدوی ۲- بیا وه ای را بی را در مدّت د و ساعت یمو و ه درازای را ه و تندی متوسطش احسا کینسید . ٣- الرقيمة كيب جلدتنا بجبر ١٥ ريال وقميت كيت جلد مندسه ١٢ ريال شديخواميم إ

١٤٥ ربال زين كتا بها بخريم ازبركدام حيث د جلد با ميد بهث.

را منها في _شارهُ ن بها بايد عدد درست مثبت باشد

ع- و مهقانی بسبلغ ۵۰۰ و بریال منجوا برحید گا و وگوسفند بخرد اگرقمت سرگا و ۵۰۰ و رال و

مركوسفنند ، ٧ ريال شد باين سبلغ حيد كا و وجيدُ كوسفند مبستوا نديخر د ؟

را محمنها لی مه شاره کا و ما وگوسفت د ما بد درست ومثبت باشد

مستكمه لا قيمت ۵ مترا بوت مه مترفا مستوني برروي مبسم ۱۲۶۰ ريال ست علوم قبي ينتم بركدام را درصورت كمقيت دومتر ما بهوت ه ۲۴ ريال زقيت ۵ مترفاستوني كمترماشد حل مين قبت يك متره بوت را عدريال قبيت عبر فاستونيرا يوريال كبيريم

ا زر دی فرض مسئله این د و بهجندی برست میآید!

3x + 1 3/ = 17 5 . (rx = 0 y - r + 0

ارْہیجندی وّل y = 1790 - 0x y= YK + YFO د ارجمچندی د وّم

درمبر و ومبحمت ی کیست پس خوا مبهم داشت ؛

وجون بو (قيمت كيترفارو)

Yx + 440 179. - OX

که کیت بمجت دی کیت محمولی از درجه اقراست وجواب آن x = ۱۸۰ رمال ا که ازروی قیمت کیک مترفامستونی بو = ۱۲۰ رمال برست میآید

. ع-ازروی مسکهٔ الا بدوهمچندی ۱۲۶۰ = پو۳۴ + ۵ x

۰۲۰ - بو ۵ = ۲۷ رسسیدیم . گونیداین د وهمچندی شکیل کیدشگاه همچنیدی د ومجمولی درجهٔ اوّل را مید مهند و آن راحین نولیسند:

 $\begin{cases} \Delta x + ry = 1r \phi . \\ rx = \Delta y - r \phi . \end{cases}$

ا ۶ ـ تتبصره - افرسسنلهٔ بالامعلوم میشود که هرکدام ازمجهولهای کیدستهگاه درتام همچند بهای آن مستگاه نمالیش کید داست (چنانکه درجمچندیهای پیگاه

ال ١١٠ و يو = ١٢٠ است)

۴ ۶ و حل کیدستگاه - حل کیدستگاه پیدا کردن مد دناه یا عبارتها منیت کم که د بیمچینه دیهای دستگاه صد ق کندیعنی چون بر کیک از آنغد د نایا عبارتها دابجا محول نظیرخه وش کبذا رند بمچند بهای آن دست کاه جنها و بهای عددی یا تا ^د شدیل شود و این مدد نایا عبارت فی دا جواسب دستگاه گویند ما نیز بده مهده

و سای ۱۲۰۰ که جواب وستکا د د تیمیت دی د ومجولی

$$\begin{cases} 0 \times + y = 1750 \\ 7 \times = 0 y - 770 \end{cases}$$

tel Noneconstitute

۳ و پو کیک جواب برست میآید درصورت که بهرکیا رایمچندیهای دستگاه ارای مرکیا زمونوی در و پیک جواب برست میآید درصورت که بهرکیا را بهمچندیهای دستگاه ارای میشود که بین این جوابها فقط یکعد د برای بد و کمک عد مرای بو یا فت میشود که در مهر د و بهجندی دست گاه صد ق می کنند دیمنی عمو ما کمدیگاه د و بهجندی درخه اول دارای میک جوابست

مترین شفا ہی ۱- رسیدگی کمنسید کہ عدد ہی کہ ا_ح جواب کدا م کیئیا زوست کا ہمائی پراست

$$\begin{cases} 7 \times -1 = y \\ \Delta x - y = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{y} - \frac{y}{\Delta} = y \\ 7 \times -\Delta y = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{y} - \frac{1}{y} = y \\ \frac{x}{y} + y = \frac{1}{y} \end{cases}$$

۲- در دسته بهای زیررسیدگی سنیه ایا عدد نا سیکه جلوی مردسته کا ه نوشته شده وجواب

الن ومستركا ومست يأنيت

$$\begin{cases} \frac{x}{r} - 1 = \frac{y}{r} - 1 \\ (xx + ry = 0) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - a = ry + \frac{1}{r} \\ (xx - \frac{1}{a} = y - 1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - \frac{1}{a} = y - 1 \\ (xx - \frac{1}{a} = y - 1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - \frac{1}{a} = \frac{1}{a} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - \frac{1}{a} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x -$$

علاع حل کردن کیدستگاه و وجمچندی و وجمخولی خیا کرگفت پیم دشارهٔ ۴۷ سیدا کردن جواب دستگاه است بعنی عدولایا عبا رتهانی که سرگاه بجای مجبولها کدارده شو د مزجمحیت دی دشتگاه بهیک تساوی عددی یا یک اتحا د تبدیل شود ،

۵۶ - قا عده صل قا عدهٔ کلی برای صل کیدست گاه وهمچندی دو مجمولی (یاحب مبهچندی حیندمجمولی) است کدازر وی ن شکاه بمجندی مائی کت مجمولی بیدانست مربطور کیرجواب ن مجیند تھے۔ اجواب شوگاه

برای پی منطوراین کمت، را درنظر میکیریم که جواب سرمجول عدد یا عبار بند که در تا مجمحین بدیهای دستگاه صدق کند .

مثال ا ـ رستگاه و وسمچیندی و و مجویل:

$$\begin{cases} rx - ry = \varphi \\ rx + y = V \end{cases}$$

صل - ازروی مین دست که میتوان یک بهجیدی یک مجهولی سرست به برست آور دسرای این کار کا فسیت که یکی ازین و دسمجیت میرااز دیگری ترای را در در میری آنها در در به بیندی تا براین زکاستن آنها از براچون میرکیت تساوی عد دی بیدا میشود ی مثلاً اگرو وطرف بهچندی و از تسبت از د وطرف بهچندی و سنگاه از د وطرف بهچندی دستگاه از د وطرف بهچندی دستگاه نایش میکید داران نایش میکید که از آن

$$\begin{cases} \mathbf{r} \times -\mathbf{r} \mathbf{y} = 1 \\ -\mathbf{r} \times + \mathbf{a} \mathbf{y} = -\mathbf{A} \end{cases}$$

برای پداکردن کیک جمچندی کیک مجبولی برحسنب در باید مجبول x راحدت کرد در نیجاد و طرف جمچندی و آل را در ۲ و دوطرف جمچندی دوّم را در۳ ضز میکینماین دستگاه حاصل میشود

المال حول بن و مجیند برا با بهم جمع کمنیم به پندی کیک مجولی ۲۲- و بر ۱۱ برست میآید کی کیک مجولی ۲۲- و بر ۱۱ برست میآید کی در در بهجیندی ول بر و ترار در سیم بهجیندی کیک مجولی ۱ = ۲ + ۲ س پیدا میشود کر جواب است و کر جواب و سکاه بالات ان ۱- و ۲- جواب و سکاه بالات از بن و مثال بن قاعده برست میآید :

عود- قاعد ه ا وّل يخست جله لا ميت بدو طرف راجمع نيم

بطور کی مبرمحبول در سبرمحب دی در یکجله باشد تا دسکاه دوهمچندی وجمولی بصور کی مبرمحبول در سبرمحب دی در یکجله باشد تا دسکاه دوهمچندی وجمولی بصنورت کلی

 $\begin{cases} -c & c \\ -c & c \end{cases}$

يس رآن براي کل ين و شکاه بايد وصورت لروم مركم نياز و وسمجيدي وشكاه را درعدوى مناسب صرب عنيما قدرطلق ضربها ي كأرجولها (مجهوليراكه منيحاميم مذف كنيم) در دومهجندى مسا دى شود . بيراران لراین وضریب دا را ی یک نشا نه با شند د وهمچت ی حاصل راازهم كم سينه واكرنه الخارا بالمجمع مكنيم ما كان مجيدى كائه في مه مهول کر) برست اید و دون این مجین ری کام مجولیرا اکننیم کمیر محبول سیسدامی شود وازروی آن محبول کیر پرست میآید. تبصره مكن ست كه مجول وم را نيز بوسيلهٔ حذف مجول ول رست وو و قت يكه بخوا بيم فقط كمي ارد ومحولرا باين عده حذت سيم مبتراست مجولي احت كينم كدمسا وى كردن ضربها نتل سانترا شد . مثال ميخواسيم وسكاه

 $(1) \begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c \end{cases}$

استا زروی بن قا عده حرکه شیم

ساد وشدن على مترانست كدين صرمهاي ن محبول يونكترين مصرب بيدا مؤده

د وطرفت مرسمچندی را درمبراین کو حکیترین مضرب برضریب آن مجبول درآن بمچندی ضرب کینم.

مثلًا میخواتیم مورا درین دسگاه $\begin{cases} x - 1 & y = 1 \\ \frac{x}{2} & x + y = 0 \end{cases}$ حذف

کییم کوچکترین صفرب ضریعهای سی (عدد مای ۱۸ و ۱۴ است.) سراین دوطرف جمچندی و آل را در ۲۷ = ۴ و دوطرف جمچندی دوّم را در

٣٢ = ٣ صرب منحث على بن وسنكاه بيدامية و:

۲ × -۲۲ ه ال مساوت: المساوت: المساو

غري

ا وَّلا برا ي حَلِّ وستمَّا بها ي زير لقِا عد هُ ا وَّل معلو مُكسنسيدًا ياكد ام كمنا رْد ومجهول را

مذف کمنیم متراست؟

اً يَا مِركِت رابقا عده الاحلكسنيد

 $\begin{cases} x + y = -\Delta \\ x - y = \gamma \end{cases}$ $\begin{cases} x + y = -\frac{1}{2} \\ x + y = 1 \end{cases}$

$$\begin{cases} x-y = \frac{y}{\Delta} \\ 1x+y = \frac{A}{\Delta} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x+y=-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x+y=-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x-y=-1, \beta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x-\Delta y=-1, \beta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x-\Delta y=-1, \beta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x+y=1, \Delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=$$

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ x + y = -0 \end{cases}$$

ملکنید .

حل میتوانیم کت جمچندی کیک مجبولی ازین دستگاه بدست آ و ریم بدست رست

كَهُمُلاً × رااز بهجِند كي وَل تجسب بو بيداميكينم! بوج ١-٣ (١)

و سر۳-۱ را بجای × د جمحیت دی د و م سیکنداریم این همچندی کیک مجمولی پیدا مشود:

 $y = 1 \quad \text{i.s.} \quad -y = -y \quad \text{i.s.}$

اگر ۱ را بجای مو دبهجیندی (۱) گذاریم ۴ پیدامیشود!

x=1- " X1 =- "

مکن بو د که یو را برحسب × در یکی از د و همحین د ی سگاه پایمنو د ه د همچندی دگیم مرک بهمز مرک مرب

سرع ما مات جمعندي يك مجمولي سرح ما ماك جمعيد ي برست آيد .

ازین مثال قا عده و گیری برای حل دستگاه دومجویی بدست میآید: ۷ ء - قا عدهٔ و وم - بیل زاکمه دسگاه را بصورت کلتی

 $\begin{cases} ax + by = c \\ ax + by' = c' \end{cases}$

ر ورا وردیم از کمی از دو تبحیت محبولی را (مثل ×) سجست محبول گرمثلاً پر) میداکرده داهچین دی د کیرمجای ن محبول (تعنی ×)میکذا ریم اکیت جمچیندی ک مجمولی برحسب مجمول دیگر (تعنی یو) پرست ید . ا رحل بی بهجیندی مجبول د کمیر ^د مینی _{مور)} سیدا وا زر وی آن مجبول وّل حسام^{یتود} مه دا و ری برای حَلّ کیٺ دستگاه باین قاعده مبترانست محبولی راا زمیان

ببریم که ضریبیش سا د ه ترا زصرسها ی دگیر با شد ۰

راتبا عدرة وم حاكمند (ax + by = c) (ax + by' = c')

ط . - از کی از و و همچندی دست گا ه شلاً ار همچندی ول کی ز د و مجول شلاً × را (1) $x = \frac{c - \theta_0}{\alpha}$ $x = \frac{c - \theta_0}{\alpha}$ $x = \frac{1}{\alpha}$ د این مقدا ررا بجای « و بهجندی د ّوم دستگا ه سیگذاریم این جمچندی کیت مجلو áx € - 0 + 0 = é : 1 = i

ác - bay + oby = ac l,

العرض عدد عدد (ملك على العرض عدد عدد عدد العرض عدد عدد العدد الع سوحت بسيّوه مي <u>هي عهد يا که حون د جمن</u>دي (ا) سجاي پر

مناويش را قرارة يم جواب عربهست ميآيد إ

$$e - \frac{b - ac' - ca'}{ab' - ba'} = \frac{cb' - bc}{ab' - ba'}$$

ا وّلّاً در دمستگا بههای زیر کدام مجول باین قاعده حذف شود تا حل دستگاه آسانترشود

$$\begin{cases} x - yy = 1 \\ y - yx = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + yy = 1/3 \\ x - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a - \frac{1}{r}b = -1 \\ b = \frac{a}{r} + 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} rx - ry = a \\ rx - ry = -r \end{cases}$$

$$\begin{cases} x, 0 \times -y = 1, 0 \\ +x - xy = 1 \end{cases} \qquad \begin{cases} 0.9 - + 1 = 0 \\ 0.9 - + 1 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} YM - \frac{1}{V}R = -1 \\ YM + YR = 10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{r} \varkappa - \frac{1}{v} v = 0 \\ \frac{\Delta}{r} \varkappa - \frac{V}{r} v = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7 \times -1, 5 y = -7, 5 \\ 1, 5 \times -7 y = 1 \end{cases}$$

$$0 \quad 3 \times -7 y = 1$$

مثال - دسگاه دونجول

$$(7 \times - 79 = 1)$$

 $(3 \times + 79 = 17)$

ول ما

حل - در دو بیجندی دسگاه کینه بیجول (مثلاً x) را برحسب بیجول دگرسیا میشیم از بیجندی آول میلای با بید دی و از بیجیشدی دی و وم میشیم از بیجندی کی است بنابریا در دو بیجیندی کی است بنابریا از مقابسته این دومقدار x کان بیجندی کان مجمولی برحسب می برست کی آیا

 $\frac{1+\frac{y}{y}-\frac{1y}{a}}{1-\frac{y}{a}}=\frac{1+\frac{y}{a}}{a}$ $|(a)^{-1}|$ $|(a)^{-1}|$ |(a)

 $\frac{1+\psi \times 1}{\psi} = \gamma \qquad \qquad \vdots$

ازی شال ی قا عده بست ساید: بر ج ـ قاعدهٔ سوم کیسل رتبالی کست کا دجورت کی

 $\begin{cases} ax + 3b = c \\ ax + 3b = c \end{cases}$

والمراجع والم والمراجع والمراجع والمراجع والمراجع والمراجع والمراجع والمراج

سدامینسیم و چون د و عبارت که بست میآنید با هم منها و نیدارتها و ی نزایک همچیدی کیف محبولی سرحسب محبول گیر (بینی من) تسنیل میشود و خلّ این جواب محبول دمینی من) برست میآید و از روی آن محبول گیر دمینی ×) حساب مشود .

شال - دستگاه د ومجبولی

 $\begin{cases}
ax + by = c \\
ax + by = c'
\end{cases}$

ه کست.

عل ۔ x را در مرجمی نیدی برحسب س پیدا می منسیم درجمیندی اول

 $x = \frac{c' - g'}{a'} \qquad \begin{cases} c' - g' \\ c' \end{cases}$ $x = \frac{c - g'}{a}$

ازمقایسهٔ دومقدار بر این تحییندی مینه محولی مست میآید

 $\frac{c - by}{a} = \frac{c' - by}{a}$

 $y = \frac{ac'-ca'}{ab'-ba'}$ وارروی

للرين

ا بن دسته كا بهما را بقا عده موّم حلك نيد:

-17"X_

$$\begin{cases} x-ry=r \\ x-y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} \alpha+r\theta=y0 \\ \gamma\alpha-\theta=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x+y=\frac{1}{r} \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{x}{r}-\frac{y}{r}=\frac{1}{r} \\ \frac{x}{r}+\frac{y}{r}=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x+y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x-ry=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x+ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x-ry=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x+ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x=ry=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-ry=\frac{1}{r} \\ x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \\ x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \\ x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \\ x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0 \\ x-ry=0 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-ry=0$$

 $|y| \begin{cases} \Delta(x+y) - \gamma w = \psi(y+1) & \text{obs} \\ \psi(x-y) + \Delta(y-1) = 19 \end{cases}$

ر وی دستورنای کرا مرحل کمنید

نخنت ین دستگاهرا سا ده می کنیم ما باستصورت درآید:

 $\begin{cases} a \times - y = 16 \\ x + ay = y. \end{cases}$

برازان در دستورهٔ ی کرا مربی بی صریب مقدارهٔ ی نظیرشان را قرارمیمیم تاجواب بد و بو بدست آید:

$$x = \frac{cb - bc}{ab - ba} = \frac{19 \times 0 - (-r) \times r}{a \times a - (-r) \times r} = \frac{1 \cdot 49}{10 + 9} = \frac{110}{10} = a$$

 $y = \frac{ac' ca'}{3b' - 6a'} = \frac{\Delta x r^{\circ} - 18 x r}{\Delta x \Delta} = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} + 1} = \frac{1 \cdot r}{r^{\circ}} = r$ $y = \frac{ac' ca'}{3b' - 6a'} = \frac{1 \cdot r}{\Delta x \Delta} = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} + 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ} - 10^{\circ}} = r$ $y = \frac{10^{\circ} - 6A}{10^{\circ}} = r$

× و بو برد و دارای کی برخه ما م سامشندکدا رصرسهای مجولهانسکتیل شده است باین ترتیب که ضرب یه جمیدی ول را درضرس یو جمیزی دوم وین ضریب بر جمیجندی ول را درضریب بهجندی د وم ضرب تشیم و دوحاصل ضررا اربهم فم محنسيم اين تفاصل بهان برخه نام x و y است (عد عد الله عد عدم) وبرا يقمس برخدشا ربرهمول كافست كر ورمرخه ما م يجا ي ضربهاي آن مجول مقدار معلوم نطيراً نرا كبدا ريم شلاً اكر برخه ما م عه - وع مگیری مرخد شارید این طور مدست میآید که درین عمارت کای ه و نه شرقت و و د را مجذاریم ما عی- نه بست آید $x = \frac{cb' - bc'}{ab' - ba'} = \frac{bc' - cb'}{ab' - bc'}$ الر $y = \frac{ac' - ca'}{cc'} = \frac{ca' - ac'}{fa' - ac'}$ « نبنیه - و اضح است که مردستگاه و وجمحت ی د ومجهو یی رامیستوال روق سر کمٹ از قاعدہ نای بالاحل کر دولی عمومًا ازروی کمی از مین قاعد ، نا زود ^{تر} جواب يست ميآيد . يا دانش موزاست كه درخل بروستها و قاعد و اسًا نرابط ديرد .

۱ - سر کامت از وست تا این این زمیر را مهرسه تا امد و تو مصیحتین زروی شده بری کردام حاکمتید ا

تْ نَيَا ازروي أن فا عده آن دستنگا ه راحل كمنسيد .

$$(\tau) \begin{cases} \frac{r}{r} x - ry = r \\ \frac{1}{r} x - y = r \end{cases}$$

$$(1) \begin{cases} \frac{1}{r} x = \frac{1}{r} y + 1 \\ \frac{1}{r} x = \frac{r}{r} y - 1r \end{cases}$$

(درین دوشال مبترا مینت که برخه نا مها راا زمین نریم زیرا چون دوطرت جمچند کا ول دستگاه (۱) را برتیم می کمنیم درد و بمچندی وستگاه ۲۰ بسهولت حذت میشود و بمچنین گرد دطرت بمچندی قرم د و ۲۰ را در بیسنر کمنیم یو بسهولت حذت میشود می

$$\begin{cases} \frac{1}{r} \times + \frac{r}{h} y = 1 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times = r \frac{1}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 14 \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{$$

$$\begin{cases} \Delta x - 4, 9y = 1 \\ x - 7, 9y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta x - 4y + 1 = 0 \\ 1, yx - 7, yy + y, 9 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} r, \forall x + r, sy = A, A \\ \forall 1, \forall x + r, ry = r, r \end{cases} \begin{cases} r, rx - r, sy = 1 \\ r, rx - r, sy = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\psi}{\psi} \times - \frac{1}{\Gamma} (y+1) = 1 \\ \frac{1}{\Gamma} (x+1) + \frac{\psi}{\psi} (y-1) = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{\Gamma} (x+1) + \frac{\psi}{\psi} (y-1) = 9 \\ \frac{1}{\Gamma} (x-1) - \frac{1}{\Gamma} y = \frac{1}{\Gamma} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\Delta}{x+\gamma y} = \frac{y}{\gamma x+y} \\ \frac{1}{\Gamma} (x-1) = \frac{1}{\Gamma} y = \frac{1}{\Gamma} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\Delta}{x+\gamma y} = \frac{y}{\gamma x+y} \\ \frac{1}{\Gamma} (x-1) = \frac{1}{\Gamma} y = \frac{1}{\Gamma} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\Delta}{x+\gamma y} = \frac{y}{\gamma x+y} \\ \frac{1}{\Gamma} (x-1) = \frac{1}{\Gamma} y = \frac{1}{\Gamma} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x-\gamma} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \\ \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma y} + \frac{\lambda}{x+\gamma y} = \frac{\lambda}{x+\gamma$$

این تسا وی کدستگاه دوهمخپدی دومجهولی است ارتبقرار:

$$\begin{cases} \frac{x+y}{y+1} = \frac{r}{r} \\ \frac{y+1}{x-y} = \frac{r}{s} \\ (x-r): (y+1): (x+y-r) = r: r: \delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x-r)(y+r) = (x-r)(y+r) \\ (x+\Delta)(y-r) = (x+r)(y-1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} (rx-1)(ry+1) = f(x+r)(y-r) \\ f(rx+r)(y+1) = (fx-1)(ry+r) \end{cases}$$

۷- بسیاری از دستگا ه جمچندی تا ی د ومجولی سپس ارسا و وکرون داز

ن سردن برخه نا دما وسسم حله لأى تنشأ به) از درجه لأى غيرا قال ميثوند ولى سبا اتنا ق مها فيه كديرا و سا د و الصحال عضى ارا نها رائحل كيك يا چند وستسكاه

و وتنجیت کی د ومجمولی درجنه اقبل تبدیل نمو د .

مثال ا- دسته کا د د وجیجندی د وجیمولی

$$\begin{cases} \frac{F}{x} - \frac{F}{y} = 1 \\ \frac{F}{x} + \frac{7}{y} = F \end{cases}$$

حل - چون برخه نا مها رااز پین سریم باین دستسگاه د ومجولی درجهٔ د ومرسم

 $\begin{cases} \frac{1}{x} = X \\ \frac{1}{y} = Y \end{cases}$

$$\begin{cases} \forall X - \forall Y = 1 \\ \forall Y + 2 \forall Y = 4 \end{cases}$$

میشود که نسبت به X و Y دستسگایها ز درخدا ول ست که چون مزاسکار قاعده

یر و م^ن نیزمشل × و بو مجهولند سرای سداکردن نها با درنظر کرفتن دستگاه دی وستگاه ۱۱) را میتوان شین نوشت

$$\begin{cases} ru-v=\frac{\pi}{r} \\ ru+rv=\frac{\Delta}{r} \end{cases}$$

ارْصَلِ مِن السَّكَاه مد و م مستملًا الله عد و الله على المرحون بجای مه و مد دردسگاه ۲۱) مساولیث نرا قرار دبیم وشگاه

$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} = \frac{1}{y^{x}} \\ \frac{1}{y^{x}-y} = \frac{1}{y^{x}} \end{cases}$$

برست میآید که چون آن راسا د گهنیم مبکن دستگاه د ومجمولی درجهٔ اول تبدل

میشود وا رُحُل ن حواب دستگاه ۱۱ ، برست میآید ۲ = x و ۱ = پو

مثال ۳ ـ دسگاه و وجمحت ی د ومجمولی زیر راحل کمت ید:

$$\begin{cases} 1 & \text{if } x = 1 \\ \text{for } x = 1 \end{cases}$$

طرف چيه جمچند کي وّل وتسگاه برطرف چپ همچند ی دوّم وتسگاه بخش نمبر زبرادستگاه (۱) را میتوان مینن نوشت

$$(Y) \begin{cases} (Y \sqrt{y} - Y \sqrt{x})(Y + Y \sqrt{x}) = Y \\ Y \sqrt{x} - Y \sqrt{y} = -1 \end{cases}$$

$$(Y) \begin{cases} Y \sqrt{x} - Y \sqrt{y} = -1 \end{cases}$$

$$(Y) \Rightarrow (Y) \Rightarrow (Y$$

$$\begin{cases} \frac{r}{x} + \frac{A}{y} = r \\ \frac{10}{x} - \frac{r}{y} = r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{x} + \frac{A}{y} = r \\ \frac{3r}{y} = \frac{3r}{y} = \frac{1}{x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x-Y} + \frac{1}{y-Y} = V \\ \frac{\Delta}{x-Y} - \frac{\varphi}{y} = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\Delta}{x-Y} + \frac{1}{y} = Y \\ \frac{\Delta}{y-Y} + \frac{1}{y} = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\varphi x}{Y \times -Y y + 1} - \frac{Y y}{x + y - 1} = Y \\ \frac{X}{Y \times -Y y + 1} + \frac{Y y}{X + y - 1} = \frac{1}{Y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{Y}{Y \times -Y \times y} = S \\ Y \times X - Y \times Y = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times + \Delta} - Y \times Y = Y \\ Y \times X - Y \times Y = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times + \Delta} + \frac{1}{Y \times + \Delta} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times + \Delta} + \frac{1}{Y \times + \Delta} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times + \Delta} + \frac{1}{Y \times + \Delta} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times -Y \times Y} = X \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{Y \times Y} =$$

$$(A) \begin{cases} \mathbf{r} \times -\mathbf{r} \mathbf{y} = \mathbf{I} \\ \mathbf{r} \times -\mathbf{r} \mathbf{y} = \mathbf{r} \end{cases}$$

 $e^{y} = \frac{1 + ry}{r} - \epsilon y = r$

۲= بوع- بوع+ ۲ درین همچندی کیک مجهولی ضریب بو و مقدار معلوم مبره و مفراست بعنی ه = بو × « پس موجب (شارهٔ ۶ع) بو ۱ رای بها میشیاراست و بازا ، برمقداری از بوجوابی برای × از بهچندی (۱) برست می به بیشیاراست و بازا ، برمقداری از بوجوابی برای × از بهچندی (۱) برست می به بیشیاراست .

مستقیماً هم میتوانستیما بر مطلب را پیش مینی کسنیم زیرا همچندی و م دسگاه (۹)
هما جهمین بدی و ل ستگاه است که صربهالیش در یک عدو رعدو ۲ صرب
شده بس درحقیقت این وستگاه شایل میک همچندی دومجولی است و چناگند
میدا نیم شارهٔ حود می کیک جمچندی درجهٔ اوّل دومجولی جرابهای مثیار دارد دبرا
میدا نیم شارهٔ حود می کیک جمچندی درجهٔ اوّل دومجولی جوابهای مثیار دارد دبرا
میدا نیم شارهٔ حود می این میا میستوان مجای می از دومجول عددی اختیاری کلاؤ
میرا حساب این و بنا براین زین شال حسنیس برمیا میکه ا

17-18-17- VY

$$\left\{
 \begin{array}{l}
 \alpha x + \beta y = c \\
 0
 \end{array}
 \right.$$

$$\left\{
 \begin{array}{l}
 \alpha x + \beta y = c \\
 0
 \end{array}
 \right.$$

عنی ضربهای هرمجهول مجینه معلومهای مرمجهول مجینه معلومهای مجند بهای وست کا فطیر تفاسب باست نداین و سکا و سکی از دو مجند بهای خودش تبدیل میشود و نبا براین وا رای جوابهای مشاراست مثال ۲- این وستگاه دومجولی را حاکمت

$$(B) \begin{cases} x-y = y \\ y = -\hat{y}y = 1 \end{cases}$$

برای حلّ دسگاه × را حذن میکینیم بدین طریق که د وطرف جمچندی وّل را در " صرب منیا نیم آ دستسگاه چینین شو د

$$\begin{cases} x - y = 9 \\ x - y = 1 \end{cases}$$

از تفریق این دوجمیندی مو هم حذف شده حاصل مشود ای کذشت پر معلوم میشو دخو د دستگاه نیز نا شدنی بیباشد با بین عنی که نمیتوان د و عد دربیالرد کدچون بجای مجبولهای دستگاه گذاست ته شود د و نساوی عددی برست آید ملاحظه می ننیم که سبب حذب شدن مو تمناسب بو دن صنرسهای د ومجبول (* و ی در و جمچندی است وعنت انشد نی اینست که حبله بای معلوم دو همچندی تمناسب! ضرسپای مجهولهای دوجمچن دی نبو ده است بس! بین پیخه میرسیم! ۷۳-مبرگاه در دستگاه دوجمچندی دومجهولی

$$\begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c \end{cases}$$

ع و در یکی بود و و مخالف سنبت بین دومعلوم باشد دستگاه ناشدنی برد و و دارای حواب نسبت

تبصره - ازروی دستگاه (۱) که بهم ارز دسگاه (۵) است نجو بی می پنیم که دستگاه (۵) نانشدنسیت زیرانمیشود کیدفعه برو- ۲ ۳ برابر ۹ و کیدفعه

برابر اباشد

خلى صُمُحَتُ إلا را ميتواً ان حينين نوشت!

۷۲- حالت اول - سرگا د دردسته کا د دوجمچندی د ومجمولی

$$(1) \begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c \end{cases}$$

صربيا ي مرمجول طير تبطير ماسب المعلومها إشد

$$\frac{a}{a} = \frac{g}{g} \neq \frac{c}{c}$$
 اگر مارد.

طالت سوّم - درغیراین دو حالت بینی وقت بکده هے + ج (۴) با شد د تسکاه دارای یک جواب معیق ست

(a)
$$\begin{cases} x = \frac{cb' - bc'}{ab' - ba'} \\ y = \frac{ac' - ca'}{ab' - ba'} \end{cases}$$

شبصره - بیخه تنجین با لاراا زر وی عبارت جوا بها نیز میوان ست و^و

بریطرین: اگر دستگاه (۱) دارای جواب با شد حواب آن بصورت (۵) است و درو وسگاه (۱) دارای کمک حواب معین ست که برخه نام م نخه ه که عه عه که وسگاه (۱) دارای کمک حواب معین ست که برخه نام م نخه عه خه که ویا می خواب که شده میشود میشود می که خواب که میشود میشو

(در نخالت عه - على نیرنخالف صفراست . جرا؟) بالاخره اكر ه = مع - عه ومثلًا م م مد م منزر الرصفراً يعنى ع = ع م وسكاه داراى جوابهاى شياراست (در نوالت عه - ن نرصفراست و جرا؟) مثال ۱ به رستگا ه د وتهمچند ی د ومجمولی $\begin{cases} (\Upsilon - \lambda) \times + y = \lambda + \varphi \\ (\lambda + \varphi) \times + (\Upsilon \lambda + \gamma) y = \Lambda - Y \lambda \end{cases}$ راحل نمو و ه و درازا دمقدار فی مختلف ۸ در وجود حوا آن سحت کسند اگر نه علی عنی ۱ - ۱) ۴ مخالف صفر اشد ریسی ۸ نه صفر با شدوند ۱) درمنصورت د سسگاه دارای یک حواب مُعَتَّن ت $y = \frac{Y(\lambda - \Delta)}{1 - \lambda} \quad \Rightarrow \quad x = \frac{\lambda + Y}{1 - \lambda}$ ر حالت که ماد که یا ۱ ماد که ماد ماد در حالت که ماد حالت أول م من ورسفورت acia cai منرصفر مشود ووقاه حنىن مشو د

یعنی ضربهای مرمحبول و مقد ۱ رنامی معلوم تنا سنبد در نیجالت دسگاه دا رای جوابهای مثیا رند

ورسگاه بصورت ناشدنی $\lambda = 1$ مخالف صفرات و مشگاه بصورت ناشدنی

$$\begin{cases} x + y = 0 \\ 0x + 0y = 1 \end{cases}$$

$$(x + 0y = 1)$$

$$(x + 0y = 1)$$

شال ۲- بجای » و در چه عدد نانی کمذاریم ماین دستگاه مبرشود؟

$$\begin{cases} (\alpha - \beta) x + (r\alpha - \beta) y = r\alpha\beta \\ (\alpha + \beta) x + (\beta - \gamma) y = r\alpha\beta \end{cases}$$

برای ایکه دسگاه مهم شود باید ج = ج = ج = باشدویا

$$\frac{\alpha - \beta}{\alpha + \beta} = \frac{\gamma \alpha - \delta}{\beta - \gamma} = \frac{\gamma \alpha \beta}{\gamma \alpha \beta} = \frac{1}{\gamma}$$

ازین ت وی کیدشگاه د و همچندی د و مجهولی سرحسب » و حر برست ساید

$$\begin{cases} \frac{\sqrt{-\beta}}{\alpha + \beta} = \frac{1}{r} \\ \frac{r\alpha - \Delta}{\beta - \gamma} = \frac{1}{r} \end{cases}$$

جواباین دسگاه چنین شت $\frac{3}{17} = \alpha$ و $\frac{1}{17} = \alpha$ که بازاد

آنها دستگاه (۱) مهم و باینصورت میشود

$$\begin{cases} \frac{\Lambda}{1V} \times - \frac{V}{1V}y = \left(\frac{1\tilde{p}}{1V}\right)^{V} \\ \frac{V}{1V} \times - \frac{111}{1V}y = V\left(\frac{1\tilde{p}}{1V}\right)^{V} \end{cases}$$

$$S = V \cdot \frac{1}{1V} \cdot \frac{1}{1V}$$

۱- اولا بین رحل معلوم کت یدکدام یک زبسته کا بهای زیرمهم دکد ا میک شدنی

وكدام كيت دا راي كيث جوا ب معيني است

$$\begin{cases} x - y = r \\ rx = r^{2} \end{cases} \qquad \begin{cases} rx - 1 = y \\ ry = rx + r^{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = x - r \\ y = \frac{r}{r}x + \frac{r}{r} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1 \\ y-x=y \end{cases} \qquad \begin{cases} xx-y=1 \\ y-x-y=-1 \end{cases}$$

نْ نَيْا ارْرُوي خَلِّ سِرِيتِ نِيرُورُ وَجِودِ جِوا بِأَ مَا تَصْعَلَيْكِ كَنْيَدٍ .

٧- كيد شكا ونبهم و كيك وشكا ذا شد في ورست كنسيد .

على بهجيدي و دَمرِ دين ومستنها و لا رو بوليسبد بطور کيد و سنگا جها اا شد ني با شدي و نقيا گهنسيدگه و سنگا جها مهم إو شد و لا جرکيت و دروي کيسه جود ب معيني ومشهند .

$$\begin{cases} \forall x - y = 1 \\ \vdots \\ x - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a - y = t \\ \vdots \\ a = t + \Delta t \end{cases}$$

$$\begin{cases} \forall x + y - y = 0 \\ \vdots \\ x + y - y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \forall x + y - y = 0 \\ \vdots \\ x + y = q \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = a^{y} + ab \\ x + y = q \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = a^{y} + ab \\ bx + y = q \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = a^{y} + ab \\ bx + y = q \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = q \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + y = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + by = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + by = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + by = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ab \\ bx + by = ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} a(x-a) = b(y-a) & (cx + dy = c' + c') \\ b(x+b) = a(y+b) & (dx + cy = cd + c') \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = a^{r} + yab + b^{r} \\ bx + ay = a^{r} + yab + b^{r} \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax + by = ya \\ x + y = \frac{a^{7} + b^{7}}{ab} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = y \\ ax + b^{7} = a^{7} + by \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = c \\ \frac{x}{a^{7}} + \frac{y}{b^{7}} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{y} + \frac{y-b}{y} = a \\ \frac{x-b}{y} + \frac{y-a}{y} = b \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-b}{a+b} + \frac{y-a}{a-b} = \frac{1}{a+b} \\ \frac{x-b}{a+b} - \frac{y-a}{a-b} = \frac{1}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a-b)x + (a+b)y = a+b \\ \frac{x}{a+b} - \frac{y-a}{a-b} = \frac{1}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a^{\dagger}+b^{\dagger})(x-1) = ab(yx-y) \\ \frac{x-a}{x} = y+y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \\ \frac{x}{y} = \frac{a-b}{a^{\dagger}+b^{\dagger}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{x} = \frac{a-b}{x} \\ \frac{x}{y} = \frac{a-b}{a^{\dagger}+b^{\dagger}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{x} = \frac{a-b}{x} \\ \frac{x}{y} = \frac{a-b}{a^{\dagger}+b^{\dagger}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{x} = \frac{a-b}{x} \\ \frac{x}{y} = \frac{a-b}{a^{\dagger}+b^{\dagger}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{x} = \frac{a-b}{x} \\ \frac{x-b}{x} = \frac{a-b}{x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x+1}{y-1} = \frac{a-b}{a-b} \\ \frac{x-1}{y+1} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-1}{x} = \frac{a-b}{x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-1}{x} = \frac{a-b}{x}$$

مقدار عهم

$$\begin{cases}
mx - y = y \\
 + x + my = - + a
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
 + x + my = - + a
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
 + x + my = - + a
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
 + x + my = - + a
\end{cases}$$

$$\begin{cases} (\alpha - 1) \times - ry = 1r \\ f\alpha x + (r\alpha + r) y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\alpha + \gamma) \times + (1 + \alpha \alpha) \mathcal{Y} = 10 \\ (\alpha - \gamma \alpha) \times + (1 - 1 \cdot \alpha) \mathcal{Y} = 9 \end{cases}$$

چه عدوی محای به گذاریم ما رابطه زیرین بیشه ا برقرار اشد:

$$\begin{cases} 4x - 5y = 00 - 4 \\ 4x + (x - x)y = -x + x \end{cases}$$

په راطوري سداکسټ پدکه د سگاه مېهم شو د و یا نا شدنی کرد د و یا حواب بد با بنی منسا وی شود

را المنائي-براي اليكه دست كا ونهم ياتمنع باشد بايد ع - - - باشده

يل زساده كرون ٥ = ١٢ + ٧ م - كم وياموا فق (شاره ١٢٦ ترزيما اقل) بصورت ٥ = (٩ - ٥) (٣ - ٥) مشود كداكر ٣ = ٥ اشد دستكا المهم وأكر

ع = به ما شد دستگاه نشد نی مشود

$$\begin{cases} 7 \times - 7 & y = 1 \\ (7 + 6) \times + (7 + 12) & y = 7 \end{cases}$$

بن × و بو و چه این سهمچندی برقرار باشد ا= چه+ بو- × ۲ و ۲ = بو- × و ۵ = چو+ بو این سنمچندی تشکیل کیئه وستگا و سنمچیندی سهمچولی درجهٔ اوّل رامیتهٔ و این سنمچندی نورسیند؛

$$\begin{cases} x - y + j = 1 \\ x - y = 1 \end{cases}$$

همچنیر است و شکاه و و همچندی سه محبولی

 $\begin{cases} Y \times + \mathcal{Y} - \Delta = \mathbf{3} \\ \times - \mathcal{Y} + Y \mathbf{3} = Y \end{cases}$

جواب کیدشگاه عددایا عبارتها مئست که چون بجای مجمولهای نظیرخود

ورهمچندیهای دسگاه قرار دبیم آن همچندیها نبساویهای عددی ایتحاد فرتبدیل په

حَلَ مُلِدُ سَبِكًا ه بِيداكرد نِ حِوابٌ ندستًا ه است

۷۶- قا عدهٔ کلی مرای تُلِی کیدشگاه سه جمچه ندی سه مجبولی درخاول نخست به شراکت که مبر کیک از جمچه ندی با می وستگاه را سا ده نیم س

ازان کی از مجبولها را سکی از قاعده یا نیکه پیشگفت پر شاره ی و عو ۔

۷۶ و ۶۸) و در مجد کھیا ی دسگاه حذت کنیم مثلاً کیک مجبول رااز ایک ممجندی برحسب مجولهای گرمپداکرده مجای خووش در دو مهجندی

و گیرگذاریم ما دو همچندی د و محبولی برست آید . آن دسگاه و محبولی این میکی زقاعده ما نیکه مسید اینم حل می کمنیم و محبول سوتم را از روی آن ما میسد تا به میآه و رسمه .

مثال ۱ - دستنکاه سه بهجندی سه مجولی زیررا حل کنسید ؛

$$\begin{aligned}
x - y + x &= Y \\
Y x + Y y - Y x &= -Y \\
x + Y y + Y x &= 11
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
x - y + x &= Y \\
x + Y y + Y x &= 11
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
x + Y y + Y x &= 11
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
x - y + x &= Y \\
x + Y y + Y x &= 11
\end{aligned}$$

$$\end{aligned}$$

$$\begin{cases} \nabla x - \Delta y = 7 \\ \forall x - \nabla y + Z = \Delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} \nabla x + \gamma y - Z = 1 \end{cases}$$

حل - چون جمچن دی اوّل کیٺ جمچندی د ومجهولی است برحسب x و پو

کافی ست که در دوهمچیندی دگیری را حذت کنیم آ انیکه یک بهجندی د کیر حبب × و بو به ست آید ، سرای این کار کافی است د و بهچندی د و م وسوم را با بهم جمع منیم ادستگا بی سرحب بد و بو بست آید .

$$\begin{cases} \mathbf{r} \mathbf{x} - \mathbf{a} \mathbf{y} = \mathbf{r} \\ \mathbf{a} \mathbf{x} - \mathbf{y} = \mathbf{s} \end{cases}$$

ازروی مین دستگاه بعر و بد پیدامیشود که چون در کمی از د و همچندی د وم یا سوم دستگاه ۱۱، سریم بمد بدست میآید ،

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ x - y - x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

صل - برای حذف یکی از مجولها مثلاً × میتوان صنریب بد را در دو مخید اور دو مخید اور دو مخید اور دو مخید اول و توم و بدنیل بین که کمد فعد دو طر مهمیت دی ول را در ۳ و کمد فعه در ۲ صرب منوده و همچندیهای د قوم و سقوم را مبرت از اینا کمکنیم د و همچندی حاصل تسکیل کمدسگاه د و مجهولی برحسب به و بد مید مهند حذف بد در دو همچندی اقل و د قوم:

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ x - y - x = 1 \\ - y + 0 = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ - x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y - 0 = 0 \\ - x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \\ - x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -x + y - 0 = 0 \end{cases}$$

ا رُصِلِ مِن دُستگاه مع و آمر و ازروی آنها x بست میآید:

معلوم مبثود که بهمچن دی ۳۶ را میتوان ر د و همچندی و گاه ۲۶ بدست ورد چنا کذه اگر بمچندی و آن ستگاه ۲۶ را در ۲ و بمچندی د قرم را در ۳ ـ صرب بنوده د و بمچندیرا حمع کسنیم بمچندی ۳۶ به ست میآیی سب معلوم سینود این بمچندی یا دی ست یعنی با و استن دستگاه ۲۱، حذف کردن به در د دهمخیدی و وم و سوّم کروی ندارد بهمخیدی طور کلی اگر کیک مجبول را در د و بهمخیدی که و هر و بهمخیدی کار در د و بهمخیدی کلی اگر کیک مجبول را در د و بهمخید کار دیم در گیر لا زم نمیت آن مجبول را در د و بهمخیت دی هر و ی حذف نماینم:

دستها بهای زیررا طرکسنید:

 $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 11 \\ 7 \times + 7 \times = 11 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \\ 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7 \times + 7 \times = 17 \end{cases}$ $\begin{cases} 7$

$$\frac{1}{AA} = 2A + \frac{1}{RA} - \frac{1}{AA}$$

$$10 = 201 + RA - 26$$

$$11 = 20 + RA - 26$$

$$11 = 20 + RA - 26$$

$$12 = 24 + RA - 26$$

$$13 = 24 + RA - 26$$

$$14 = 24 + RA - 26$$

$$15 = 24 + RA - 26$$

$$16 = 24 + RA - 26$$

$$17 = 24 + RA - 26$$

$$17 = 24 + RA - 26$$

$$26 = 24 + RA - 26$$

$$27 =$$

$$\frac{x}{r} - ry - z - r = \frac{z}{r} - ry - \frac{rz}{r} - y$$

$$x + y - \frac{1}{r} = rx - \frac{y}{r} + z$$

$$x - ry + rz = rz - r + y$$

$$\frac{x+1}{y+1} = r$$

$$\frac{x+1}{x+1} = r$$

$$\frac{x+r}{x+1} = r$$

$$\frac{x+r}{x+1} = r$$

$$\frac{x+r}{x+1} = r$$

$$\frac{x+r}{x+1} = r$$

$$\frac{x+r}{x+r} = r$$

 $\frac{x}{y-z} - \frac{1}{r} = \frac{\theta}{a-\theta}$ ۸۷۷ قا عدهٔ کلی برای کل کیدسگاه میسمچندی سیم محبولی درخباً ول _ شخست مرکیئ نهمچند بها ی شکا ه راسا دم کینسیمس زآن ما نیذه کیسگاه سهمجندی سنمجهولی در مرا ول کی رحمهولها را حذیث می کنیم با دستگا بس بت آیددارای ۱- مهمچندی د ۱- مرمجول ، درین دستگاه نیزگاز مجهولها را حذف مستنيم اين طريق باز كيت بمجيت دي و يك مجهول كيمشود و این کارراآ نقدر تخرا رمی سنیم تا با لاخر و سیات همچندی کیت مجبولی رسیم ارْحلّ این تمحیت دی آن محبول سدا میشود چون آنرا در کیل زو وهمچت دی آ د ومجمولي آخرين تسكا ه سرئيم محبو ك كمريباً ميثو د وا زر دي دن مجبول مجبول نكير حيات ميثود تا آخر . مثال - ومستسكا وچها بهمچای چهارمجولی زیر را حركمت بد :

 $\begin{cases} x + y + z + z = rr \\ x + ry + rz - q \cdot z = r \\ rx + ry - rz - z = r \end{cases}$

حل - چون × را درین دستگاه حذف کمشیم د آسانترمساوی کرو بطرسیا است اربعایت تبصره ۷۷) با من ترمت که بات بهجیذی ومستسکاه مشلاً همچیذی ول ا درنظر ارفته و با یک کی سیجندی تای و گیرضریب x را مساوی محسیم ارحذف x در دوهمچندی واقع رومهمچندی (r) { py + A 2 + re= YT (-y+5x+14=41 ، جارم ، برست میا بداین سه بهجند ی سکیل کیدسکا ه سهمجهولی ۲۰) را مید به وجون درین دسگاه مجهول یو را حذف نمینم دسگاه د ومجهولی (۳) ببست میآید از دسگاه (۴) نخست مدویس زان به حیاب میشود ع = به

ازدسگاه ۴۰) عست مدویس ران به حساب میبود ع = به و ه رع = ته که حوین اینا را در کمی از جمحبت دیبای دستگاه ۲۰) بسریم ۷ = سی بدست میآید و ازروی کمی از جمچندیهای دستگاه (۱) به حساب مشود:

x = 1,0

ومستنكابهای حیدمجو کی زیررا حل نستید:

میتوان برای حل دستگاه قاعد ٔه کلی را بکا ربر دولی درین مثال می پینیم که اگر سه بمچندی را با هم حمع کنیم خواهیم داشت !

(x+y+x)=a+b+c

ویا $x + y + y = \frac{a + b + c}{7}$ ویا ویا $x + y + y + z = \frac{a + b + c}{7}$ ویا ویا از بهجند می می دستگاه (۱) رااز بهجند کارا از بهجند می می دستگاه (۱) رااز بهجند کارا بهجند کارا وی می بیدا میشود

 $x = \frac{\alpha + b + c}{r} - \alpha = \frac{b + c - \alpha}{r}$

 $x = \frac{a+c-b}{\sqrt{2a-c}}$

 $y = \frac{a + b - c}{4}$

مثال ۲- این دستگاه را حرکت پید:

 $\begin{cases} \frac{x}{y} = \frac{y}{y} = \frac{z}{s} = u \\ x + y + z + u = 11 \end{cases}$

برونتی (ترین ۲ صفحهٔ ۱ع) میوان پنین نوشت

عبر المنظم المن

X 2 - X = X = 1

$$u = 1 \quad g \quad z = 0 \quad g \quad y = 1 \quad g \quad x = 1$$

$$ax + by = c$$

$$\frac{x}{b'} = \frac{y}{-a'} = \frac{ax + by}{ab' - ba'}$$

$$\frac{x}{\ell'} = \frac{y}{-\alpha'} = \frac{c}{\alpha \ell' \cdot \ell \alpha'}$$

(1)
$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} - \frac{y}{x-z} = 0 \\ \frac{y}{x+y} + \frac{1}{y-x} = 1 \\ \frac{y}{y-x} + \frac{y}{x-z} = \frac{1}{y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} = t \\ \frac{1}{x-y} = v \\ \frac{1}{y-x} = u \end{cases}$$

$$\begin{cases}
t-\gamma v = 0 \\
\gamma t + t = 1
\end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y \\ x - z \end{cases}$$

$$x + y = 1$$

$$x - x = 7$$

$$y - x = -1$$

 $\begin{cases} x + y = yy \\ x + z = ya \end{cases}$

$$\begin{cases} y + x - x = \alpha \\ z + x - y = \ell \\ x + y - x = c \end{cases}$$

$$\left(\frac{\varphi}{-\frac{\psi}{2}} - \frac{\psi}{2} = 1\right)$$

 $\begin{cases} x + y + z = qq \\ \frac{x}{a} = \frac{y}{r} = z \end{cases}$

$$\frac{y}{r} = z$$

 $\begin{cases} \frac{\varphi}{x} - \frac{\psi}{y} = 1 \\ \frac{\varphi}{x} + \frac{\psi}{z} = \varphi \\ \frac{\psi}{y} - \frac{1}{z} = 0 \end{cases}$

$$\frac{xy}{x+y} = \frac{1}{2}$$

 $\begin{cases} \frac{xy}{xy - yx} = 10 \\ \frac{xz}{xx - rz} = 10 \\ \frac{yz}{xy - \alpha z} = 11 \end{cases}$ $\frac{xz}{x+z}=\frac{1}{9}$

$$\frac{yx}{y+x} = \frac{1}{V}$$

$$\frac{yx}{x^2-ax} = 1V$$

$$\frac{xy}{x^2-ax} = 1V$$

$$\frac{xy}{x^2-ax} = 1V$$

$$\frac{xy}{x^2-ax} = 1V$$

$$\frac{xy}{x^2-ax} = 1V$$

$$\begin{cases} x + ry = 9 \\ x + \Delta y = Y \\ yx - \Delta y = -F \end{cases}$$

ارُعَلَ د وَبهجین دی و ل دسگاه خواهیم داشت ۳ = ۶۶ و ۲ = ۴ می سینیم کراین و عد د درجمحین دی سوّم دسگاه تصد ق میکین د :

YXT - 0X T = 5-10 = -P

نبا براین حواب دستگاه ۱۱ است

ولی اگر جمچندی سقِ م دسگاه ۱۱، حبیبین بود:

YX-07=1

دسگاه بدون حواب میشد زیرا ۲×۵-۵×۲ منساوی با یک نسیت نتی به میتری که زیرا ۲×۵-۵×۲ منسال می میتران بهم

تمرین تیحفیق تسنید که مبر کیٹا رسه بمچندی دستسگاه ۱۱) را میتوان رومچند د گیر دست ور د (به شارهٔ ۷۷ مراجعه شو د)

٨١ - يتجبر - ازانچ دربالاكفت شدچنين برميا يدكه مهر وقت يكدسگاه سه

همچندی و محبولی دارای حواب با شد هر کیک رسنهمچندی دسگاه را میتوان اربهچندی د کیر برست ورد .

بهین طلب را دربارهٔ مبردسگایی که شارهٔ مبچند میانیش مین از شاره مجولهایش

بالشدمسة وان داكرد

۲۸ - حَلَّ فِي مِنْ مِي سَدِي سَدِّجَهُولِي - چِون در و وَبَهِيدَى سَكَّا وَكِي رَسْمِ وَلِيا حد فَكُنْسِيم اَيْنِ بَهِجِنْدى دومجولى برست ميآيه و چِنا كذيب برائيم اين بهجندى و مِجول براست شيار دار د و نبا براين دستگاه مبهم است و بهينطوراست سر دستگا بهي كه درآن شارهٔ بهجند مي كمترا رشارهٔ مجولها با شد

 $\begin{cases} xx - y + z = r \\ x + y - rz = 1 \end{cases}$

از حدف مجمول من این محیدی برست میآید ع = x - x و کر

کیت بمچندی ومجولیت جوابهای مشاردار د چنا کنداگری رامساوی ۲ اختیار کنیم به مساوی ۲ میشود واز آنجابی مساوی ۳ میگرد و واگری را هجمیسیم

یم ند برابر ۳ میشود وازروی آن ب_{لخ} برابر ۱۶ میگردد وغیره

المرابي

$$\begin{cases} y \times + y - z = r \\ y - x + r z = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y \times -y + r z = 0 \\ 10x - r 0 y - r = 10z \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \times -0 y + z = -r \\ -x + r y + 0z = r \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y = z - 0 \\ r x - x + r y - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y \lambda y + y z = 1y \\ \lambda x + \alpha x - y z = -1\alpha \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y - \alpha \lambda z = y \end{cases}$$

ا دَلَا ۸ را خِالِقِیسِیُکِسنیدکه دستگاه دارای کیئه جواب با شد ثما نیبًا بازا . چینفلر ۸ دستگاه مهمم میشود ؟

۳ - بجای 🖈 عددی مگذارید آماین دستسکا دمبهمشود

$$\begin{cases} (\lambda - 1)x - y = 0 \\ 1 \lambda x + y - y = 0 \\ (\lambda + y)x + y - y = 0 \end{cases}$$

٣- بجاي سر چه عدولي كيداريم اوسكاه

$$\begin{cases} x + y = m \\ dx + \beta y = m \end{cases}$$

$$dx + \beta y = m$$

دارای کیٺ جواب مُعیّن کا شد

۵ - ثابت كمنسيدكر كيلي زهجيني ديهاى دنسگا ،

$$\begin{cases} ay + bx = ab \\ ax + by = (a - b)^{t} \\ dy + bx = t db^{t} \end{cases}$$

رائیستوان زود میجذی دگیر بدست ورد ب چراتم ستاید ما می شکری جید محمولی مرب

۸۳- بان طورکه در شار هٔ (۵۰) راجع محلی مسئله بای فکری کی مجبولی

مسيم المستم المين المرابا وقت خواند ومجولهاي مسلم التاب

د قدم ازره ی سندرابشدان راکه بایدین مجولها و معلومها با شدیمشیم در را بطه ا را میمچین بدی بای سندگریند که دشکاه چندمجوی را تشکیل میدنبه سوّم بایداین دسگاه راحل نمو د بین جواب آن را بدست آورد.

چهارم باید دید آیا جواب دسگاه جواب مسکد بهست یا منیت ،

عهر سخصره - هرگاه دستگاه از درخه اوّل با شدستند رااز درخه اوّل گونید مسئله آرخه عی فکری درخه اوّل میسپردازیم ،

مسئلهٔ آم مجموع دو عدد یه و یو برابر در است و تفاضل نهایعنی مسئلهٔ آم مجموع دو عدد یه و یو برابر در است و تفاضل نهایعنی عدب بو برابری است آن و عدورا بدست ورید ،

حل - این سنگه دارای دومجول ست که درخود شنگه به یه و یو نموده شده از در دی مسئله دارای دومجول ست که درخود شنگه به یه و یو نموده شده از در دی مسئله بین نها و معلومها این ابطه برقرا راست :

x + y = x x + y = x y - x = y y - x = y y - x = y y - x = y y - x = y y - x = y y - x = y y - x = y y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y - x = x y -

بین سنده دار د برجه با شد در و که مسلله ۲- فاصله هر و هر بست کیک کیلوستراست و وجرخه سواری رفظهٔ مسلله ۲- فاصله هر و هر بست کیک کیلوستراست و وجرخه سواری رفظهٔ

A و پاوه ای ز B در کی تخطه حرکت منها نید اگر بطرف بهم آید بس از ۲۵ قیمیته

د اگر در کیت جمت حرکت کنند بطور کید د و چرخه سوار ۹ بد نبال پیا د ه باشدیس از ۴۶ د قیقه بهم میرسدند معلوم کمنید تندی مبر کمک را .

حل یشدی دوچرخه سوا ررا به کنیومتر دردقیفه و تبذی پیاده را به کنیتر در دقیقهٔ میکسریم سپس از ۳۵ دقیقه را بی که مبر کیٹ بموده مترمتیب ۳۵ به ۳۵ و پر ۳۵ میشود وازر دی مسئلهاین بمچیذی بدست میآید ا

 $(1) \qquad \qquad r \land x + r \land y = r 1$

و همچنین اسیکه مرکب از آنان در مدت ۱۹۶۰ د قیقه بهموده ند تبرمت ۱۳۶۰ و سور ۱۴۶ میشود و با زا زر و میمسئلهاین همچندی حاصل میگیرود:

۱۲) = ۲۷ × -۶۳ × -۶۳ این و بهجیندی سیسل زسا د ه کر دن تشکیل د مستسکا ه زیر را مید بهند :

 $x + y = \frac{\pi}{3}$

x-y=+

که جواب آن نیست $x = \frac{1}{6}$ کیلومتر و $y = \frac{1}{6}$ کیلومتر و مکن ستجاب این شکا و راازروی وست و رای مسئندمش بست آورو)

جوا با یک مسلمک تندیهای بن و تتحرک باشد باید عد داری شبتهاشد دیمان جواب دستا و عدولای شبستاست نا براین تین عد داجوا سیستان بسیاشد ۸۵ - شبصره - بهین شدرایک مجهولی حل کردیم رصفیه ۸۹ باین طرت که تندی به و پرخدسوار برست وردیم و مشاوی تندی بردن براگرین را برحسب به این تندی و چرخدسوار برست وردیم و مشاوی (بد - ۳) کیلومتر شد در نیجا بهم پی نیم کمبرای ف کردن براگر بر را برحسب به رسندی و چرخ سوار) از به پخدی و آل دستگاه پیداکه نیمی میشود بس درخقی تنهی علی حذف کردن اما در پشیس در فرمهن خود انجام داده ایم . از مقایسنه حلّ میشا براه د و مجمولی با راه کیک مجمولی می بربیای می براه د و مجمولی خیلی زود تر و اسا تر بخوا . رسیدیم واین اسان برای بین بوده است که مجمول دیمر را بحرف بو نمایش و رسیدیم واین اسان برای بین بوده است که مجمول دیمر را بحرف بو نمایش و برای می میشای نوششنی انجام دادیم .

همستنگه ۳ سه آمیره ارطلا توسس بعیار بای ۱۰۰ ۸ ره و ۱۷۲۰ و ۱۷۲۰ و ۲۷۰ و ۲۷۰ و ۲۷۰ و ۲۷۰ و ۲۰ میزیم آمیزیم آمیزه اصل عیارش ۱۹۹۵ و ۱۵ و ۱۵ و ۱۵ میزه او استوی سیا میزیم آمیزه و اگر آمیزه و قوم و سوتم را با ۶۹ کرم طلای ویژه بسیا میزند آمیزه ای حاصل شو دبعیار بعیار ۵۰۰ و ۱۰ میزه و اگر مهر سه را با بهم ممزوج نما نید آمیزه ای حاصل شو دبعیار ۷ ره تعمیر تنسید و زن مهر کات را ۱۰

صل-چون زن بن سشمش را بترمتب بد و بن و به کرم فرخگ نیم طلای ویژه شمش و ک بعد مرم کرم و طلای ویژه شمش سوّم ۴۵۶ و کرم میشود چون این و شمش را با بهم مرزو جست بیم از طرفی طلای ویژه اشس (بد ۸ ره + بد ۴۵ ره) گرم است وازطرنی وزن مین ممزوج (x + x) گرم و عیارش ۶۹۵ رست به طلای نیره اشس ه ۶۹ ره (x + x)گرم میسباشد ببراین همچندی سبت میآید.

 $\forall x = 7 \%$ $\forall y = 4 \%$ $\forall y$

ص-چون درازای را ست کوشته فیای DEFG را x د مینا کان ا

این دومهجین دی میگیل سگاه دومجولی زیر رامیب دیند:

\(\frac{x}{a} = \frac{y}{R} \)

چون و همچندی شیخاه را بر بترنفت بیم کنیم بد از مین میرود و همچندی کیک مجهولی زیر برحسب بویدست میآید!

 $\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial x} \right)$ $\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial x} \right)$ $y = \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x}$ $x = \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x}$

شجسره - در حلّ ایم شده دا رای است کوشهٔ محاطی راموا زی قاعدهٔ هر گرفتیم اگر درازای نزاموا زی رتفاع سه کوشهٔ کمیریم دنیصورت فقط دیمجنپ دی ول دسگاه باید جای ید و سی را بایمسم عوض نمود ،

سجت - دربرصورت برای سنگه جوابهای دسگاه درسناه صدق کند باید مرکت مشب باشند واگر در از اموازی قاعدهٔ ۱۹۵۵ ست باید کوچتراز هشا در خیال بهب می است گوشه نیز باید کوچکتراز چر باشد ، از مقالیسهٔ در از ابا ه و بینا با چر معلوم میشود که این سف طها برقرار است نبا براین حوابهای شگاه جوابهای سفله میباشد ،

لمرين

۱-مسئله بای حبیت دمجویی راکه درصفه بای از ۹ ۹ "۱ ۱۰۷ نوشته شده و و باره ط کست پدر (ازراه چیدمجولی)

۱۶ و بناری پانردهٔ یال یازوه شایی د و د بناری ۵ د بناری پانردهٔ یال یازوه شای هم م شده بود شاروَ ښی و بناری د ۶ د د ندازشارا و د شایی کاکتربو د و شاره و د د نیارنگی زیادتس بازو و برا برد و شای شیور و د زیر بست میند د د ندرگنگ بود و است ۴

 عېد سرمانيشخسي ه ه ه و ه ريال ست که پاره ای را ن را بقرار عېز وپارهٔ وگمرر ا از قرار وېژ بېمنفعت دا د ه روي بېسم ه ه ۲۸ ريال درکيسال سودميسبر د ـ بهر کيئه از دو پاره حين په بود ه م

۵ ـ شخضی ۰ ۰ ۰ ۰ ۱۵ ریان ۱ روتستی زین کی را از فرار ۱۴ بر و با فی را فرار گزارگز به مهره کاری میسد به - سووقسمت اول و مرا مرسو دقسمت و تم است مرکب این دوست چند است م

ع به مرگاه پیکرنای (رقهای) یک عدد دوپیکری را برخود آن سفرایم ۱۵ میشود و سرگاه آنزااز عدد بکابهسیم ۹ میشود انعد دکدام است ؟

این مشله را بد و را ه حل کنید کی است که خو د عد د وجموع *پیکر ^{با}یش ا* مجمول گمیرید و کی اینکه د موپ کیم سه ایز امجمول کبسیسه پیر ۰

۷ - اگر میوشنگ ۵۰ ریال به پیژن بدیم شرن چهار مرامر بهوشگ خوایه داشت پیل آن اگر میژن ۲۰۰۰ ریال به بهوشکک دید فقط د و مرا مراه دخواید داشت به پیش زداد و سند مرک چند دارند؟

رور ۸ ـ د و نفراگر با جم کارکنسند کاری را چها رر د زه انجام مید سند و لی سپس ازا بنگه ایم ا با جم کارکر د ندا ته کی کاررا را که و د و می به شها نی د نبال کاررا کزفته به ۷ روز د گیراً مزاانجا م میدم مرکی ازین و نفرم تنها نی تام کاررا چندروزه انجام خوا مبند کزد ؟ ۹ شخصی کیار ۱۱ متر پارخ ا رئیسی و ۷ متر با بوت خرید به ۱۱۴ ریال رو وم ۹ متر پارچه ابرششی ۱۳ متر با بوت خرید به ۱۹۶۰ ریال مطویست قمیت متر سر کیک ،

٠١- چېرخدايست کد اگرېرېرخه نام وېرخه شار آن لې سفيزا ئيم ېرا بر الې و مرگا و ارآمنا لې کامېسيم ېرا بر الله گار د و ؟

۱۱ - و و عد د برست آ درید خپاند در تفسیم نام کند گیر مهر ۷ و ماند د ۵ با شد و د تفسیم سه برابر بزرگست مربر د و برا برکو محتر مهر ۱۱ و ماند ه ع شود .

۱۶-کدام د و عدد ندکه تفاضل و حاصل ضرب و مبرا بنا ‹سنبت ننا › کی ست ؟ * ۱۶۰- د وچرخه سواری سپشی خو د حساب میکرد که اگر مرساعت ۶ کیلومتر شد تر مبرفت د و

ساعت منو د قررمسید و بود و اگر مرساعت و کیلومترکٹ نتر میرفت سدساعت دیر تر رمسیده ^{بود}

ورازي را ميكيمود وبود ووتندي وچديو د واست ؟

۱۶۳ فرید و ن به بهوشکنگفتاگرده ریال بن بدی د و برا برتوخوا بیم داشت به شکنه به به داد که توپنچر ایل من بده آما مرد و کیک ندازه و است ته باشیم - مرکد ام حیث دوارند؟

۱۵ شخصی بردکیسشرمنگفیت قتی من بین توبه و م دو برد برمهال تورد و دمشتم و دفتی توبش من چرسی و می سند به عرب سال خوادیم داشت برگیب چند سال دور ثدی

ع در د و نفرگذاندهٔ و مند مرد روزاندهٔ کهنا نها مرده و ی دست با بیم کارمکستند میل آمد می وی مرکم بخروندهٔ بارد وی کارکرد وصد ریال وزگریفت و دومی . کوریال . مرد ، و زواند برگیت میدست و ۱۷- د وظرف هر کیک مقداری سشیر دارد اگر از طرف آقل که شیرش بشیراست بقدرشیر ظرف قوم مرد است در دومی بریزیم و د و باره از دومی بقدری که درا تولی ماند و درا قولی بریزیم و بارستوم از طرف اقبل بقدر آنچه در ظرف و قوم مانده برد است ته در دومی بریزیم هر کیک از دوظرف ع التیرشیرخوا بد داشت - در میر کیک از و وظرف چند لیترشیریو د ه است ؟

۲۰ برو سیسسره یا برخهای مساوی و تی کپیل زسده و و قومی کپیل از جهاره و تومی که در جهاره و تومی که در جهار در میان مسلخ فعلی آنها بوعد و ۱۲۶ میلخ این این او عد و تومی که در برای اتولی که و هم بر در مرای و تومی که در هم ریال ست میلخ اسمی میرکیت چند است ؟

۲۲-مبلغ فعلی د وبرات بینسبت ۳ و ۱۶ است مُعیّن کنسیدمبنغ اسی آن د ورا درصورسیّد اگر نرخ بهرد دا زقرا ر ۴٪ وموعد ۶ قلی ۱۲۰ روز واز دوّی ۸ روز باشد روبهم دوشنه یل

۵ را ۴۵ ريال ميشود ٠

۱۳۳-سود دوسسره یه با نرخهای مساه ی سپس از ۶ سال تبرتیب ۱۷۲۸ ریال ۹ ۱۰۰۸ ریال ست برست آ در په سره یه و نرخ را درصورت که سره یه تا روی جم ۲۵۰۰۰ یال شکی ۲۴-تبزیل نیارجی براتی از قرار ۵ بر ۲۵ ریال و تبزیل دا خلی بیان برات از قرار بهای نرخ ۲۰۰ ریال ست تمت ومبلغ اسسی برات چیقدرت ؟

۱۲۸ منه و بخشر مست بعیار بای ۷ رو و ۸ رو گوشبت میان و زنهای و ۱۲ مت سرگا واین و ششاه و بشش بازهی گریمها ر ۱۸ و رو و زن ما و گرمتها سنزیم عیار مناصل ۲۸ رم مشود و و زن سرگایات دو شش بهتر رو ست ۱ ۲۹- د بیمش است بیک و زن گرا و بی را با جها ریک و تی بیا میزیم عیا رآ میزهٔ حاصل ۹۴و بیشو د و اگرا و بی را بانصف و توی سب میزیم عیا رآ میزهٔ حاصل ۹۲ ره میشو د عیا رهر مک از و و شمش خقید راست ؟

۳۰ سیشمش است بعیارای ۹۹ ره و ۷ ره و ۹۲ ره ای کیلوارشمش آول ا حقدرا زبریک از دوشمش قرم سامنریم اشمشی بوزن ۲٫۲۴ کیلو و عیار ۱۹ره بیست آید ؟ ۳۱ - امیره نیت از طلاموسس زن ۷ ر۱۴ کیلوکه حون دراب وزن شود وزش ۱۳۸۵ كيلواست اكر درمانعي كيروزن نما نيداز ورنش برء ره كيلوكاست ميشود تعيين كمنسيد ذرن طلا ومس و وزن مخضوص مع را درصورت که و زن محضوص طلا ۱۹٫۶ و د زن محضوص ۲۸ مثلر ۲ ۲ سه نفر سریات یولی دا رنداگرا وی له وسومی الله یوست نرا بد و می بد بهند پول هرسه يكي مشّوو . بول مركبّ جنداست درصورت كرميدا نيم مررو ميم ، ۳۶ ريال دارندم. ۳ ۳ - مجموع سه عدد ۵ ۴ است عددا وّل *برا برتفا*ضل عدد سوّم اردوّم است مجمو^ع عد دا ول د وم ۲۸ است آن سه عد د کدامت د ؟ (این سند حواب ندارد) ع ۳ ـ برای حرضی سه راه آنست A و B و C اگر A و B با بهما زاشد حوض در کساعت و دو وقیقه برمشود اگر جرو ع با بهم باز باستند حوض درکساعت و ۲۴ وقیقه برمیتود واکر هو و ع با بهم باز بامند دردوساعت وه ۲ دقیقه برمیتود . با مرکب از سدراه آ په حوض حيف د وقته ٽير هيشود؟

۵ ۲- سنمش میشد! رطلا دنقر و دمس داریم دین ترجیب :

ششُن دل ۱۵ گرم طلا و ۲۷ گرم نقره و ۴۰ گرم مس دا د

شش وم مده و ۱۹۵۶ و ۱۹۵۸

شش سوّم ۲۱ ، و ۴۷ ، « و ۱۶ ، «

ا زهر کیک جندگرم بردانشته با هم بیا میزیم اشمش طاصل ۲۰ گرم طلا ۴۳ کرم نفر و ۵۶ گرم من دانشته باشد.

ع ۳ - پیندسدگوشهٔ قاتم الزا و پُه ۱۵۰ مترمرتع و و ترمشس ۲۵ متراست د و بهاوی بخیرا حیا کیمینسد .

۲۷ - نسبت درازای بهلوی کی سدگوشهٔ قاعم الزا و تی سکد گیرماند عددای ۴ و ۴ و ه یباشدو بهنداسش ۲۴ متر مرتع است بهلو بایش راصا ب کمنسید

אין בונים ב A = AH ביים ב בונים ב ABC ביים בונים בדא

شد وخطّى موارى چىچىغان كېشېدكە پېشە دو زنقهٔ حاصل 🚁 بېنىد سكوشگردد .

بیش . ۴ ۴ سره ست گوشدا می پیده گسنسیدهشمیکه چون د ومتربر بینالیش مفراینم و ۴ ، ۲ اردانا .

مجابيم بنسلت تغيير فمنسد وفي كرو ومترسر دراز السينس فزد و وشود و ۱۵ بامتر وزبينا بين استد

همرود الربيندوش وع مترمريع كم شوو .

، عهد ودود نروبه شعاعا ي محد والحد وخطر ومركزي ودواشدونففد اليبت

آ درید که درازی ماسهای دارد از آن نقطه نا بر د و دا اثر و کی باشد . تا

* ، ع - كره الست بشعاع مع بحيه فاصله ارسطح كره د ورشويم ما است كه مساحتى راكه بينم حد باشد د مساحت سطح منطقه برا براست با حاصل ضرب مجيط دايرً و عليمورا رتفاع منطقه) فان تقطه ونودر

ع ٨ - چنا نگه میداینم برحین دی دیمت ، قابل فرایش کاست بنابریا چند بیانتینسیر پذیرند ما نندز مان که در تینیراست و پمچنین جرا رت درزمانها مختلف وشارهٔ شاگردان کلاسها مینسیره .

مملن ست که و و تغییر نه بر به بم ب گی داشد با شند ما نند پهنه کیک مزیع و درازا پهلوه می ن د ضلعهای آن) که بهم سبکی دارند زیرا تغییر کی موجب تغییر د گیری ست چاکمه اگر درازای جیب لوی نمرتیج تا متر با شد بهب نه آن چها رمتر فرتیج میشود و اگر درازای پلو شش مترشو د پهند ۱۶۶ متر مرتبع خوا به شده ما زای بهلوع مترخوا بد بود و اگر پهند ۲۰ متر شد میکند و بعکسس اگر پهند ۱۶ متر مرتبع با شده رازای بهلوع مترخوا بد بود و اگر پهند ۲۰ متر شد مرتبع با شد درازای بهلوسیش برا بر ۲۰۰۰ متر میشو د بینی مبرکا و بهبت مربع تغییر کند درازای میسان نیر تغییرخوا به کرد و ۰

چچنین ست حرا رت جاق و مقدا رسوخت آن که بهم سبکی دارند و تعجین سرایه وسود آن تعجنین گخچ کیت گار د مقدا رفث رآن .

مبركة و دونعنير بدينتسب في إشندكه نعنيه كي موحب تينسيره كليري كرد و كلي اراتها ا

ئى بىل موار دىغىيات يى تىغىير بذير لا رائسگل فى مىسنايند كە آ نهارا نىد .

ه نمودا را میست که ازروی ن با سانی نتیبرات تغییر مذیر و نوع ام علوم

لهنيم درجهٔ حرارت بهوا درساعتها ی مثلف یکشبانه روز زمستان

اردورار	ت د ل	,	ب روجرار	ساءت
3	سازان	منج ربس برخ	٠,	۱۰ صبیح
¥°	s	۶	۴,۵	*))
٣	ş.	Y	ં	للمر
1		٨	0,4	يك بعدا زلمز
-20	4	٩	۶۴۳	* Y
- 7	e	12	90	v. b.
7,3		- 11	ع ره	he.

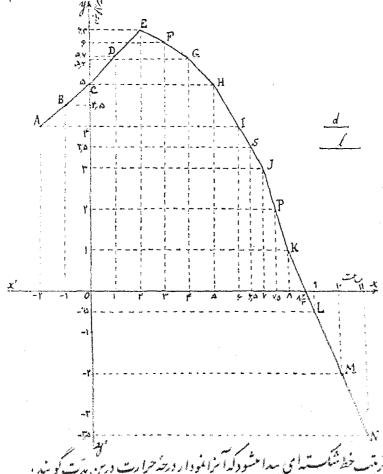
ازروی مین جدول می سینیم کدار و صبح تا و و بعدا زطر درخه حرارت مرتبار ۴ تا ۳ را بالارفته وازآن بس مین مده تا درساعت یا زوه بعدا زطر کتره تا-رسد لاست .

برای نیکداین تینیرات بهترویده شو دا نرامعمولاً بوسسیلهٔ یک نردار

منا نيد.

برای برای برگار دو آسد د مون برجم عمود کینسند ما نند دو آسهٔ عه و بوه وبرروی بر آسد نقطهٔ ۵ راد عنمولا فاست کا و د مبدان میگیرند .

حال گرمه کیڈر مان راد کیساعت ، بیک کیخطی شلا بدرا زای که رو گیسهٔ عده نباینم سیستواینم ساعتها می شلف را برروی این سد بوسب یله کیخطها کی نبایم شدهٔ برانجاش و د ساعت بعده زهنر نبا برآ که هزرا فاشگاه زبان و زمانهای بغاز



في بير و فمو و ارب ازروي نو وارتعنيرات درخه حرارت محسوس تراست زيرا وتغتى ويبيئه حن ربت في لامرو ونقطهُ نمايين أن نمية بالأميرو ونعني منودار بالاميرو ديعكس وقتی که درجهٔ حرارت یا منرمت بدنمود ارنیز یا من میآیدنس یا کت نگاه مرروی نمودار مى سنيم كه ما ووساعت بعار طربهوا رو مكبر مى است وسيس أرآن ما ساعت لا مُرتّبا سرومشود علا و ه مراین زروی بن نمو دارتهرِسًا میتوان معلوم کردکه در بخسات معيني درجه حرارت جدبوده ويا درجه ساعتي درجه حرارت منرا معتسني رسيده ست. مثلًا الرنجوابسيم ورجة حرارت را ورساعت هرء بعدا زخرمعلوم كنيم ارتفظه هرو + ر دی آسهٔ یوه خطی موازی آسهٔ بره می شیم ما نود ار را درنقطه ۶۶ قطع کند ونقطهٔ نظیر ی روی آسدوه درجهٔ حرارت آن ساعت را بامید بدکه تقرباً ۵ رس است جمین سيوان عنديمًا معلوم كرد ساعتى راكه دران وقت درخ حرارت °۲ + بوده است · برای بن کارا رنقطهٔ ۲+ مرروی آسته برخطی موازی سنه بده رسم می کنیم مانوداررا قطع كذر ونقطهٔ P بنست آيد . نظيراين فقطه روى آسهٔ ٥٠ الناعت را باميد به (تقرئيا ساعت ٥٧٧)

بخصوص از وی نمودار دیده میشود که درساعت ۸ و ۴۰ و قیقه درخه حرارت ب صفرشده وا زان سعد زمرصفراست

می پنیم که مهر نقطهٔ ما نند A نمایش درجهٔ حرارت درز مان معین ست که مهرات بیک عد دجبری منود ه میشونداین د و عدد جبری را مختصرات نقطه کوسیند. بیک عد دجبری منود ه میشونداین و و عدد جبری را مختصرات نقطه کوسیند. این عدد جبری مختصرات نام در میشوند و آسهٔ ۵۰ و در می کور را بر بیم عمو دمی کنیم طاحت مرد واسه رانقطهٔ ه میگیریم و جهت مثبتی را روی هر کیا فتیا رمی شیم. روی به نام به جه جهت مثبتی را روی به نام به به خوا بد بو و حال جهت مثبت از کو به مو خوا بد بو و حال اگراز نقطهٔ هم و و خط موازی این و آسه رسب کنیم یا یک را در نقطه ای ما نند ه و مرا می این می این که و و مرا می می که و مرا می می که و می که و مرا می که و می که

بوئورا در نقطه ای ما نند به قطع کند آو (اندازهٔ جبری ۵۶ روی آسهٔ یدیه)

را اکسیس (۱) یا یه نقطهٔ هم و ۱۵ (اندازهٔ جبری ۱۵ روی آسهٔ بوئو) را اثر و شدای یا بونقطهٔ هم کو نید آه = ۱ و ۱۵ و ۱۵ و ۱۵ و ۱۵ معلوم است برای منین کردن ندازه بای جبری آه و ۱۵ و ۱۵ با برسیس زیافتن نشانهٔ آمنا درازای مبرک ندرا با کیدای شوی یا مخلف مبرک در این کید برای دو آسه مکن است مساوی یا مخلف باشدی

ا استُده عُد ما استُ على استُرابِين واستُرونورا استُرابِين واستُرونورا استُرابِين واستُرونورا استُر

باین ترمتب ویده میشودکه مرنقطه دارای کیت آبسیس کیک ار دنه میباشد که اینا را مختصات این نقطه کویند و دو آسته xx و بوئو را آسه مای مختصات

مثلاً اگردرسکان شیس P و برابر ۴ یکه اسهٔ ۵۰ (سافتمتر) و ۱۰ و برابر ۳ یکداسهٔ

بِسُ مُخصّات این نقطه ۲۴ و ۲۳ است محونیم اسیس ۱۸ ۲۴ واردنگان ۲۲ است و آمزامینسی نویسند:

MIT I M (as a see)

ب - روآ من مخصات صفحه را سجار ما حیات تعلیم کیف در مطابق کل ب نقطه ا

درناحیهٔ ۲ واقع باسشند دارای ابسیس از دنیمشبت اندما نندنقطهٔ ۸۹ و مزنقطهٔ که درناحیهٔ ۱۳ قرار دامشته باشد آبسیسش نفی است و یی رزندان بست است یا من نقطهٔ ۸۷

ونقطه لا في كه در احيَّه ١٦٦ بمستدانسيس ارد نداّ بنا مبرد ومنفي ست اند

R bis

بالاخره نقطه نای و انع درناحیهٔ ۱۳ اسبیش ن ثبت ولی اُردنهٔ آنها منطق آ مانند نقطهٔ ۶۰.

و بطور خلاصه میتوان گفت که ابسین و آردنه نقطه بای واقع درد و ناحیه ۲ و ۳ سر مناف نداند و در ناحیه به می ۱۳ و ۲۲ دارای شانه مشاف پیاشند .

چ ـ اردنه نقطه کای آسنه × کاصفراست و آب پیس نقطه کای سنه و کانیز میراست . مفراست .

و - نبابراین تنها نقطه ای کرآبسین از دنه اش صفراست خاسگاه ه مین مین و به بنابراین تنها نقطه ای کرآبسین از دنه اش صفراست خاسگاه ه مین و ۹ - بنکس کرضف ت نقطه ای را د است به باشیم میتوانم آن نقطه را در وی آمند به با می میاید کربرروی آمند به با می را مساوی ۹ به این مین به بازنقه بای ۹ و برروی آمند به با و آمند به با و

x المی شیم بن دوخط کید گیررا درنقطه ای ما نید M قطع میکنسند که آن نقط جو آ

مسله است ، خانگه دیده میشو دیمواره مسئله دارای یک جوانست ، مسله است X'

بهین ترتیب معلوم میشو د که میستوان مبرد و عد در امخیصات نقطه ای گرفت.

مري

ا-ساگوشای بشتی برسمسنیدکد تحقیات مارکهایش براسیا بینیا شد عندا در مینا شد و استان براسیا بینیا شد در استان بینیا شد در استان بینیا شد

۲- از متوازی الاصلاع ABC کفتات کرکهای A و B و ی را داریم

تا هر و ۲ م هر و المسلم و در المسلم وده المسلم وده المسلم وده المسلم وده المسلم وده المسلم وده المسلم والمسلم وده المسلم والمسلم وال

و این نقطه نا را بیداکنسید تا هم و ۲- هم و ۳- هم و در این نقطه نا را بیداکنسید و اقعند کداز خاستگاه میگذرد .

ع- سه دسته جواب جمجندی ، = ۱ ۲ ۲ مر را بر نخوا ، پیداکسنید و مردسه را

مختصات نقطه ای گمیرید و تحقیق کن یدکد این نقطه تا برخط راستی وا تعند که ازخاست گا ه میگذره ۵ - این نقطه تا را پیداکننسید به ما میگذره که مهرسه روی خط راستی وا تعند ۰

عو- سەدىستىجاب بمجندى ، = ١- بو ٣- يى ٢ را بەلخوا دېپداكىنىد دېر د ستەرامخىقىات نقطدا ئى كمېرىد وتىقىق كىنىيدكدا يىنىقطە ؛ برخط رامستى قرار دارندكدار خاسگا، نىڭدرد

أين خط سراسه را درنقطه اي قطع ميكت ٠٠ مختصات اين نقطه رايد اكت بد٠

٧- ورجُ حرارت بدن اخوشي دريدت ١٦٠ ساعت مردوساعت بدوساعت

يو و و ا مست ؛

لابعدهر	ء بعدارگر	۴ بعداريز	, وبعد أرهم	À	5-7.	E 1	زنان
۳ ۲	۲9'	r ^'	۲ÿ۵	TŠ, D		T \$	ادخاتراته

غروه رتب ين اخرش را كمشيد .

The state of the second of the

10,14	げげ	117,11	17,11	١١/١٠	9	A	Y	ç	۵	سال	
1,9	4,5	411	4,4	0,1	0,1	0,1	۵٫۵	4,0	5,1	مقدا رفرمشاده به ۱۰۰۰ ش	

نوداران را بکشید .

۹ - شارهٔ قبولشد گان نها نی د ورهٔ د قرم د سپرستان کشور در سالهای مین ۱۲۹

وه. ١٣٠٥ حنين ست:

15.0	14.4	14.1	14.6	14.1	7.	1799	4646	1891	1895	1490	ال
11.	VY	۵۷	44	٣9	٩	٨	۱۲	١٨	11	11	شاره

نه داران رابکشید .

۱۰- شارهٔ قبول شد گان تفسانی دورهٔ و زم د پرمستان کشور درسالها ۱۳۰۶

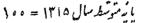
١٣١٧ جنين ست:

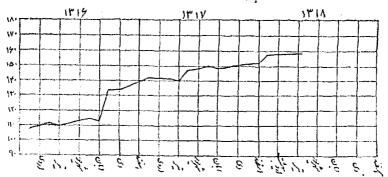
11911	1 40 1 40	1710	1414	1 4 1 4	1 40 1	1 7 =		17.9	14.4	14.1	18.8	05
1.15	7	7 0 V	٨٤٧	444	5.5	F 7 -	414	777	-q	1 4 4	140 9	ناره

يمودارا مزا بكشيد .

لا - مو دا رسیر مبر نید تنشین درایران در سالهای ۱۳۱۵ و ۱۳۱۶ و ۱۳۱۷

و ۱۳۱۸ تین است:





ازین نمو دارجهمیهنمیید؟

۱۹۱۰ مودارنای وگیر-غیراز نمودار کیکفت پیرتینیرات تغیر پذیرنارا بوسسیلهٔ نمودارنای وگیری نیز منیا نید

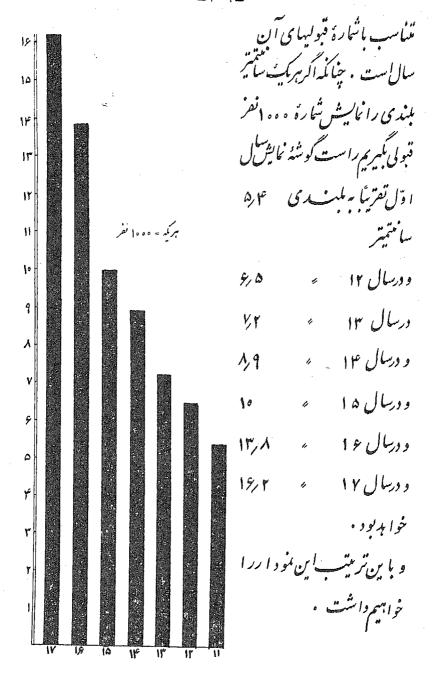
مثلًا شَارهُ قَبُولِ شَدِ كَان شَصْ سالُ البَدائيُ ارْسال ١٣١١ تَا ١٣١٧

مطابق این جدول ست ؛

۱Y	15	10	195	17	11	11	JU
18 T TT	184.09	1000	1111	7724	93 43	0414	شَّارة

برُّى عَالِيتُ تَعْمِيرًا مِنْ شَارَهُ قِبُول شَدْ كَا نَاسِتِ الْنَ دِينَ لا سَالَ مَكَنَّ سَتَ غَيرِهُ زَهْ بِيشِّ مِنْ حِسْدِ راه وكيرائِهُ رِبْرِهِ : *

منو دار ا ـ شاره قبول شدگان سرسال را با کیک راست کوشه منهایندا باست گومشند سالهای مختلف جمد دارای قاعدهٔ منسا دی بهستند و بلندی ا



ازجدول میشین نیزمتیو انستیم تعنیرات شارهٔ قبولی را درین متر تفهیم لی از جدول میشین نیزمتیو انستیم تعنیرات محسوس تراست و از رُوی آن نجولی نیزات محسوس تراست و از رُوی آن نجولی نیزات محسوس تراست ما ید ، منبعت تقریبی شارهٔ قبولی هرسال با سالهای دیگیریدست مهاید ،

شبصره - بوسسیلداین نوع منودار معمولاً حیب دیها نی را با بهم می سنجدکه از کیک جنس با شند بدون اینکدلزو با مجم سبتگی داشته با شند ، مثلاً مقالیسهٔ درا زای را ه آبهنهای حیب د کشور و پهنهٔ حید کشور و فرشا ده بای حیب د

> ر ج مرین

۱- شارهٔ دخران قول شدهٔ دروورهٔ شش سالهٔ دستهان ارسالها ی

ا ۱۳۰۹ تناست:

18.9	18.1	15.4	18.5	17.5	14.4	17.4	14.1	17.1	17	UL.
1179	1.44	VSY	54 q	fai	44.	rir	4.4	11.	101	شاره

غودا رآن را بمشيد .

۲- شار هٔ وختران وروشش سالهٔ المبستان درسالهای ۱۳۱۰ تا ۱۳۱۷ خیرست:

-	١٧	١۶	13	14	١٣	۱٢	11	171.	JL
	rar,	7751	1793	1127	11199	۱۷۳.	١٣٠٢	wat	

منو داران را کمشید ۰ مناو داران را کمشید ۰

س - شاراً فا رغ التحسيلها مل مورشكا بهاى عالى درسالهاى اخر عنيل ست:

17-18	18-10	10-14	14-17	14-14	14-11	11-10	سالتضيلي
441	45 Y	7.0	114	1.7	110	Y 4°	فأرغ أيل

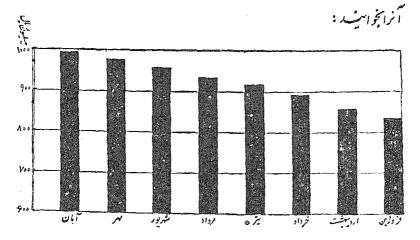
م مودا را مرا بمشید ۰

ع - فرسا و درسیت ایران درسالهای مین ۱۴۰۵ و ۱۸ سینی دوره ا

. 1	1918	1511	11711	17.11	11/10	q	٨	γ	۱۳۰۶	۱۳۰۵	سال
	444	917	709	499	۵۵۴	519	441	۵۷۱	441	141	فرسًا وله يتبدين

منودا را نرا بمشعید .

۵ - نووار اسکناس عی دروست مرد م ار فرور دین آابان ۱۳۱۸ چنین ۱



سالهامعلوم میشو دلینی درسانی که قطاع آن بزگرست شارهٔ قبولیهای آن سال زیا و تراست و نیزازمقاییئه قوسهای قطباع کامی توانسبت مین سبولی کارامعلوم کرد.

شبصره ساین منو دا رسشتره قنی نکاربرژوکنجانه پینجدبهای بمجنس را معنی کشند ما نندمقایسته پند کای حین دکشور و مقایسته مبزیند کا مختلف یک خانوا ده دیجهال و مقایسته نفوس نژا د کای محتلف کره زمین د نامیش مقدار فرستا د و کای مختلف بجها له کیک کشور .

فرسا ده مای ایران برکشور مای نامبرد هٔ زیر درسال اقصا وی ۱۸ ر ۱۸ ر ۱۳ ۱۷ چنن بود داست:

بلند	بلزيك	ژ اپول	ل تواکل دو متحدمر	بهدایس	رتان رزگ بریایی	تحاجا میورد اتحاجا میرورد	الگا ن	محشور
5,8	7,7	19714	۵۲	<u>የ</u> ሌተ	94,9	70,3	٨١٠٦	منع بيلون ال
,	أيتاليا	مبوبار	الری ایس الری ا	چگوسلو ا چگوسلو ا	فرانسه	عراق	ببندالمند	محشور
	٣	4,1	Y, 0	۲,۴.	1,9	757	٣	مبلغ ببيليون ال

نوداراً سرائجشید ،

منو وارنی می و کیر _ غیرا رسد منو واربالا نو دارنای و گیری نیز معمول آ درین نمو دارنا چند کیف رانشکل نائی شبیدخو و نالیش مید بهند با اندا زه بای مخلف نقیمی کداندازهٔ هرکدام تناسب است با مقدار جین دی نظیرش مثلاً اگر سخوا بهت دمقدار نفت تا نی که هرسال درکشور نای مخلف استخراج میشود با هم مقالیسه کنند مکن ست آنها را به بیت یا نی متشا به نمایش د بهت د که درشکل به راست گوشه بای متشا به نمو د و میشود) و بهند هر راست گوشه میناً . ما مقدار نفت سالیا نه آن کشوراست.

مبیخین برای مقایسهٔ همیت کشورهٔ ی ختف همیت برکتور را با دی سنبیه باکشریت ا مالی آنها نمالیش مید مهند بطور کید مزرکی وکوچکی آنها اختلاف همیتت آن کشور هٔ رامیرساند . بهجینی ند وخت نه طلا را سبکه نای طلا که شارهٔ آینا برای مهرکشور متناب با ند دخت نه طلای آن کشور است مینهایند ۰

ووقتی منچوا بهند درکشور اللی کنجانش شتی ای با زرگانی اتنارا بنایند کنجانش کشتی با زرگانی سرکشور ایک کشتی نایش مید بهند که بزرگی ن تنا. با گنجانش کشتی بای با زرگانی بهان کشوراست . میجندهای بات مجمولی درخرد و میجندهای بات مجمولی درخه دوم علیم می درخه دوم نعربی - همچندی بات مجمولی رااز درجهٔ دوم کویم مرکاه تام جله ا

۰ = ۹ - ۴ × که بمحت دی درخه در و می ست نسبت محول ×

 $x(x^{r}-y^{x}) = (x^{r}-1)(x^{r}+y^{x})$

د و م است زیرالبسل زسا د ه کردن چنین مشود:

Y x'+ " x - " = 0

وبطور كلَّى مبركاه ، ثما مجلما ئي مجيب دي درجهٔ د وّوي را سيك طرف سبريم و آنها راساً

کنیم اگره راضریب درجهٔ دوّم مجبول نهجین دی (مثلاً ×) بگیریم و گه راضریب درجهٔ اوّل ن و ن را جلهٔ معلوم قرار دمهیم آن بهجیندی پنیسیود: • = + + + + کنده (شارهٔ ۸۸ جلداوّل)

که دران به با پرسمواره مخالف صفر باشد . این بمحیت دی را صورت کلی بهچندیهای درجهٔ د و مرکویند .

نابرآنکه کا ی و یا برووصفراستند سیحند سای

 $ax^{2} = 0$ $ax^{2} + Cx = 0$ $ax^{2} + C = 0$

بدست میا ید که مرکب را جمجندی ناقص ورجهٔ و وم گویند ما نند بمجندی:

ry = . , rat+ra= . , Axt-q = .

۳ ۹ حَلِ بهمچند دیمهای درجهٔ و قوم به خانکه میداینم حل کین بهمچندی می مده یا عده یا عده این عبارتها میست که چون مجای مجول در بهجیت دی گذارده مشو د تسا دی عدد کیا آتا دبیست آید واین عدد کیا عبارتها را جوا بها می آن

ب - حل محیدی ، = x + این مثلاً میخواهیم محیدی ٠ × ٢-٣ x مراحك نيم حوي ف طرف اوّل را تبحريك مي مين صورت درا د:

x(xx-m) = 0

که بموحب شماره ۱۲۳ جلداوّل یا ۰ × ویا

م كه جوابها ي نها صفر و تل است . ی میرجه با شد طرسها بهشد بهجندی وارا

و وحوالست كريخي ازائها صفرو ديخري ع- است

زیراجیخندی بالارا میتوان مین نوشت ۰ = ۰ (عد + ۵) مرخواهیم ax + l = 0 کازآن نیخه y = y = 0

 $x = -\frac{\mathcal{L}}{2}$ يرش عاد

ا- جوابهای بن جمیت بها را برست ورید:

y= 0 y

ry + ry = 0 C=-16

rat-a=ra * * * * * = * * *

۷- این تیجندیها را حل تمنید:

$$(+ x - 1)(+ x + 4) = (+ x + 7)(+ x - 7)$$
 $(+ x - 1)(+ x + 4) = (+ x + 7)(+ 2)$
 $(+ x - 1)(+ x + 4) = (+ x + 7)(+ 2)$
 $(+ x - 1)(+ x + 7) = (+ x + 7)(+ 2)$
 $(+ x - 1)(+ x + 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7)(+ 7$

ینی پیچوقت مسا وی صفر نمشود نبا براین بن نمچندی جواب ندارد . جمچنین آ جمچندی $-9 \times V - V = -$ که جواب ندار دید بیلی ما نندیش . پس برگاه در جمچندی $-9 \times V + C = -$ صربب در جه د وم و مقدار معلوم (یعنی $-9 \times V + C = -$) جم نشا نه با سخت ند جمچندی دارای حواب نمیست و درغیراین صورت دا رای د و جواب قرینه $-1 \times V + C = -$ است .

برش عیاده

۱- نخست معلوم کسنید کدام کیئا زین بمچندیها دارای حواب بمسنند و کدام کیئے جواب لاز سپس ن بمچند بیائیراکه دارای جواب مهتند حاکومنید

$$(x \times - x)(x + a) = x^{r} + y \times - s$$

 $(x + 1)(x - 1) = (x - 1)^{r} + x^{r} + x - s$

$$(x \times + 3)(x \times - x) - x \times = (3x - 1)(x + 1) - 5x$$

x- 7 x + 7 = 4

را حاكسنيم . كوشش مى كنيم كه طرف ق ل بن بمجيدى را بصورت تفاصل و وتوا و ق م درساً وريم ما شوا نيم ماست بهجند مهاى بالاان را تنجزيه كرد وحاكستيم . براى بين كار عددى بيدا مى كنيم كهچون مر × ۲۰- ۲× افرزو و مشود حاصل توان

و وّم كات د و حبله شود ان عدد الم الم الله است

 $x'-r \times + \frac{q}{r} = (x - \frac{r}{r})^r$

 $x^{r} - r \times = (x - \frac{r}{r})^{r} - \frac{q}{r}$ $i(x^{r})^{r} = (x - \frac{r}{r})^{r} - \frac{q}{r}$

كه چون درجمچين د مي بالاسريم حيثين خوا بدشد:

 $(x - \frac{p}{r})^r - \frac{q}{r} + r = 0$

 $\left(x - \frac{r}{r}\right)^r - \frac{1}{r^r} = 0$

ر میوان را تجریه نود (بصورت ای مرد مرد است):

(x- F- +)(x- F++)=0

ومرصيتم روس التراكم سأول فواجه واشت

کرار حلّ ہر کیا پیچواب برای پیچندی پیدا میشو دلیس جیجندی بالا دارای دوجو آ.

مثال ویکر - میخوانسیم جیندی
$$= 2 + 4 \times -3 \times 7$$
 راحل کنیم مثال ویکر - براسازه میکیریم: $= (1 + 3 \times 7) \times 7$ مانند

$$x' - \frac{\Delta}{Y} \times = (x - \frac{\Delta}{Y})^T - \frac{Y\Delta}{Y}$$

$$y' + \frac{\Delta}{Y} \times = (x - \frac{\Delta}{Y})^T - \frac{Y\Delta}{Y}$$

$$y' + \frac{\Delta}{Y} \times = (x - \frac{\Delta}{Y})^T - \frac{Y\Delta}{Y}$$

$$y' + \frac{\Delta}{Y} \times = (x - \frac{\Delta}{Y})^T - \frac{Y\Delta}{Y}$$

$$r\left(\left(x-\frac{2}{r}\right)-\frac{2}{12}\right)=0$$

$$Y(x-\frac{\Delta}{k}-\frac{\pi}{k})(x-\frac{\Delta}{k}+\frac{\pi}{k})=0$$

$$x - \frac{\Delta}{p} + \frac{r}{p} = 0 \quad \text{i.s.} \quad x - \frac{\Delta}{p} - \frac{r}{p} = 0$$

$$x = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 $y = x = x$ $y = x = x$ $y = x = x$ $y = x = x$

مثال مر - منوا ایم بخدی
$$= 0 + x + 7 + 1$$
 راحل نیم

$$(x-1)^{7}-1+\delta=0$$

$$(x-1)^r + r^r = 0$$

می بینیم که طرف چپ می جمیدی تجزیه پذیرلب زه مای درجهٔ اوّل نسبت بالزن نیتوان مزا با بین راه حل نمو د و لی واضح است که این همچندی جواب ندا رد زیرا مع مهرچه باشد (۱- x) همیشه شنبت (و یا صفر) است و چون سرع افرود و شو د حاصل جموا ره شبت بو د ه و جمیح قت مسا وی صفر نفیشو د .

> . ممرین

ا- این بمخدیها را حل کستید:

a - a a + + = .

x+ x-9=0

ry - + y - = .

C- C+ 1 = 0

r x - v x - 9 = 3

Y X + Y X + F = 1

٣- جوابها ي بن جميند ميا را برست وريد :

 $(rx-1)(rx-r) = x^r + ax - s$

 $(x - 1)^{2} - y = (x - 1)(x + 1) - 10 + 10$

 $x-rx+(x-1)^r=rx+y-(x+1)^r$

۹۴- ولبمچندی کلی ۵ = ۲ + ۸۲ + مین و دوفر

ا وَلَ مِحْبُدَى ٤ را سازه قرار ومسيم مجندى باين صورت نوشته ميشود:

(1)
$$\alpha \left(x^{2} + \frac{c}{2} x + \frac{c}{2} \right) = 0$$

یتوان
$$x = \frac{2}{3} + 7x$$
 را دو حکمه اول توان دوم کی و و حکمه کرفت که خلهٔ اول توان x با شد ښا براین حکمهٔ دو قرم آن $\frac{2}{3}$ د ترم $\frac{2}{3}$

خوا بدلو و

ا قراً ، > عه ۴ م در نیالت داخل کرشه جمچندی (۲) بهج باشد به مثبت خوا بدبود زیرا ۲ هج + بد) جمیشه شبت (ویاصفن ۱

و با عدد مثبت مع مورد با براین است میشود و حاصل مثبت میگردد بنا براین میچونت صفر نیشود بس درانیجالت میمیندی حواب ندارد .

 $a\left[\left(x+\frac{C}{r\alpha}\right)^{r}-\left(\frac{\sqrt{6!-r\alpha}}{r\alpha}\right)^{r}\right]=0$ ورنصورت بمجندی (۲) را میتوال نبین نوشت و $a\left[\left(x+\frac{C}{r\alpha}\right)^{r}-\left(\frac{\sqrt{6!-r\alpha}}{r\alpha}\right)^{r}\right]=0$

(٣)
$$\alpha \left(x + \frac{b}{7a} - \frac{\sqrt{b^r - fac}}{7a} \right) \left(x + \frac{b}{7a} + \frac{\sqrt{b^r - fac}}{7a} \right) = 0$$
وجون α فخالف صفراست باید دست نم کی از دو سازهٔ دگیرصفر با شدکه ارصفر
قرار دا دن بر کت از اینا جوا بهای زیر بدست میآید:

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 + ac}}{\sqrt{a}}, \quad x_r = \frac{-b - \sqrt{b^2 + ac}}{\sqrt{a}}$$

$$(initial \Delta 1) = -c + ac) = -c + ac$$

$$(initial \Delta 1) = -c + ac) = -c + ac$$

$$(initial \Delta 1) = -c + ac$$

$$(init$$

$$(7) \quad x = \frac{-\theta \pm \sqrt{\theta^{7} - \rho ac}}{7a}$$

$$(7) \quad \dot{a} = \frac{-\theta \pm \sqrt{\theta^{7} - \rho ac}}{7a}$$

$$\dot{a} \quad \dot{b} \quad \dot{a} = \frac{-\theta \pm \sqrt{\theta^{7} - \rho ac}}{7a}$$

$$\alpha(x+\frac{\theta}{2})^{r}=0$$

$$x = -\frac{\mathcal{L}}{ra} \quad \dot{\mathcal{L}} \qquad \qquad x + \frac{\mathcal{L}}{ra} = 0$$

سم و - در السيك ، = ٤٥٠ - الله السن ميوان جوا برا

$$x = \frac{-\frac{C}{4}}{7a} = \frac{-\frac{C}{4}}{7a}$$
 3) $\frac{1}{2}$

چون نصف کی را کی گیریم نعنی کی = $\frac{2}{7}$ و یا کی ۲ = گ وانرا (ر وستور (ج) سریم حینین خوا برشد:

$$x = \frac{-\gamma b' \pm \sqrt{\gamma b'' - \gamma ac}}{\gamma a}$$

$$x = \frac{-\gamma b' \pm \sqrt{\gamma (b'' - ac)}}{\gamma a}$$

$$x = \frac{-\gamma b' \pm \gamma \sqrt{b'' - ac}}{\gamma a}$$

$$x = \frac{-\beta \pm \sqrt{\beta c'' - ac}}{\gamma a}$$

مثال - برای کی به چندی x' = x + x + y = 0 بسترا مبنت کداررو

وستوراج) على شود

$$x = \frac{\gamma \pm \sqrt{\varphi - \varphi}}{1} = \gamma \pm 1$$

۹۷-شبصرة ۷- درحالت کید عدد ع- ای مثبت است دیدیم کر مبحندی را بصورت (۳) میتوان نوشت بعنی

$$a(x - \frac{-\theta + \sqrt{\theta^2 + ac}}{4})(x - \frac{-\theta - \sqrt{\theta^2 + ac}}{4})$$

سنى: درخ د وم در دو م در د وم منا ولست الماصل غرب. ضربت درخ د وم در دان و وم بك د و محكهٔ درخها ول.

مثال ا عبارت ع - ۱ × ۲ × ۵ رانبازه فای درجه و تخریک نده و تخریک ن

چون دارای ورسته متایر شه = به و ۲- = به بیباشد با براین منصورت تحزیه مشود:

 $\Delta x^{r} + vx - s = \Delta (x - \frac{\pi}{\Delta})(x + r)$ $= (\Delta x - r)(x + r)$ $= (\Delta x - r)(x + r)$ $= (\Delta x - r)(x + r)$

چون میں کی صفراست بنا براین

 $x'-y\sqrt{r}x+y=(x-\sqrt{r})^{r}$

. 中中气.

تغرين

ا بهجندیهای زیر راح کسسید:

" x"+ " + x + r 1 = .

メートドメナットロ

18x - 48 = YIX

+x+++++=+0 +x

 $(x - \sqrt{V})(x + \sqrt{\Delta}) = 0$

 $(x-1)^{r} = a(x^{r}-1)$

برای خلّ بن و جهندی نباید ضربها راانجام دا د بکدا رشکل سحبِّدی بیشه ؛ معاومند.

 $TX^{T} = \frac{1}{3}(X + \frac{10}{3}) + YX^{T}$

alx- (a'+ f1)x+ ab= .

abex - (a'b' + c') x + atc = .

x'-r(a'+t')x+(a'-b')'= ,

y-1(a-2)y=(a+8)t

(a'- &')y'- Y(a'+ &')y+a'-&'=.

(a'- f')(x'+1) = + (a'+b')x

۴ ـ سهمسانه بای زیر رابسا زه بای اول تخریکنسید :

1x1-x2-1x7

x"+ x VF -9

x4 50x+ #

. .

سبصره -عمراً اتفاق ميافت دكه ٥٥ ع- ح توان ووّم كالنبيت أرّ

صورت جوا بهای پیچندی کنگ بوده ومقدار آنها را میتوان با تقربی که منطوراست مست ورد.

مثلًا جوابهای بمجندی ۵ = ۵ + ۸ + ۲ جنیل ست:

$$x = \frac{q \pm \sqrt{11-r_0}}{r} = \frac{q \pm \sqrt{r_1}}{r}$$

رسته دوم اع أو التقريب عارع است ين عتدا رتقري جوا بهاجين ا

 $x_{+}^{2} + \frac{9}{9} = 0$ $x_{+}^{2} + \frac{9}{9} = 0$ $x_{+}^{2} + \frac{9}{9} = 0$

وبواسطهٔ است تعرب است کداکر مثلاً مجای × درجیخندی ۵ = ۵ + × ۹ - ۲ ×۲

عدد ۸۸، ۱۳ را قرار دبهسیم طرف ول صفر نمیشود ولی اگر سجای × مثلاً عدد

<u>المباه مرابگذاریم طرت ول صفرخوا بدشد.</u>

۸ ۹ ـ بعضى بمچند بها بمستند كه حَلَّ بنامنجر محل بمچندى درجُه دوم مشود ا مثال - اين بمحين ديرا حل كمنسيد ؛

طرف اول راجون سات برخد ما مرتبد ال مسيم مين مشود عرف اول راجون سات برخد ما مرتبد ال مسيم مين مشود

این برخه وقتی صفراست که برخه شارش مسا وی صنه برخه نامش مخالف صفر با

ينى جواب تېچندى بالامسا وى جواب بمحنيا. ي

0x -18x + fo = 0

است کرجوابهای ن ۲=۲ و ۲<u>۲</u> = ۲ ساشد

سمصره مازضرب ووطرف بمجندي داده شده دركوطشرين صرب مرخد

نا مها یک جمیندی سیدا میشو د کرجواست جواب جمیندی دا د و شده مست

ترين

ا- بمخدی نای زیررا طر گسسید :

 $\frac{9}{x} - \frac{x}{r} = r \qquad \frac{x}{x+1} + \frac{x}{x+1^6} = 1$

 $\frac{x+1}{x}+1=\frac{x}{x-1}$

 $\frac{\Delta x + F}{\Delta x - F} + \frac{\Delta x - F}{F} = \frac{1F}{F}$

 $\frac{\lambda+1}{\lambda-1} + \frac{\lambda+1}{\lambda-1} = \frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda}$

TX TX-TO = F + TX 10

YX-7 + X+1 = YX-11

$$\frac{3\alpha-1}{\alpha-1} + \frac{r\alpha+1}{\alpha-r} = \frac{\delta\alpha-1r}{\alpha-r}$$

$$\frac{r}{y-1} + \frac{1}{y-r} = \frac{r}{y-r} + \frac{r}{y-r}$$

$$\frac{\delta}{v-\alpha} + \frac{r}{r} = \frac{r}{s-\alpha} + \frac{r}{r}$$

$$\frac{\delta}{v-\alpha} + \frac{r}{r} = \frac{r}{s-\alpha} + \frac{r}{r}$$

$$\frac{\lambda}{\alpha} \pm \frac{\alpha}{x} = \frac{\beta}{x} \pm \frac{x}{\theta}$$

$$\frac{\lambda}{x} + \frac{1}{x} = \frac{\alpha-\beta}{\alpha+\beta} + \frac{\alpha+\beta}{\alpha-\beta}$$

$$\frac{\alpha-x}{\alpha} = \frac{r\alpha}{x-\alpha}$$

$$\frac{(\alpha-x)^r - (x-\beta)^r}{(\alpha-x)(x-\beta)} = \frac{r\alpha\beta}{\alpha^r - \beta^r}$$

$$(\frac{\alpha-x}{x-\beta})^r = \lambda(\frac{\alpha-x}{x-\beta}) - 1\delta$$

$$\frac{(\alpha-x)^r}{x-\beta} + \frac{(\alpha-x)^r}{x-\beta} + \frac{(\alpha-x)^r}{x-\beta}$$

$$\frac{a+x}{a-x} + \frac{a-x}{a+x}$$

$$\frac{1-\frac{a-x}{a+x}}{(a-x)^{\frac{1}{2}} + (x-\ell)^{\frac{1}{2}}} = \frac{a^{\frac{1}{2}} + \ell^{\frac{1}{2}}}{a^{\frac{1}{2}} - \ell^{\frac{1}{2}}}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a+b}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

x - 7 x - 18 x + + 1 1 x - + + = 0

است دوحواب و کمران را بدست و رید ۰

۳- سر راچان تيسي نسيد كر جميدى

(m+1) x + mx + m = + = 6

دارای د وجوا مبیقیتی باشد .

علام مقدام عمر رابیداکسنید بطور کیه ۲- کیلی زجوا مهای مین جمین دیها

Y x - - - xx-1 = 0

+ x"+ + x x - 1 + + x= .

- x - y /xx+ x + = .

بهل زبدست ورون عرجوا بحب ی دیکر بهجندی ای بالارا پیداکت ید .

- b + VEI fac - b - Ver-pac - r b ا رضرسبه و وحوا مب جمچیْدی درخه د وّ م خوا جیم دا ش $x_1x_2 = \frac{(-\theta_+\sqrt{\theta_-^2}\varphi_{ac})(-\theta_-\sqrt{\theta_-^2}\varphi_{ac})}{\varphi_{ac}}$ $= \frac{b' - (b' - rac)}{ra'} = \frac{b' - b' + rac}{r} = \frac{rac}{r9a}$

 $\frac{x \times \frac{c}{a}}{\sqrt{x}} = \frac{c}{a}$ $\frac{x \times \frac{c}{a}}{\sqrt{x}} = \frac{c}{a}$

لضرب درجه دوم.

مُلاً وبرميندى • = ٧ - ٧ - ١٥ × ٢ ملاً وبرميندى وجوا منتسرة جنيرل ست!

$$x_{+} + x_{+} = -\frac{e}{a} = \frac{-10}{r} = -3$$

$$x_{+} + x_{+} = \frac{e}{a} = \frac{-1}{r}$$

$$x_{+} + x_{+} = -\frac{e}{a} = -3$$

$$x_{+} + x_{+} = -3$$

$$x_{+} + x_{+}$$

ا - تعیین کشا نهٔ جوابهای جمیت کی درجهٔ دوم ۱۰۰ - ازروی دورابطهالامیتوان پش از طرکرون بمچندی نشا نددو جواب آن رامعلوم کرده

مثال ا - درجیندی و ۱ + ۲ × ۵ - ۲ × ۶ جون

ا ع ع ایج مثبت است نبا براین همچندی دا رای د وجوابست و چون

ا ع ع اصل ضرب جوابها ستبت است آن د وجواب بم نشانداندو

حون حاصل حب مع و وجواب اینی کی ۔ ۔ پیشن است برد وجوا

متبت بیبا شد از غزیجیندی نیزمد و جواب شبت او و کی مرسم

مثال ۲ - د بیجندی و ۲ + ۲ × ۵ + ۲ × جون و موادی

و ، ﴿ است نبا براین جمچندی دارای دوجواب بهم نشانه ست ولی ، ﴾ چ - است پس مبرد وجواب منفی ست .

چون جیندی را حل سیم دوجواب ا و بیا - برست میآید

مثال ۳- درجمچندی ۱۰ - ۳ - ۲ × ۲ × ۰ مثال ۳- درجمچندی دارای دوجوابست که بهمنشانه نیستند.

پون چېند سراحل نيم د وحواب ۳ و ۱-ميرسيم.

۱۰۱- شیصره - برگاه نی منفی باشد (ویا انیکه ه و ع به مشاه د وی انیکه ه و ع به مشاه د وی انیکه ه و ع به مشاه د و منفی باشد و د وی مشاه د و منفی بیشته دارد لینی عدم است و میشود و میشود

بی در مالتی که ه است میمندی درخه د وم دوجوا. داردو د وجواب آن بم نشا نه نمیشند وازروی نشا نه محموع حوابها بعنی رونشانه مح به نشانهٔ خواسکه قدر طلق نشیر سی معلوم میشود.

من مراکز ه یا شد دوجوان دو عدو قرینه اند · مختوص اگر ه یا شد دوجوان دو عدو قرینه اند ·

 $\frac{e}{a} = \frac{-1}{a}$ منال ا و ربیجندی دا را ای حواب سیا شدکه بیم اشانه نستند و جو رجا صل منفی ست لسل بن بیجندی دا را ای حواب سیا شدکه بیم اشانه نستند و جو رجا صل

جمع دوجواب بعنی عے ۔ ۔ ﴿ مثبت ست بنا براین قدر طلق جواب مثبت شیراز قدر مطلق جواب منفی است ،

ارحل محندی دوجواب ۱ و 🕺 - بدست ساید.

شال ۲- در بیجندی . = ۵ - ۱۷۲ بیون کا ساوی صفرت

 $x = \pm \sqrt{\frac{\Delta}{2}}$ منفی ست بمجندی دارای دوحواب قریندسیا شد $\frac{e}{\Delta}$

4

ا- بدون اینگه بمچندیهای زیر را حل کسنید معلوم کسنید مبرکد ام حواب داردیا نداره د درصورت که حواب داشته باشدنشانهٔ جوابها را معلوم کنید .

*X-1x = 0 X-1x = 0

7x-17 = 0 7x+11= 0

 $-x'+\Delta x-r=0$ $\Delta x'-|V|x+r'=0$

 $9x^{2}+17x+6=0$ $3x^{2}-16x+6=0$

۲- درجمچندی ه = ۱- سر ۲+ × ۲- مخت مقدارانی برای س

پد اکنسید تا بمجندی دارای دوجواب غیرمساوی باشد دوّم مقداری به مهر برسید تا بمجندی دارای کیک جواب مضاعف شود سوّم چرمقدار تانی به مهر بد بهتم ا دوجوا سبخ پد بهمنت نه نباشند ؟

۳- درہیجندی ۵ = ۵ ، یون او مطلومیٹ تعین مقدار کہ تعیمی کہ کی ارجوا بہائیش مساومی ۴ ۔ شودمیس ارتعین کے بدون آل ہمخید می حواب وگیرراحیا کنید

۲- طریعتی میشنده و عدد نقسمی کرمجوشان ۶ ۱۰۲- مسللهٔ ا- مطاوست نعین و عدد نقسمی کرمجوشان ۶ و ماصل ضریب ان حرباشد

صل میں ایم این دو عد در ابجوا بھے ای کیا جمچندی درجهٔ دو م کمبریم که اگر آن ہمچندی درجهٔ دوم را لبصورت ٥ = ٥ + پی + کیه گیری خواسیم واشت که ایج و ح = ۵ پی میں عدہ - ۵ واشت که ایک این آن ہمچندی باید پیس این این ہمچندی باید پیسی این د

ax - a 8x+ a = 0

ویا مفرنست) شرط اینکر مند منکمن باشداین ست که ه ح ۲-۴۵ = ۵۶-۴۵ باشد لعنی توان د و م مجموع از مها ربرابرها صل ضرب بزرگترویا لا اقل برابرآن باشد)

لما بن تمرط د و عد دمطلوب عبارتبدار:

 $\xi = \frac{S - \sqrt{S' - FP}}{r} \qquad \xi = \frac{S + \sqrt{SLFP}}{r}$

شصره - ازخل بن سلامعلوم مثو د كه اگر محموع و حاصل صرب و عدر

معلوم با شدان د و عدد جوابهای بمجیت دی درخه د وی بستندکه دران ضربب ند یک وضربب به مجموع آن د و عد د بانشانهٔ

فاله في المنطوم ساوي عاصل ضرب آن د و عدد ما شد .

ا - د و عد د جنان تعین کنسبد که مجموعتیان ۱۵ و حاصل عنرنشان ع۵ باشد .

م المام ا

 $P = a^{r}$: $S = a\sqrt{\delta}$

 $P = FR^T - 4\alpha^T$ S = FR

The state of the s

The second secon

الع ما رقيلي منشائع أن المستشار الماري الماري المارية أن المارية والمراه المشقى والوطار الشائع المرا العالم المراجع المراجع

and the second of the second

 $x_{0} = x_{0} + x_{0}$

x - 0 x - 14 = 0 le

ترين

٧ ـ بريك أربيجنديها سُكِه ارْمسهُ لمهُ بالا بهست آيده حل كنه يدوا زينرو درمستي انهارا

المتحان كسنيد .

ع ١٥ مستمله ٧- بمچندي درجه د و مي ل بهيدكه يون برم رجوالب عد

به افرود وشود جوابهای بچندی طلوب و به و پر راجوابهای بحیدی طلوب و به و پر راجوابهای بحیدی

، عام المريخ البيم واشت : عام المريخ البيم واشت :

y=x-x

 $y = x - \alpha' \qquad \qquad 9$

y + y = (x + x)-rd

yy = xx - x (x + x) + x

7 = c 7 + x = - t

y + y = - (= + 70)

yy = = = + + d + d

و موسب سله این تخدی برست میآید:

هُ اللهِ اللهُ اللهِ ال

۱- بمچندی درجهٔ د و می شکیل د سید که سرجوانبشل زیدا ب بمچندی و ۱ = ۱ + بدی که میرموانبشل زیدا ب بمچندی و ۲ + بدی که میرموانبد و ۲ که که کنتر و شد و یا ۲ که مشتر باشد و

 چون اندمسلنه ۱۲ مجموع و حاصل ضرب جوابهای بهچندی مطلوب را پیداکستیم آن جمچندی چندی ست ؛

ax + mbx + mc = .

۵ ۱۰ مهجندی درجهٔ د و می شکیل دیسد کنه که ازجوا بهاکیش قرنیهٔ جوابی ارتبخیدی ۵ = ۲ + مدکل + '۵x باشد

چون مانندمسّلنه ۲ عمل کنسیم و یا انبکه در بهجندی سستندیمش بجای سر عدد ۱-راکداریم بهجندی مطلوب چنین میشو د

ax = tx + c = 0

بعنی: برگاه در دوبهمچندی درخه دوقه مضربهای درخهاقل قرینهٔ کید کیرباشد وضربهای درخهٔ دقه م با بهمساوی وجله فای معلوم نسینه با بهمساوی باشند جوانهای آن دو همچندی مستسرینهٔ بهم میباشد

منلاجوابهای بمجتدی و = ۲ - ۵ × ۲ قرند عوابهای مجت

TXT+AX-Y=

ع ١٥ مسل ٤١ - جميم دى درجه د توي سكيل و بهيدكه جوابها نبروارو

 $S = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 + x_2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 + x_2} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 + x_2} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_2 + x_2} = \frac{1}{2}$ $S = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_2 + x_2} = \frac{1}{x_1 + x_2} = \frac{1}{x_2 + x_2} = \frac{$

این میجندی جوا سالسشن ار و نه جوابهای هجیدی و = ۲ + کیده سنت ازمقایسترا بنا با بیم میخومیشو و که ا

سرگاه در جمجندی درجه و تونی جای ضرب درجه و و ما ومفار معلوم را ما بهم غوص سند همچندی حاصل حوابها سنو و ارونهٔ حوابهای آن جمچندی میشود .

عدر الفرالف علوى بن جوابهاى بجندى و عود عدد مدالف علوى بن جوابهاى بجندى و عود عدد مدالف بن برقرار باشد .

دوره بعد میان جوابها و رومبله معاوم شکیل شیری مید بند که برگاه جوابها را وران دسته با دیداف کنم را بیدامغاوی به ست میآید . از دورالطه اقل وسوم این دستگاه به و بد را برحسب a و ج وی پیز

تحرده دررا بطنهٔ و قهم و تسکاه قرا رمید بهیم حاصل میشود:

این بان رابط مطاب ت این بان رابط مطاب ت این بان رابط مطاب ت علی این بان رابط مطاب ت

لمرن

ا مطلوبت تعین مقدار و بقسیت که (۴ و ۲) جوابهای همخدی

x-1x+9=0

در کمی ارشرطهای زیرصد ق کند:

(1-1) x - 7 (1 + 1) x + 1 - 7 = 0

مسا وی کردند .

5x-1(5m+7)x+3m+9m+1=0

بازار بهمُ مقدار بأي سهر داراي دوجوا ب قيقي ست .

۵ - بمچندی درخه و ومی شخیل مهید کد جوا بها سیش عکس حوا بهای جیجندی

· + x - h = .

ء بهجندی درجهٔ د وّمی سین دبهید که جوابهایش زحوابهای جمحیندی

ه = ۱+ ید عود معرف می مهفت عدو شرباشد.

٧ - ١٠٠٨ راچان تيين كنسيد كرجوابها ي جيذي

۰ = ۷ - m + × (۱ - m) - ۲ × ۸ - درکی از شرفهای زیرصد تی کند : ۱ - منساوی هم باشند ۲۰ نرینهٔ کیدگیر باشند (۳) عکسس هم باشند (عن کی منسائ^ی

فسفرما شد

 $\lambda = -\frac{1}{2}$ مطونست تیسی ضربهای پیم و $\lambda = \frac{1}{2}$ بطور کمیچون برسر کیک از جو ابهای مجیندی $\lambda = \frac{1}{2}$ بیست این $\lambda = \frac{1}{2}$ بیست این $\lambda = \frac{1}{2}$

۹- قطرراست گوشدای ۵۰ متر و درا زایش ۲۰ مترمیّل زینهای آن است درازا ویهنای آن راحها به کمنسید،

۰ ۱۰ - درازاسی را بی ۱۲۰ کیلومتراست د و نفر د و چرخه سوار آن را ه رامی بیآن کی از انها که تندلیش درساعت ۱۰ کیلومترزیا د ترا زدگیری است آن را ه را د و ساعت زو د ترمی پیاید تیندی سرکائے حقیدراست ؟

۱۱ - دومتوک از دوطرت کیترخط هیم نبررازای ۱۲۵۰ مترطرت کیدگروکت میکننداوّلی ۵ ثانید بنداز دومی حرکت نمو د ۵ و ثندلیش در ثانیه ۴ تبریشس از تُندی تومی ت بنید کنید تُندی مرکک را درصورت که دروسط خطّ هیم برسند.

۱۲- حسا بکنسید محیلونای سدگوشهٔ قائم الزّاویه ای راکه درازای محیب و نایش سدعهٔ ورست نیشت سنرسسم باشند . یخانی نفضل

فليلناسه

درست	غلط	سطر	صنحه
يڭ چند جملة را	يك چند جرلة	٦	٦
تحادمای دوم وسوم و چهارم را لیر	"	γ	λ
ودراين دوغمل لزبايد نشانه رامراعات لمود	تمرين اضافه شود : تبصره	۲ پیش_از	۳۸
سفحة ٣١ أحفت	(شمارة صفحة ٣٥)	١٢	٤٢
X	· a	٦	١٥
d cl	را چهارم	d Y	٥٩
آخر سطر بنویسیه : بر		۲	٦٧
دو نامساوي	ومساوى	٠ \٠	79
درازارا	رازا	آخر د	٨٨
دقيقه شبار	يه شمار	ध १६	40
١	_ 1	• • • • • •	1 • •
ولی راه آب اول	ع داه آب	ځ ول _و	1.1
	: ٿ	طر آخر چذین اس	- 1.0
Livre	(r) Syraeus	se (Y) Hić	ron (\)
Abscisse (t)	•	آخر	11
اشابه جهت	نشأنة جهت	١	11
مساويست.	المساويست :	9-1	1771
a 📜 •	a · •	1.	185
ba' - ab'	ba - ab'	Y	11.
حاده ای مهتوان احل	ساده ای حل	1 4	188
الانشفاي أست	الم تشه أيست	١.	104
بدعمار است	پیشمار لد	۲	100
ارین تساوی ها	ازین تساوی	٦ /	100
ازین چهار الساوی	ازبن تساوی	1	157

درست		غلط	سطر	حفحه
به فحده به ا	,)	(صفحة ٨٩	1	١٨٣
بش داده	نما	نمایش و	Υ	١٨٣
<i>آ</i> يب	تر	بتر تيب	Å	ነአዔ
٤.	• \	٤٠	۲	127
٦	°,7″	7/5	λ	191
abscis	se	abcisse	آخر	۲
å se	صف	سطح	١٣	7 • 7
پندیهای	= & A	همچندیهایهای	٤	717
Tx 1-	۸٠	۳x ^۲ ۸۰	10	۸۲۲
$\frac{\mathbf{b}^{Y} \cdot \mathbf{b}^{Y} + \xi\mathbf{ac}}{\xi\mathbf{a}^{Y}} = \frac{\xi\mathbf{a}}{\xi\mathbf{a}}$			15	777
رض	9 c	عو ص	١.	72.

۲٤۲ تمرین ۸ چنین است : مطلوبست تعیین ضریب های q و p بطوریکه چون بر هر یك از جوابهای همچندی $x^{Y}+px+q=0$ یك افزوده شود جوابهای همچندی $x^{Y}-p^{Y}x+pq=0$ بدست آید .

This book is due on the date last stamped. A fine of 1 anna will be charged for each day the book is kept over time.

